

مجله مکانیک سازه ها و شاره ها آمادگی انتشار مقالات تخصصی در کلیه زمینه های مهندسی مکانیک و مباحث میان رشته ای مرتبط با این شاخه علمی را دارا است. لذا از کلیه اساتید، دانشجویان، پژوهشگران و فعالین صنعت دعوت می شود که حاصل تحقیقات جدید، پژوهش های بنیادین و ایده های نو خود را جهت انتشار به این نشریه ارسال نمایند. شایان ذکر است که این مجله دارای رویکرد یکسان در دعوت از تحقیقات دارای جنبه عددی، تحلیلی و آزمایشگاهی است. همچنین امکان انتشار مقالات جدید در زمینه روش های عددی و تحلیلی (شامل هر دو دیدگاه معین و تصادفی) در مهندسی مکانیک فراهم شده است. در پایان خاطر نشان می شود که سیاست اصلی این مجله بر تسريع فرآیند داوری و تعیین تکلیف مقالات در حداقل زمان ممکن استوار شده است.

اعتبار علمی - پژوهشی

اعتبار مجله مکانیک سازه ها و شاره ها در جلسه مورخ ۸۹/۱۲/۲۵ کمیسیون نشریات علمی وزارت علوم، تحقیقات و فناوری مورد ارزیابی قرار گرفت و با درجه "علمی- پژوهشی" به تایید رسید و طی نامه شماره ۱۰۵۳۷۸/۹/۲/۱۱/۱۰۵۳۷۸ به معاونت پژوهشی و فناوری این دانشگاه ابلاغ گردید.

بررسی آزمایشگاهی صعود دنباله‌ای از قطرات در یک سیال لزج

میلاد امین‌زاده^۱، امیر ملکی ضامنچانی^۲، حسین افشنین^۳ و بهار فیروزآبادی^{*۴}

^۱دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف

^۲دانشجوی کارشناسی مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف

^۳استادیار دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف

^۴استاد دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف

چکیده

حرکت و تغییر شکل یک دنباله از قطرات در حال بالاروی در آب بصورت آزمایشگاهی و با استفاده از یک کد پردازش تصاویر مطالعه شده است. بمنظور بررسی جامع بین رفتار قطره‌ای که در ناحیه برخاستگی (Wake) قطره دیگر حرکت می‌کند و یک قطره منفرد که آزادانه در سیالی ساکن در حال حرکت است، تغییر شکل و ضرائب پسای مربوط به یک قطره منفرد و یک قطره مشخص در دنباله قطرات مورد مطالعه قرار گرفته‌اند. همچنین تاثیر خواص غیرنیوتی مایعات بر رفتارهای مذکور بررسی شده‌اند. نتایج نشان می‌دهد که افزودن ویژگی‌های ویسکوالاستیک به مایعات موجب افزایش پایداری در شکل قطرات خواهد شد. در چنین شرایطی تغییر شکل‌های قطره در حال حرکت در ناحیه برخاستگی قطرات دیگر به نتایج مربوط به یک قطره منفرد نزدیک خواهد بود. به‌منظور دستیابی به رابطه‌ای منطقی برای ضریب پسای بصورت تابعی از عدد رینولدز برای قطره‌ای که در دنباله حرکت می‌کند، از یک مدل دوبعدی بر مبنای مسیر حرکت قطره استفاده شده است. همچنین رابطه‌ای تئوری برای ضریب پسای قطره بر حسب عدد رینولدز بصورت $C_D = a \cdot Re^b$ که در آن از اثرات مربوط به تغییر شکل‌های قطره منفرد صرف‌نظر گردیده ارائه شده است. مقایسه مقادیر واقعی ضرائب پسای با مقادیر تئوری بیانگر خطای کمتر از ۲۵٪ می‌باشد. همچنین مقایسه بین ضرایب پسای مربوط به یک قطره منفرد و قطره در حال حرکت در یک دنباله، حاکی از آنست که قطرات به هنگام حرکت در دنباله ضرائب پسای بالاتری را تجربه می‌کنند.

کلمات کلیدی: مایعات مخلوط نشدنی؛ دنباله قطرات؛ محلول‌های پلیمری؛ ضریب پسای.

پیش‌بینی دقیق‌تر ضریب پسای خواهد شد. حرکت یک قطره در ناحیه برخاستگی حاصل از حرکت قطره جلوتر بروی تغییر شکل‌های آن تاثیر می‌گذارد، از این‌رو ضرایب پسای مربوط به یک دنباله از قطرات از یک قطره منفرد کاملاً متمایز می‌باشد. علاوه بر این بهم پیوستگی^۱ بین قطرات در حین حرکت یکی از مهمترین پدیده‌ها در این زمینه می‌باشد که بدون شک تاثیر قابل توجهی بر حرکت آنها خواهد گذاشت. پارامترهایی همچون اندازه قطرات، سرعت اولیه آنها و نیز تاخیر زمانی بین دو قطره متواالی که از نازل خارج می‌شوند از جمله مثال‌هایی هستند که می‌توانند پدیده بهم پیوستگی را کنترل کنند. از این‌رو تلاشهای متعددی برای توصیف حرکت و برهم‌کنش یک دنباله از قطرات انجام شده است.

کوشنر و همکارانش^۲ [۳] برهم‌کنش بین دو قطره مخلوط نشدنی در حال حرکت در یک سیال لزج را بصورت آزمایشگاهی

۱- مقدمه

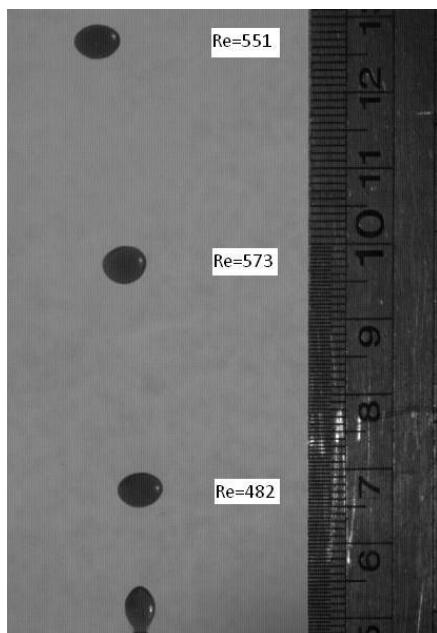
سیستم‌های صنعتی و بیولوژیکی متعددی همچون مبدل‌های حرارتی تماس مستقیم و فرآیندهای استخراج مایع وجود دارند که با حرکت قطرات درگیر می‌باشند. مطالعات آزمایشگاهی، تحلیلی و عددی متعددی برروی حرکت یک قطره منفرد در مایع مخلوط نشدنی دیگر صورت گرفته است [۱ - ۲]. جنبه‌های مهم چنین مطالعاتی به جدایش قطرات در هنگام شکل‌گیری، تغییر شکل‌های در حین حرکت و یافتن ضرائب پسای مربوط به حرکت قطرات اختصاص یافته است. اگرچه مطالعه یک قطره تنها اطلاعات پایه‌ای و ارزشمندی از حرکت آنها در اختیار می‌گذارد، بررسی‌ها نشان می‌دهد برهم‌کنش میان یک گروه از قطرات و تاثیرات متقابل آنها بر حرکت یکدیگر تاثیر قابل توجهی بر عملکرد و بازده فرآیندهای مذکور دارد.

تغییر شکل یک قطره تاثیر قابل توجهی برروی ضریب پسای و در نتیجه برروی حرکت قطره دارد. بنابراین فهم بهتر این پدیده موجب

¹Coalescence

²Kushner et al.

ناحیه برخاستگی قطرات دیگر حرکت می‌کنند با حرکت یک قطره منفرد مقایسه شده است. بمنظور مقایسه رفتار قطرات مایعات نیوتونی و غیرنیوتونی، آزمایشات برروی تولوئن به عنوان سیال نیوتونی و دو محلول متفاوت از پلی استایرن^۶ در تولوئن به عنوان سیالات غیرنیوتونی انجام شده است. با استفاده از یک دوربین پرسرعت که قادر به ثبت ۱۰۰۰ تصویر در ثانیه است، تاثیر تاخیر زمانی بین دو قطره متواالی در حال خروج از نازل برروی پدیده بهم پیوستگی بررسی شده و بعلاوه، ضرائب پسا عنوان تابعی از عدد رینولدز تعیین گردیده اند. لازم به ذکر است وجود کشش سطحی تقریباً یکسان در میان قطرات و استفاده از نازلی یکسان در تمامی آزمایشات موجب شد قطرات قطرهای یکسانی داشته باشند. همچنین برای شناخت بهتر تاثیر جریانهای محیطی برروی تغییر شکل قطرات، الگوهای تغییر شکل یک قطره منفرد با قطره ای که در یک دنباله حرکت می‌کند مورد مطالعه قرار گرفته است.



شکل ۱- دنباله قطرات

۲- فرآیند و تجهیزات آزمایش

شکل ۲ تجهیزات مورد استفاده در آزمایشات را بصورت شماتیک نشان می‌دهد که شامل یک مخزن پلکسی گلاس با سطح مقطع $30 \times 30 \text{ cm}^2$ می‌باشد و داخل آن از آب بعنوان سیال محیط پر شده است. با استفاده از یک لوله مسی، مایع (فاز گسیسته) به انتهای تانک منتقل می‌شود. بمنظور کنترل دقیق برروی نرخ جریان قطرات، از سرنگی متصل به یک موتور الکتریکی که از مکانیزم خاصی برای تبدیل حرکت دورانی به حرکت خطی استفاده می‌کند بهره گرفته شده است. وسیله مذکور نه تنها برای ایجاد یک دنباله از قطرات با اندازه‌های یکسان استفاده شده بلکه تاخیرهای زمانی

موردنظر مطالعه قرار دادند و رفتارهای متفاوت این دو قطره با اندازه‌های متفاوت را در اعداد رینولدز پایین گزارش کردند. همچنین برازیر و همکارانش^۱ [۴] به مطالعه نقش نسبت اندازه قطرات و نیز سرعت نسبی میان آنها برروی برهم کنش قطرات آب در حال سقوط پرداختند. جنبه‌های مهم این مطالعه به تعیین شرایطی که رفتار قطرات بعد از پدیده بهم پیوستگی را تعیین می‌کرد اختصاص یافت. آنها پی برند فاصله عمودی ابتدایی بین قطرات نقش قابل توجهی در باقی ماندن قطرات بصورت بهم پیوسته یا جداش آنها بعد از پدیده بهم پیوستگی دارد.

بررسی پدیده بهم پیوستگی در هندسه‌های محصور همچون لوله‌ها و مجاری از جمله موضوعات جذاب برای محققین است. المترووشی و برهان^۲ [۵] آزمایشاتی برروی برهم کنش و بهم پیوستگی دو قطره یا حباب در حال بالاروی در یک لوله استوانه‌ای تحت اثر نیروی شناوری انجام دادند. با استفاده از روش‌های پردازش تصاویر، نقش پارامترهای فیزیکی متعددی از جمله نسبت اندازه قطرات، عدد بوند و نسبت لزجت آنها برروی زمان بهم پیوستگی تعیین شد.

مطالعات پیشین نشان می‌دهد شکل قطرات و پاسخ آنها به تنش‌های محیطی با وجود ویژگی‌های غیرنیوتونی مایعات غیرقابل پیش‌بینی خواهد بود [۶ - ۷]. تشکیل حفره‌ها و وجود نایابی‌های در حین حرکت قطرات بطور قابل توجهی رفتار آنها را تغییر می‌دهد [۸]. مطالعات جامع آکاریا و آلبرکت^۳ [۹] و المترووشی و برهان [۵] نشان می‌دهد که مقیاس زمانی بهم پیوستگی بگونه‌ای مهم توسط اثرات ویسکوالاستیک سیال محیط تحت تاثیر قرار خواهد گرفت.

روش‌های تحلیلی متعددی برای حل معادله استوکس اطراف قطرات غوطه ور استفاده شده اند. هتسرونی و هایبر^۴ [۱۰] نیروی پسا و سرعت حد دو قطره در حال حرکت در یک سیال ساکن را بدست آورند. بعلاوه، دیویس^۵ [۱۱] از یک روش انتگرالی مرزی متقارن بمنظور بررسی بهم کنش دو قطره و اثر عدد بوند بر بهم پیوستگی آنها استفاده نمود. اگرچه نتایج چنین مطالعات عددی و تحلیلی ارزشمند می‌باشند ولی باید توجه نمود که چنین حل‌هایی به جریانهایی با اعداد رینولدز پایین که در آنها شرایط استوکس معتبر هستند محدود می‌باشد. از آنجایی که سیستم‌های عملی با نرخ بالایی از جریان قطرات با سرعت‌های بالا روبرو هستند، مطالعات آزمایشگاهی شرایط مناسبی برای بررسی محدود و سیعی از پارامترهای طراحی از جمله نرخ جریان قطرات، سرعت آنها، قطر نازلها و نیز ویژگی‌های رئولوژیکی مایعات فراهم می‌آورند.

در مطالعه حاضر حرکت دنباله‌ای از قطرات در حال صعود در آب (شکل ۱) مورد بررسی قرار گرفته است. رفتار قطرات وقتی در

¹ Brazier et al.

² Al-Matroushi & Borhan

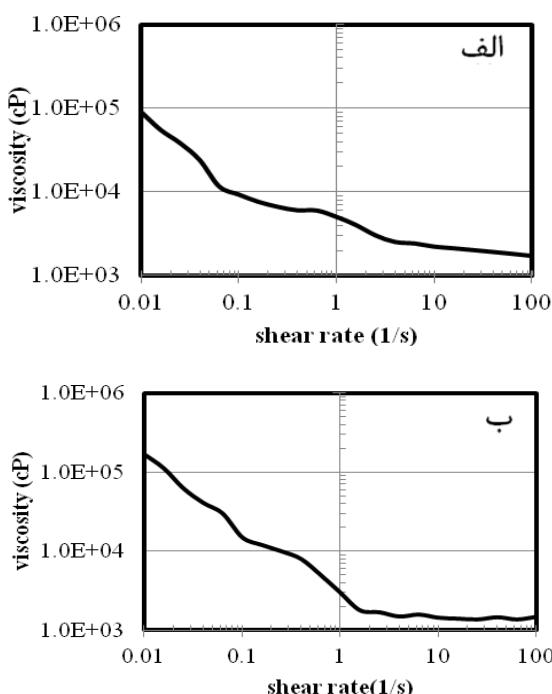
³ Acharya & Ulbrecht

⁴ Hetsroni & Haber

⁵ Davis

PS2 (6.25%)	PS1 (3.125%)	تولوئن	آب	ماده خواص
۲۴.۵	۲۴	۳۵	----	کشش سطحی در آب (dynes/cm)
۸۷۰	۸۶۶	۸۶۲	۹۹۸	چگالی (kg/m ³)
-----	-----	۰.۶۲	۱	لزجت (cP)

جدول ۱- خواص سیالات در دمای ۲۰ درجه سانتی گراد



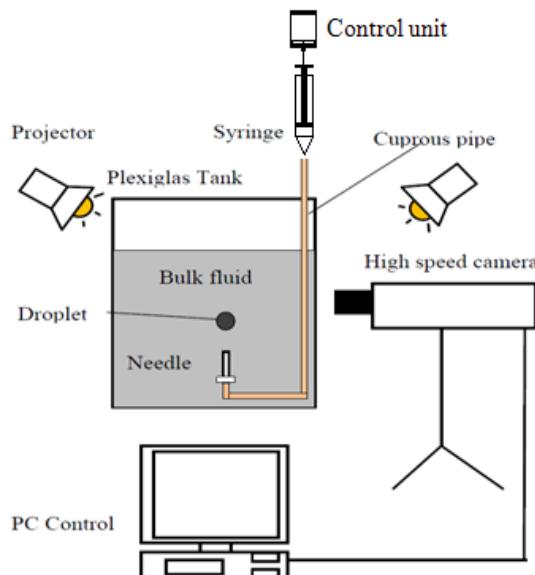
شکل ۳- تغییرات لزجت در برابر نرخ برش برای مایعات غیرنیوتی (الف) PS1 و (ب) PS2

۳- به دست آوردن حجم قطره

برای به دست آوردن حجم قطره ها از روش هایی که توسط هوگلی^۱ [۱۲] معرفی شده بهره گرفته شد. هدف در این روش ها بدست آوردن حجم قطره با استفاده از شکل دو بعدی آن است. همانطور که در جدول ۲ نشان داده شده است اساس این روش ها فرض وجود تقارن محوری بوده و نیز اینکه قطره به صورت کره (روش اول)، بیضی (روش دوم) و شکل دلخواه متقارن (روش سوم) است می باشد.

قابل پیش بینی است که روش سوم نتایج بهتری را نشان می دهد و لذا در تحقیق حاضر نیز از این روش بهره گرفته شده است. از نظر تئوری می توان جدا شدن قطره از سر سوزن را با استفاده از نوشتن معادلات تعادل مدل کرد. جدا شدن قطره نتیجه برهم کنش نیروی کشش سطحی (F_0)، وزن قطره و غوطه وری (بوبانسی) قطره است.

متفاوت بین قطرات خارج شونده از نازل را نیز فراهم نموده است. همچنین از یک سوزن Ichikawa Co, No 14 با قطرهای داخلی و خارجی ۱/۸ و ۲ میلیمتر که بخوبی به انتهای سرنگ متصل شده استفاده شد. دوربین پرسرعت AOS به همراه یک نورافکن ۱۰۰۰ وات بعنوان تجهیزات پایه تصویربرداری استفاده شده اند. همانطور امکان نمایش قطرات در تصاویر، دو قطره رنگ روغن به هر ۱۰۰ میلی لیتر از مایعات افزوده گردید. مقدار این رنگ افزودنی به میزانی در نظر گرفته شد که بتوان از ثبات خواص محلول ها به هنگام آزمایشات اطمینان حاصل نمود. دما در طی آزمایشات در محدوده $T = 20 \pm 2^\circ\text{C}$ ثابت نگه داشته شد. آزمایشات بروی مایعات محلوت نشدنی در آب شامل تولوئن و دو محلول با درصد های متفاوت از پلیمر پلی استایرلن در تولوئن، (۳.۱۲۵٪ با نامگذاری PS1) و (۶.۲۵٪ با نامگذاری PS2) انجام شده اند. خواص مایعات که از اندازه گیری مستقیم حاصل شده اند در جدول ۱ نمایش داده شده است. شکل ۳ تغییرات لزجت در برابر نرخ برش مایعات غیرنیوتی را نشان می دهد. همانطور که در شکل مشخص می باشد، هر دو محلول shear-thinning می باشند و رفتار آنها در محدوده نرخ کرنش های بالا بیشتر شبیه به مایعات نیوتی است.



شکل ۲- تجهیزات آزمایش بصورت شماتیک

همانگونه که از شکل ۲ دیده می شود، تصاویر ثبت شده از حرکت قطرات بصورت دو بعدی بوده و بنابراین تحلیل های انجام شده بر مبنای حرکت دو بعدی قطرات می باشد. چنین فرضی در حرکت یک قطره تنها که بروی یک خط مستقیم سیر می کند کاملاً قانع کننده است. انحراف بیشتر از این فرض در حرکت یک دنباله از قطرات مشاهده شد، اما نتایج بدست آمده قانع کننده بودن آن را اثبات می نماید.

^۱ Hugli

می توان درستی تئوری ارائه شده را سنجید. جدول ۳ مقادیر آزمایشگاهی N_d را برای مواد مورد آزمایش نشان می دهد.

جدول ۳- مقایسه مقادیر آزمایشگاهی و تئوریک حجم قطره

PS2 (6.25%)	PS1 (3.125%)	تولوئن	ماده مشخصات
۶۸	۶۶	۶۷	حجم (mm^3)
۵.۱	۵.۰	۵.۰۴	قطر (mm)
۰.۱۱۸	۰.۱۲۳	۰.۱۲۳	عدد ایتووس (Eo)
۱.۳۸	۱.۳۹	۱.۴	N_d
۲۴.۲	۲۳.۸	۲۳.۴	درصد خطای N_d

همان گونه که در جدول دیده می شود خطای بین ۲۳ تا ۲۵٪ در اینجا وجود دارد. این خطا از آنجا بوجود می آید که در عمل قطره پیش از آنکه زاویه تماسن به صفر درجه برسد از سر سوزن جدا می شود. در واقع برای آنکه قطره به زاویه تماس صفر در هنگام جدایش برسد لازم است که نرخ خروج قطره از سوزن بسیار انداز (مثلثاً یک قطره در دقیقه) باشد، این در حالی است که این نرخ خروج از نظر صنعتی بدون کاربرد است.

نکته مهمی که جدول ۳ نشان می دهد این است که اضافه شدن خاصیت غیر نیوتینی به مایع حجم قطره را دستخوش تغییرات زیاد نگردد است. با توجه به جدول ۳ تولوئن و دو پلیمر ستون ۳ و ۴ که هردو پلیمر هایی با سیال پایه تولوئن هستند حجم هایی نزدیک به هم دارند.

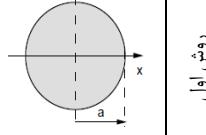
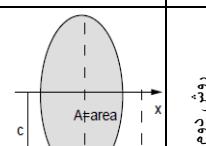
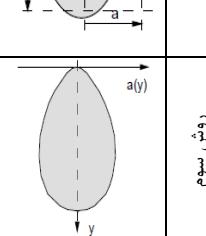
نکته دیگری که حائز اهمیت است این است که استفاده از روش فوق برای محاسبه حجم قطره هایی که به صورت سری حرکت می کنند از اساس با مشکل همراه است. زیرا همانطور که شکل ۴ نیز نشان می دهد قطره در حالت حرکت به صورت سری به هیچ عنوان شرط تقارنی را که برای بدست آوردن حجم از روش استفاده شده نیاز است را ندارد. به عین دلیل توصیه می شود حجم قطره ای که در یک سری از قطرات حرکت می کند از طریق قطره تک تعیین شود؛ روشنی که در تحقیق حاضر برای بدست آوردن حجم قطرات مورد استفاده قرار گرفت.

۴- تغییر شکل قطرات

صرفنظر از حرکت قطره بصورت منفرد یا در یک دنباله، شکل قطره بصورت تناوبی تغییر می نماید. شکل ۴ تغییر شکلهای یک قطره منفرد و نیز قطره ای که در یک دنباله حرکت می کند را نمایش می دهد. بمنظور مقایسه بهتر بین تغییر شکل قطرات مختلف، پارامتر نسبت منظری بصورت زیر تعریف شد:

$$\frac{\text{قطر قطره در راستای محور } x}{\text{قطر قطره در راستای محور } y} = \text{نسبت منظری}$$

جدول ۲- روش های تعیین حجم قطره از روی عکس [۱۲]

حجم آزمایشگاهی	حجم تئوریک	شکل قطره
$V = \frac{\pi}{6} D_{\max}^3$ $D_{\max} = \max D(y)$	$V = \frac{4}{3} \pi a^3$	
$V = \frac{2}{3} A D_{\max}$ A: تعداد پیکسل ها $D_{\max} = \max D(y)$	$V = \frac{4\pi}{3} a^2 c$	
$V = \frac{\pi}{4} \sum_{y=0}^{y_{\max}} D^2(y)$ $D(y) = x_{\max} - x_{\min}$	$V = \pi \int_{y_1}^{y_2} a(y)^2 dy$	

وقتی که قطره در حال جدا شدن از سر سوزن می باشد (شکل ۱) می توان نوشت:

$$\sigma \pi D_c \cos \theta = (\rho_{\text{water}} - \rho_f) V g \quad (1)$$

که در آن ρ_f و ρ_{water} چگالی آب و چگالی قطره، σ کشش سطحی، V نیز قطر سوزن و حجم قطره هستند. θ زاویه جدایش قطره از سر سوزن و g ثابت گرانش است. دقت کنید که قطره در زمان جدا شدن زاویه تماس θ را طوری تنظیم می کند که بیشترین مقدار را داشته باشد. به عبارت دیگر در هنگام جدا شدن قطره $\cos \theta$ برابر واحد بوده و لذا داریم:

$$V_{\max} = \frac{\sigma \pi D_c}{\Delta \rho g} \quad (2)$$

اگر حجم قطره را به صورت زیر در نظر گرفته شود:

$$V = \frac{\pi}{6} D_d^3 \quad (3)$$

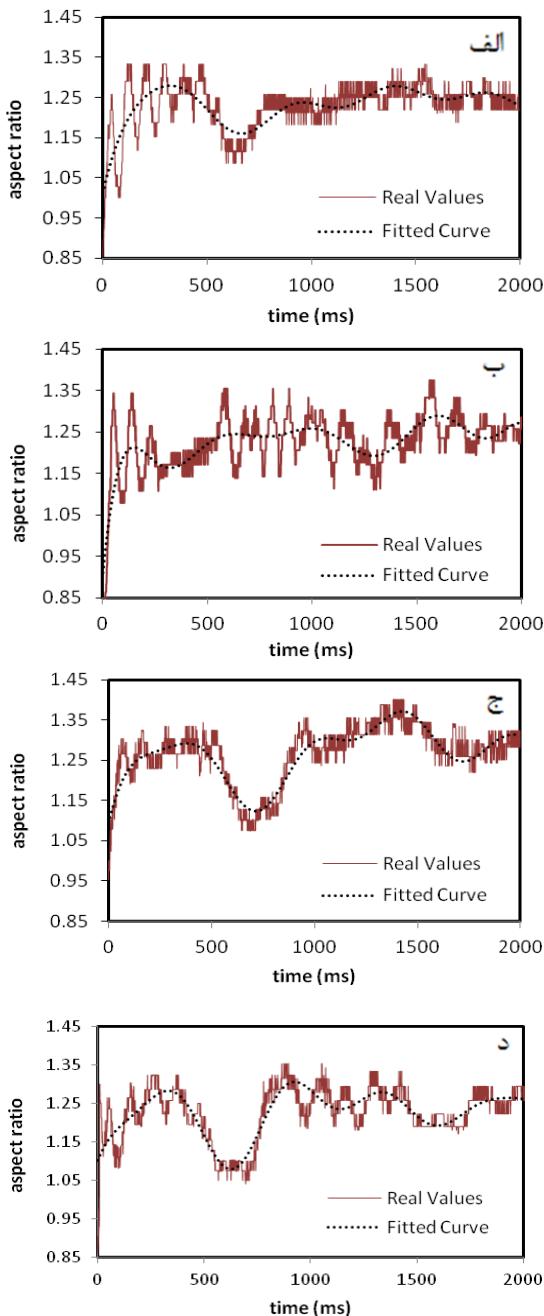
می توان به رابطه زیر رسید:

$$\frac{D_d}{D_c} = \left(\frac{6}{Eo} \right)^{\frac{1}{3}} = 1.82 Eo^{-\frac{1}{3}} = N_d Eo^{-\frac{1}{3}} \quad (4)$$

که در رابطه فوق $Eo = \frac{\Delta \rho g D_c^2}{\sigma}$ عدد بدون بعد ایتووس^۱ نامیده می شود. به علاوه فاکتور $\frac{D_d}{D_c} = Eo^{\frac{1}{3}}$ عدد بدون بعدی برای مقایسه مقادیر بدست آمده برای حجم از روش تئوری و روش آزمایش است. با توجه به رابطه ۴ مقدار تئوری برای N_d برابر $1/82$ است. با مقایسه این مقدار و مقادیر به دست آمده از آزمایشات

^۱ Eotvos

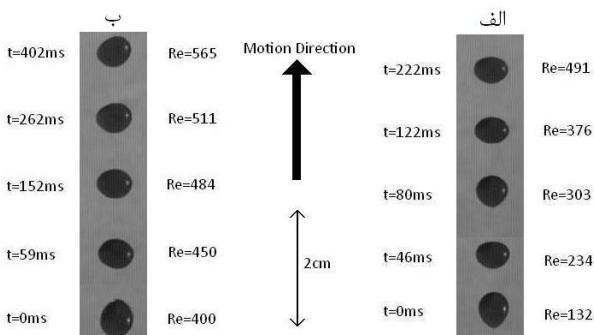
شکل‌های قطره تاثیر می‌گذارد بلکه مشخصه‌های حرکت آن را نیز تغییر می‌دهد.



شکل ۵- نسبت منظری (الف) قطره منفرد تولوئن (ب) قطره تولوئن در دنباله (ج) قطره منفرد PS2 (د) قطره PS2 در دنباله

یکی از مهمترین جنبه‌های حرکت یک دنباله از قطرات به پدیده بهم پیوستگی آنها حین حرکت مربوط می‌شود. وقتی قطره‌ای بدنال قطره دیگر حرکت می‌نماید دو پدیده متفاوت قابل مشاهده است. از آنجایی که قطره بطور مستقیم با جریان مهاجم روبرو نمی‌شود ابتدا تمایل به شتاب گرفتن دارد سپس تغییر شکلهای ایجاد شده در قطره بواسطه وجود جریانهای آشفته در ناحیه برخاستگی پیش روی آن، ضریب پسای آن را افزایش و در نتیجه موجب کاهش سرعت قطره می‌شود. این افزایش در ضریب

تفاوت‌های بدیهی بین تغییر شکل یک قطره منفرد و قطراتی که بصورت دنباله ای حرکت می‌کردند، وجود دارد. شکل یک قطره منفرد بین بیضی‌های افقی و عمودی تغییر می‌کند (شکل‌های ۴-الف) و این تغییر شکل‌های تناوبی به سرعت میرا می‌شوند (شکل‌های ۵-الف و ۵-ج). سرانجام قطره شکل تقریباً پایداری بصورت یک بیضی افقی خواهد داشت که نتیجه برهم کنش بین جریان‌های داخلی، کشش سطحی و جریانهای محیطی است [۸]. با این وجود تغییر شکل‌های قطره‌ای که در ناحیه برخاستگی قطرات دیگر حرکت می‌کند متفاوت است (شکل‌های ۴-ب، ۵-ب و ۵-د). اگرچه میرا شدن تغییر شکل‌های تناوبی قطره بین هر دو گروه از قطرات مورد بحث تقریباً یکسان است، اما این تغییرات برای قطره‌ای که در ناحیه برخاستگی حرکت می‌کند همچنان پس از خروج از ناحیه شتاب دار اولیه حرکت نیز مشاهده می‌شود.



شکل ۶- تغییر شکل یک قطره تولوئن
الف) قطره منفرد (ب) قطره در دنباله

شکل ۶ الگوهای جریان اطراف یک گره جامد در محدوده رینولدزهایی که آزمایشات حاضر در آنها انجام شده را نشان می‌دهد که شامل جریان گردابه‌های کارمن^۱ و آشفتگی‌ها در ناحیه برخاستگی می‌باشد. در آزمایشات حاضر عدد رینولدز در محدوده بین ۱۰۰ تا ۵۰۰ تغییر می‌کند. با مراجعه به شکل‌های ۶-ب و ۶-ج و برقراری یک تشابه بین الگوهای جریان اطراف یک گره و یک قطره شبکه کروی، می‌توان دریافت در مورد قطره‌ای که در یک دنباله حرکت می‌کند جریان آشفته‌تر خواهد بود. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت تغییر شکلهای پیوسته قطره‌ای که در ناحیه برخاستگی قطره دیگر حرکت می‌کند بواسطه وجود جریان‌های مذکور است. حل عددی آشفتگی جریان اطراف یک قطره کروی نشان داده که گردابه‌ها در محدوده اعداد رینولدز ۱۰ تا ۴۰ از قطره جدا خواهند شد، در حالیکه گردابه‌های مذکور پشت یک گره بصورت چسبیده باقی می‌مانند [۱۳].

برخلاف مرزهای جامد یک جسم کروی، مرزهای تغییر شکل دهنده یک قطره با تغییر شکل‌های مداوم خود به تنش‌های محیطی پاسخ می‌دهند. بنابراین جریان‌های محیطی نه تنها برروی تغییر

^۱ Karman Vortex

محاسبه ضریب پسا صرفنظر شده است. در ادامه نتایج آزمایشات مورد بررسی قرار گرفته و مقادیر حقیقی سطح مقطع قطره در بررسی‌ها اعمال شد و بدین ترتیب مقادیر حقیقی ضرائب پسا بدست آمد. اختلاف بین این دو مقدار بدست آمده برای ضریب پسا، تاثیر تغییر شکل‌های قطره را آشکار ساخت.

با نوشتن قانون دوم نیوتون برای قطره داریم:

$$-W_{app} - F_D = m \frac{dv}{dt} \quad (5)$$

که در آن W_{app} وزن ظاهری قطره و F_D نیروی پسای اعمال شده بر آن است. m و $\frac{dv}{dt}$ بترتیب جرم و شتاب قطره هستند. معادله ۵ می‌تواند بصورت زیر بازنویسی شود:

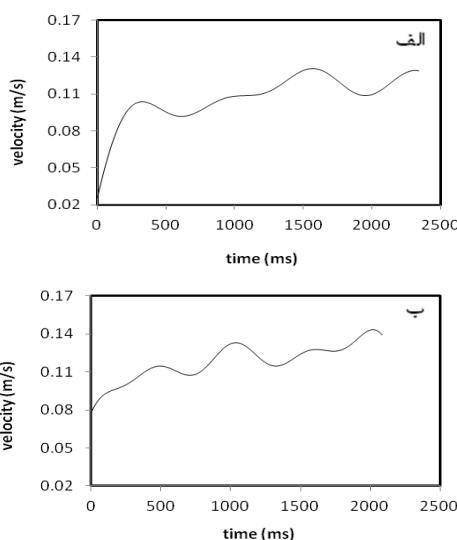
$$(\rho_{water} - \rho_f) V g - \frac{1}{2} \rho_{water} A v^2 C_D = \rho_f V \frac{dv}{dt} \quad (6)$$

بیشترین مقدار شتاب قطره در مقایسه با شتاب گرانش به اندازه‌ای کم است که می‌توان از آن صرفنظر نمود. در نهایت معادله ۶

بصورت رابطه $C_D = f(Re) = \frac{\rho_{water} v D_{eq}}{\mu_{water}}$ که در آن $Re = \frac{\rho_{water} v D_{eq}}{\mu_{water}}$ است نوشته می‌شود:

$$C_D = \frac{8}{\pi} \left(\frac{\rho_{water} V}{\mu_{water}^2} \right) \left[(\rho_{water} - \rho_f) g \right]^{1/2} \frac{1}{Re^2} \quad (7)$$

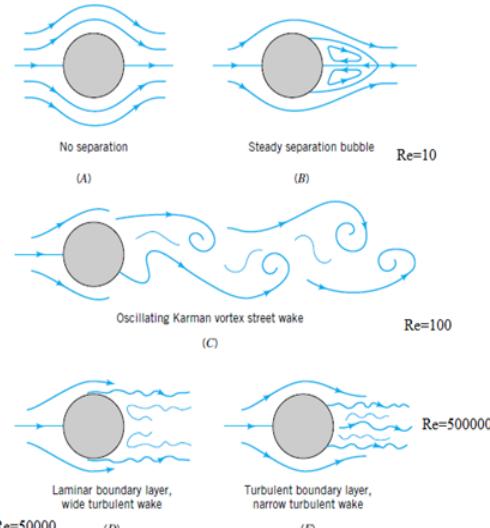
با محاسبه حجم، سرعت و قطر قطره از آزمایشات، اکنون ضرائب پسا از آزمایشات بدست می‌آیند. عبارت دیگر برای محاسبه دقیق ضرائب پسا، پارامترهای فوق در هر لحظه در نظر گرفته می‌شود. تابعی بفرم $C_D = a \cdot Re^b$ مقدار تئوری برای b برابر ۲-۰ برای آزمایشگاهی برآذش می‌شود. مقایسه بین مقادیر آزمایشگاهی و a با مقادیر تئوری آنها نشان می‌دهد نادیده گرفتن اثر تغییر شکل‌های قطره در حین حرکت موجب خطای کمتر از ۲۵٪ در محاسبه ضریب پسا می‌شود.



شکل ۷- سرعت صعود یک قطره تولوئن
الف) قطره منفرد ب) قطره در دنباله

پسا در ادامه نشان داده خواهد شد. در شکل ۷ که سرعت قطره را نشان می‌دهد حرکت تند شونده و کند شونده آن بخوبی مشهود است و مشاهده می‌شود که قطره با سرعت تقریباً ثابتی حرکت می‌نماید. بنابراین قابل پیش‌بینی است که فاصله عمودی بین قطرات در حال حرکت در یک دنباله، در طی صعود ثابت نگه داشته شود و پدیده بهم پیوستگی حداقل در نرخ جریان مورد آزمایش حاضر (۳ قطره در ثانیه) رخ ندهد.

مقایسه شکل‌های ۵-الف و ب با ۵-ج و د که مربوط به نسبت منظری قطرات نیوتی و غیرنیوتی است نشان می‌دهد که افزودن ویژگی‌های غیرنیوتی به مایعات، مقاومت قطره در برابر جریانها و تنش‌های محیطی را افزایش داده است. به عبارت دیگر به رغم کشنش سطحی تقریباً مشابه تولوئن و محلولهای پلیمری، نقش لزجت برشی بر جریانهای داخلی درون قطره قابل توجه بوده است. بنابراین در مقایسه با یک قطره نیوتی، تغییر شکل‌های قطره غیرنیوتی که در یک دنباله حرکت می‌کند به قطره منفرد نزدیکتر است.



شکل ۶- الگوهای جریان پشت یک کره جامد [۱۴]

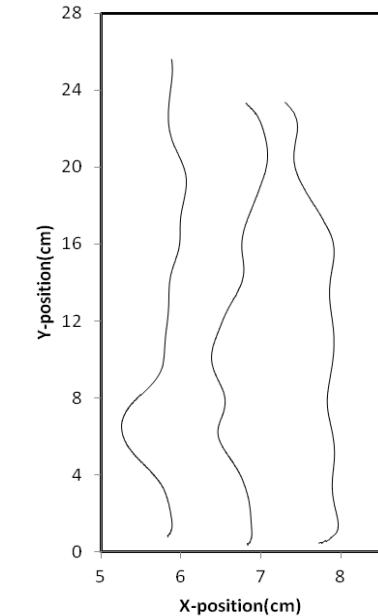
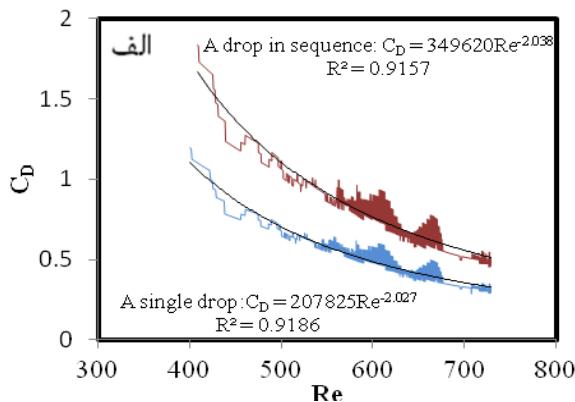
۵- ضریب پسا

همانگونه که بحث شد، حرکت و سینماتیک یک قطره توسط نیروهای اعمالی بر آن که یکی از مهمترین آنها نیروی پسا است تعیین می‌شود. از این‌رو یافتن رابطه ای برای ضریب پسا ضروری است.

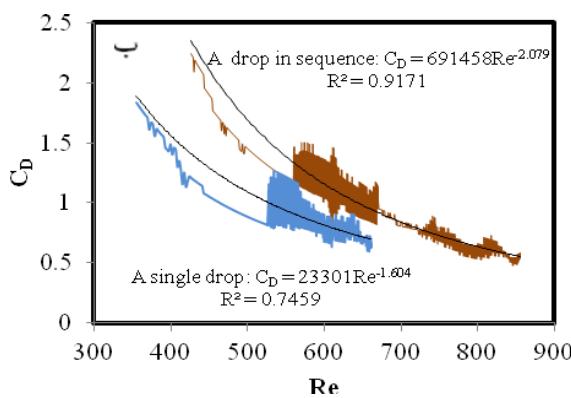
در این بخش مدلی تئوری برای یافتن ضریب پسا بصورت تابعی از عدد رینولدز و خواص سیال تعیین شده و سپس با استفاده از پردازش تصاویر مقادیر ضرائب پسا از آزمایشگاهی و انحراف آنها از مدل تئوری مورد بررسی قرار گرفته است.

هدف یافتن تأثیر تغییر شکل‌های قطره برای ضریب پسا از آن است. در مدل پیشنهادی سطح مقطع قطره در مقابل جریان بصورت $A = \frac{\pi}{4} D_{eq}^2$ که در آن D_{eq} قطر معادل قطره است تعیین شد، بدین معنی که از تغییر شکل‌های قطره در حین حرکت در

متفاوت است، زیرا وقتی یک جسم جامد در لایه مرزی جسم دیگر قرار می‌گیرد ضریب پسا در شرایطی کاهش و یا افزایش می‌یابد [۱۵]. در حالیکه ضرائب پسا قطرات به هنگام قرار گرفتن در ناحیه برخاستگی جسم دیگر افزایش می‌یابد. توجه به این نکته ضروری است که در آزمایشات انجام شده قطرات کاملاً آزاد بودند تا در هر جهت دلخواه حرکت نمایند. چنین آزادی حرکتی به قطرات اجازه داد تا مسیری دو بعدی را طی نموده و در حقیقت ضریب پسای آنها افزایش یابد. همانطور که المتروشی و برهان [۵] نشان دادند، قطراتی که حرکت آنها در یک ماجرا محسوس شده بود قادر به حرکت های جانبی آزادانه نبودند، این امر موجب شتاب گرفتن قطره ای که بدنبال قطره پیش رو حرکت می‌کرد شده و باعث بروز پدیده بهمن پیوستگی گردید.



شکل ۸- مسیر حرکت ۳ قطره متمایز تولوئن در حال صعود در دنباله



شکل ۹- ضریب پسا در برابر عدد رینولدز (الف) تولوئن (ب)

۶- نتیجه گیری

در مطالعه حاضر حرکت دو نوع مختلف از قطرات مورد بررسی قرار گرفت. نوع اول مربوط به قطره ای بود که به تنهایی حرکت می‌کرد، یک قطره منفرد؛ و نوع دوم قطراتی که در یک دنباله حرکت می‌نمودند. همانطور که بحث شد، رفتار این دو نوع قطره بکلی متفاوت است. بدلیل اهمیت و کاربردهای صنعتی قطراتی که در یک دنباله حرکت می‌کنند نیاز به مطالعات گسترشده تر در این زمینه بخوبی محسوس می‌باشد.

همانگونه که بحث شد قطره ای که در یک دنباله حرکت می‌کند بطور قابل توجهی تحت تاثیر جریانهای محیطی در ناحیه برخاستگی است، در نتیجه استفاده از مدلی تک بعدی برای بررسی حرکت آن معترض نیست. بعلاوه همانگونه که شکل ۸ نشان می‌دهد خط سیر حرکت قطره نشان دهنده دو بعدی بودن حرکت آن است. بنابراین تحلیل یک بعدی مانند آنچه در معادلات ۵ تا ۷ استفاده شد در اینجا معترض نمی‌باشد و نیاز به تحلیلی دو بعدی که حرکت قطره در هر دو بعد را بررسی می‌کند وجود دارد. از این‌رو معادله ۵ به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\vec{W}_{app} - \vec{F}_D = m \frac{d\vec{v}}{dt} \quad (8)$$

در این معادله تیروها و سرعت قطره بصورت دو بعدی بررسی می‌شود. نتایج تحلیل فوق در شکل ۹ ارائه شده و بیانگر دقت بالاتر روابط مربوط به ضریب پسا می‌باشد. در این شکل نمودار C_D در مقابل عدد رینولدز برای یک قطره نیوتی (تولوئن) و یک قطره غیرنیوتی (PS1) رسم شده است. همانگونه که قبلاً اشاره شد ضریب پسای یک قطره منفرد بطور قابل توجهی از قطره ای که در یک دنباله حرکت می‌کند کمتر است. بعلاوه همانطور که شکل ۹ و معادله ۷ تایید می‌کنند، بنظر می‌رسد رابطه $C_D = a \cdot Re^{-2}$ تقریب خوبی برای پیش‌بینی ضریب پسای قطره است. در این معادله پارامتر a به خواص سیال وابسته می‌باشد و مقادیر متعلق به یک قطره منفرد با قطره ای که در یک دنباله حرکت می‌کند متفاوت می‌باشد.

همانگونه که شکل ۹ بطور واضح نمایش می‌دهد ضرائب پسا برای یک قطره منفرد کمتر از قطره ای است که در دنباله حرکت می‌کند. بعنوان یک حقیقت، رفتار یک قطره از یک جسم جامد

۸- مراجع

- [1] Fakhri A, Rahimian MH (2011) Investigation of deformation and breakup of a falling droplet using a multiple-relaxation-time lattice Boltzmann method. *Comput Fluids*. 40: 156–171.
- [2] Wegener M, Kraume M, Paschedag A (2010) Terminal and transient drop rise velocity of single toluene droplets in water. *AIChE J*. 56(1): 2–10.
- [3] Kushner J, Rother MA, Davis RH (2001) Buoyancy-driven interactions of viscous drops with deforming interfaces. *J Fluid Mech*. 446: 253–269.
- [4] Brazier-Smith PR, Jennings SG, Latham J (1972) The interaction of falling water drops: coalescence. *Proc R Soc London*. 326: 393–408.
- [5] Al-Matroushi E, Borhan A (2009) Coalescence of drops and bubbles rising through a non-Newtonian fluid in a tube. *Interdisciplinary Transport Phenomena*, 1161: 225–233.
- [6] Ramaswamy S, Leal LG (1999) The deformation of a viscoelastic drop subjected to steady uniaxial extensional flow of a Newtonian fluid. *J Non-Newtonian Fluid Mech*. 85(2–3): 127–163.
- [7] Wanchoo RK, Sharma SK, Gupta R (2003) Shape of Newtonian liquid drop moving through an immiscible quiescent non-Newtonian liquid. *Chem Eng Process*. 42(5): 387–393.
- [8] Sostarecz MC, Belmonte A (2003) Motion and shape of a viscoelastic drop falling through a viscous fluid. *J Fluid Mech*. 497: 235–252.
- [9] Acharya A, Ulbrecht J (1978) Note on the influence of viscoelasticity on coalescence rate of bubble and drops. *AIChE J*. 24: 348–351.
- [10] Hetsroni G, Haber S (1978) Low Reynolds number motion of two drops submerged in an unbounded arbitrary velocity field. *Int J Multiphase Flow*. 4(1): 1–17.
- [11] Davis RH (1999) Buoyancy-driven viscous interaction of a rising drop with a smaller trailing drop. *Phys Fluids* 11: 1016–1028.
- [12] Hugli H, Gonzalez J (2000) Drop volume measurement by vision. *SPIE* 3966–11: 60–66.
- [13] Moremedi GM, Mason DP (2010) Streamlines and detached wakes in steady flow past a spherical liquid drop. *Mathematical and Computational Application*, 15(4): 543–557.
- [14] Munson BR, Young DF, Okishi TH (2009) Fundamentals of fluid mechanics, 6th Ed., John-Wiley.
- [15] Igarashi T, Terachi N (2002) Drag reduction of flat plate normal to airstream by flow control using a rod. *J Wind Eng Ind Aerod*. 90: 359–376.

نکات قابل توجه مطالعه حاضر عبارتند از:

۱. مسیر حرکت یک قطره تنها تقریباً یک خط راست است و استفاده از مدلی یک بعدی برای محاسبه ضریب پسای آن به نتایج قابل قبولی منجر می شود. بر خلاف آن، مسیر حرکت قطره ای که در دنباله ای از قطرات حرکت می کند حداقل دو بعدی است (با توجه به شکل ۸).
۲. تغییر شکل قطرات خواه بصورت منفرد یا در یک دنباله بصورت تناوبی است. تغییر شکل های یک قطره منفرد به سرعت میرا می شود در حالیکه قطره ای مشابه که در یک دنباله حرکت می کند تغییر شکل خود را برای زمان قابل توجهی حفظ می کند.
۳. تغییر شکلهای غیر قابل پیش بینی و بزرگ قطره ای که در یک دنباله حرکت می کند موجب کند شدن حرکت آن می شود. عبارت دیگر چنین قطره ای در مقایسه با قطره ای منفرد ضرائب پسای بیشتری را تجربه می کند. از سوی دیگر این قطره بدلیل عدم روپرو شدن با جریان مهاجم بطور مستقیم، شروع به شتاب گرفتن می کند. برهم کنش این دو پدیده متمایز منجر به حرکت قطره با سرعتی تقریباً ثابت می شود.

۷- فهرست علائم

<i>A</i>	سطح مقطع قطره در برابر جریان
<i>a</i>	مقدار ثابت در رابطه $C_D = a \cdot Re^b$
<i>b</i>	مقدار ثابت در رابطه $C_D = a \cdot Re^b$
C_D	ضریب پسا
D_{eq}	قطر معادل قطره
D_c	قطر سوزن
<i>g</i>	شتاب گرانش
<i>m</i>	جرم قطره
θ	زاویه جدایش قطره
<i>V</i>	حجم قطره
<i>v</i>	سرعت قطره
W_{app}	وزن ظاهری قطره
μ_{water}	لزجت آب
ρ_{water}	چگالی آب
ρ_f	چگالی سیال