

تحلیل رفتار برشی تیرورق فولادی با جان موج دار محلی تحت بارگذاری استاتیکی افزایشی

سحر کرکزن^۱ و سید مهدی زندی آتشیار^{۲*}

^۱ دانشجوی کارشناسی ارشد سازه، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه شهید اشرفی اصفهانی

^۲ استادیار دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه اصفهان

مقاله مستقل، تاریخ دریافت: ۱۳۹۷/۰۴/۱۹؛ تاریخ بازنگری: ۱۳۹۷/۰۶/۱۸؛ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۷/۰۶/۱۸

چکیده

تیرورق‌ها اعضای خمشی فولادی هستند و در مواردی که نیم‌رخ‌های نورده شده موجود در بازار قادر به تحمل بارهای واردہ بر عضو خمشی نباشند، از ترکیب مناسب ورق‌های فولادی ساخته می‌شوند. کنترل تنش‌های برشی در تیرورق‌های دارای جان نازک، از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است، زیرا در همان مراحل اولیه بارگذاری می‌تواند باعث کمانش برشی و در نهایت شکست جان تیر شود. تجربیات نشان می‌دهند که اگر در تیرورق‌ها از سخت‌کننده‌های میانی عرضی استفاده شود، کمانش برشی منجر به خرابی نمی‌شود و پس از ایجاد کمانش، تیرورق به باربری خود ادامه می‌دهد. هدف از نگارش این مقاله، بررسی رفتار تیرورق‌ها با جان موج دار محلی در مقایسه با تیر ورق‌ها با سخت‌کننده‌های عرضی برای کنترل کمانش برشی است. موج محلی روی ورق جان توسط دستگاه پرس ایجاد می‌شود. با توجه به این که تاکنون مطالعات تحلیلی روی تیرورق‌ها با جان موج دار محلی انجام نشده است، در این مقاله به بررسی چگونگی ایجاد موج‌های محلی، مشخصات موج‌ها، عملکرد آن‌ها در برابر کمانش برشی و تغییرشکل‌های بزرگ و آنتالیز کمانش، به صورت عددی پرداخته شده است. نتایج بدست آمده در اکثر تیرورق‌های مورد مطالعه، حاکی از آن است که تیرورق با جان موج دار محلی نسبت به یک تیرورق ساده بدون سخت‌کننده میانی عرضی، به ظرفیت برشی بیشتری رسیده است.

کلمات کلیدی: رفتار برشی تیرورق؛ تیرورق با جان موج دار محلی؛ سخت‌کننده‌های میانی؛ مدل‌سازی عددی.

Shear Behavior Analysis of Steel Plate Girders with Local Corrugated Web under Monotonic Loading

S. Korkzan¹, S.M. Zandi^{2,*}

¹ M.Sc. student, Civil. Eng., Ashrafi Isfahan Univ., Isfahan, Iran.

² Assoc. Prof., Civil Eng., Isfahan Univ., Isfahan, Iran.

Abstract

Plate girders are flexural members and they usually use instead of hot rolled sections in the matter of their high flexural capacity. Plate girders are made by suitable combination of steel plates the reason why monitoring of shear stresses in plate girders with thin-walled webs are important is the probability of shear buckling and failure of web due to the initial steps of loading. Experiences illustrate that if intermediate and bearing stiffeners used in plate girders, not only the shear buckling do not cause failure but also it stay stable for bearing loads. The main objective of this research was study on their behavior of plate girders with corrugated web in comparison with plate girders with bearing stiffeners due to controlling of shear buckling (local corrugated web created by applying incremental static loading). In this research several items got studied like how to create local corrugated web and their properties and performances in shear buckling large deformations and numerical buckling analysis. Results provides information about the higher shear capacity in plate girders in local corrugated web in comparison with simple plate girders without any stiffeners.

Keywords: Shear Behavior of Plate Girder; Plate Girders with Local Corrugated Web; Intermediate Stiffener; Numerical Modeling.

۱- مقدمه

تغییرشکل‌های بزرگ، پانل‌های برشی ساده به صورت صفحات جدا شده، نمی‌توانند عیناً مکانیزم شکست ورق جان را نشان دهند. همچنین در سال ۲۰۱۱ در مطالعاتی عددی روی مقاومت پس از کمانش تیروورق‌ها نتایج نشان می‌دهند که پس از کمانش برشی ورق جان در تیروورق‌ها، تنش‌های اصلی کششی و فشاری در نزدیکی لبه‌های صفحات جان، افزایش می‌یابند [۸ و ۹]. ضخامت تیرهایی با جان موج دار سینوسی^۷، معمولاً نازک و از ۱/۵ تا ۳ میلی‌متر است. این عامل موجب کاهش قابل توجه وزن سازه در مقایسه با مقاطع گرمنورده شده یا مقاطع I شکل ساخته شده توسط جوش دادن ورق می‌شود [۱۰]. حسنین و خاروب در سال ۲۰۱۰ در مطالعاتی عددی دریافتند، مقاومت برشی تیروورق‌های I شکل با بال توخالی، مفصل‌های پلاستیک در این تیروورق‌ها، بهدلیل تغییرشکل‌های برشی در نزدیکی تکیه‌گاه‌ها رخ می‌دهند. در سال ۲۰۱۳ در تحقیقی عددی که روی مقاومت برشی تیرهای پل با جان موج دار ذوزنقه‌ای انجام شد، نتایج نشان می‌دهد که، تیرهایی با جان موج دار ضخیم، تسلیم برشی را تجربه نمی‌کنند [۱۱ و ۱۲]. سینور و بگ در سال ۲۰۱۲ در تحقیقی روی سخت‌کننده‌های عرضی میانی در تیروورق‌ها دریافتند، نیروی محوری ایجاد شده در سخت‌کننده‌ها ناشی از عملکرد حوزه کشش در کدهای طراحی دست بالا گرفته شده است؛ همچنین همه الزامات طراحی برای سخت‌کننده‌های عرضی صلب، می‌تواند توسط تعریف حداقل ممان دوم مورد نیاز سطح، پوشش داده شود [۱۳]. نی و همکاران در سال ۲۰۱۳ مقاومت برشی تیرهای جعبه با جان موج دار ذوزنقه‌ای در آزمایش‌هایی با حالت برش خالص، توزیع تنش و کرنش برشی فراتر از ارتفاع جان توزیعی یکواخت است، در نتیجه می‌توان ارتفاع بیشتری برای جان فرض کرد [۱۴]. در تیرهایی با جان موج دار ذوزنقه‌ای، اگرچه کمانش غیرالاستیک برای کنترل مقاومت برشی جان کاربردی‌تر است، اما ضریب کمانش برشی موضعی الاستیک (K_L)، یک پارامتر مهم در محاسبه‌ی مقاومت برشی است [۱۵]. حجازی و همکاران در سال ۲۰۱۴، به بررسی رفتار تیروورق‌های فولادی با جان موج دار ذوزنقه‌ای از نظر مقاومت

تیروورق‌ها^۱ می‌توانند به دو روش طراحی شوند: ۱- طراحی تنش مجاز بر پایه‌ی کمانش الاستیک ۲- طراحی مقاومت بر اساس مقاومت نهایی، شامل مقاومت پس از کمانش. ماهیت الاستیک در تیروورق‌ها توسط درجه گیرداری اتصال بال به جان محدود می‌شود [۱]. استفاده از تیرهایی با جان موج دار به منظور افزایش سختی خارج از صفحه و افزایش مقاومت کمانش، بدون استفاده از تقویت‌های عمودی، مورد توجه قرار گرفته است [۲]. عواملی که بر ظرفیت نهایی و حالت کمانش تیروورق‌هایی با جان موج دار ذوزنقه‌ای تحت اثر برش مؤثر است به ترتیب: ۱- بعد از لکی ورق جان ۲- ضخامت ورق جان ۳- عمق موج ذوزنقه‌ای^۲ ۴- زاویه‌موج ذوزنقه‌ای^۳- ۵- عرض صفحه افقی موج ذوزنقه‌ای می‌باشند [۳]. تئوری‌های شکست برشی موجود برای پانل جان، مانند مدل پیشنهاد شده توسط باسلر^۴ در سال ۱۹۶۳ و پورتر و همکاران^۵ در سال ۱۹۷۵، مقاومت برشی نهایی پانل جان را برای طیف وسیعی از طرح‌های عملی پیش‌بینی کرده‌اند؛ اما فرض‌های در نظر گرفته شده در این تئوری‌ها نمی‌توانند رفتار برشی پانل جان را به دقت نشان دهند [۴]. ریل و همکاران در سال ۲۰۰۷ به صورت آزمایشگاهی دریافتند، رفتار برشی تیروورق با فولاد ضدزنگ مشابه تیروورق با فولاد ضدزنگ با نتایج عددی و تجربی تیروورق‌های با فولاد ضدزنگ مشاهده شده است که در تیروورق‌هایی با جان لاغر، قبل از تسلیم شدن منجر به کمانش برشی می‌شود [۵]. با اعمال تنش برشی، شکست جان موج دار ذوزنقه‌ای، تحت اثر یکی از سه نوع کمانش: موضعی^۶، کلی^۷ و برشی تعاملی موجب می‌شود [۶]. پس از کمانش برشی جان، به دلیل عدم افزایش تنش فشاری مستقیم، بارگذاری اضافی به وسیله افزایش تنش کششی و تشکیل میدان کششی قطری انتقال می‌یابد [۷]. علی‌نیا و همکاران در سال ۲۰۰۹ به صورت عددی دریافتند، ویژگی‌های شکست برشی در تیروورق‌های فولادی همراه با

¹ Plate Girder

² Trapezoidally Corrugated Web

³ Basler

⁴ Porter et al

⁵ Local Buckling

⁶ Global Buckling

⁷ Sinusoidal Corrugation Web

ابعاد تیبوروق ایجاد شده است [۲۰]. گنکالو و همکارانش در سال ۲۰۱۶، تعیین لنگر بحرانی الاستیک برای تیرهای با جان موج دار سینوسی را پیش رو گرفتند. در این تحقیق به محاسبه لنگر بحرانی الاستیک برای جانهای موج دار تحت خمش یکنواخت یا خمش غیریکنواخت و یا تحت توزیع یکنواخت بار پرداخته شده است. بر اساس روش‌های موجود پیشین برای جانهای ذوزنقه‌ای، فرمول‌های کلی جدیدی برای محاسبه لنگر بحرانی الاستیک حالت کمانش پیچشی جانبی جانهای سینوسی پیشنهاد شده است [۲۱].

۲- نحوه‌ی مدل‌سازی و صحت‌سنجی

در این مقاله، از نرم‌افزار آباکوس^۳ [۲۲] استفاده شده است. به منظور اطمینان از صحت نتایج عددی و نحوه مدل‌سازی از مقاله‌ی ریل و همکاران [۷۴]، استفاده شده است. در این مقاله مقاله پاسخ برشی تیبوروق‌هایی با ابعاد و مشخصات هندسی متفاوت به صورت آزمایشگاهی و عددی، مورد مطالعه قرار داد. ابعاد، مشخصات نمونه مورد آزمایش و مشخصات فولاد مصرفی ورق‌ها با ضخامت‌های مختلف به ترتیب در شکل ۱، جدول ۱ و شکل ۲ آمده است. به منظور مدل‌سازی تیبوروق‌ها از المان پوسته^۵ در محیط سه بعدی استفاده شده است. برای برای تعریف ناحیه الاستیک در تمامی مدل‌ها، مدول یانگ^۶ و نسبت پواسون^۷ به ترتیب برابر با 2×10^5 مگاپاسکال و 0.3 در نظر گرفته شده است. برای تعریف ناحیه غیرخطی در نرم‌افزار آباکوس لازم است تا تنفس تسلیم^۸ و کرنش پلاستیک^۹ به صورت مجموعه‌ای از نقاط اعمال شوند. تکیه‌گاه‌های دو سر تیبوروق از نوع مفصلی و غلتکی هستند؛ همچنین از حرکت جانبی تیرها نیز جلوگیری شده است. بارگذاری استاتیکی در نرم‌افزار آباکوس به دو طریق بارگذاری با اعمال تغییر مکان و بارگذاری با اعمال نیروی مستقیم قابل انجام است.

³ ABAQUS

⁴ Real et al

⁵ Shell

⁶ A Young's modulus

⁷ Poisson's ratio

⁸ Yield Stress

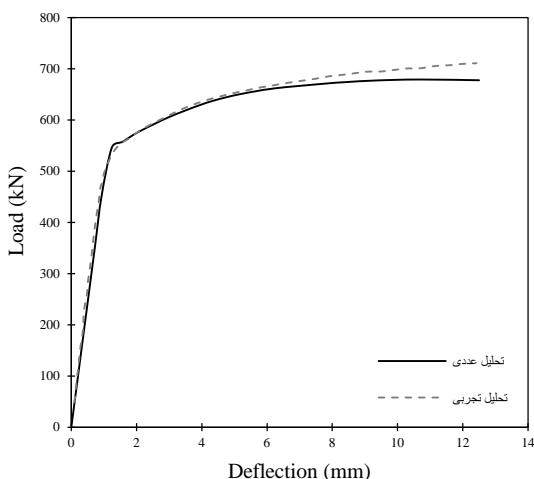
⁹ Plastic Strain

برشی، خمشی و کمانشی پرداختند. این نوع تیبوروق‌ها به منظور افزایش سختی پیچشی که منجر به افزایش چشمگیر ظرفیت کمانش جانبی می‌شود، مورد استفاده قرار می‌گیرند. موج دار کردن جان، سختی محوری را کاهش و زمانی که تنش در جان به دلیل پیش‌تنیدگی ایجاد می‌شود، به موجب عدم سختی جان و امکان وقوع تغییر شکل در راستای محور جان، تحت تاثیر تنش‌های محوری قرار نمی‌گیرد. به سبب افزایش مقاومت کمانش موضعی و خارج از صفحه در این تیبوروق‌ها سخت‌کننده‌ها حذف می‌شوند. از نتایج استفاده از جان موج دار می‌توان به حذف سخت‌کننده‌های طولی و عرضی و کاهش وزن تیر به حداقل مقدار ممکن، افزایش سختی پیچشی و به تبع آن افزایش ظرفیت کمانش جانبی، عدم تأثیر عمق موج در ظرفیت برشی نهایی، افزایش مقاومت برشی با زیاد شدن زاویه موج و کاهش ضخامت جان تا ۷۰ درصد اشاره کرد [۱۶]. نون و ریو در تحقیق آزمایشگاهی و عددی در سال ۲۰۱۶ مقاومت برشی صفحات انتهایی تیر ورق‌ها همراه با عمل حوزه کشش در آزمایش برش را بررسی کردند. طبق نتایج، مقاومت پس از کمانش در حالت کمانش برشی تأثیر بهسزایی بر استحکام برشی نهایی ورق انتهایی جان تیبوروق دارد [۱۷]. زمانی که از سخت‌کننده‌های طولی^۱ برای مهار تغییرشکل سخت‌کننده‌های عرضی^۲ در لبه‌های فشاری استفاده شود، مقاومت کمانش در آن بخش افزایش می‌یابد. با این حال سخت‌کننده‌های عرضی اضافی، نقشی در بالا بردن مقاومت کمانش نداشته است [۱۸]. دو و همکاران در سال ۲۰۱۶، درباره ورق فولادی موج دار سینوسی با عملکرد دیوار برشی نشان داده‌اند، تعداد تکرار موج‌ها تأثیر قابل توجهی بر بارهای کمانش برشی الاستیک دارد؛ همچنین برخلاف پانل‌های ذوزنقه‌ای، در ورق‌های سینوسی کمانش موضعی و کلی در پایین‌ترین حالت خود مشاهده می‌شوند و اثر رفتار کمانشی در آن‌ها ناچیز است [۱۹]. طول مؤثر چین خورده‌گی در تیرهایی با جان موج دار ذوزنقه‌ای، معمولاً ۵ تا ۷ برابر تیرهایی با جان موج دار سینوسی است. این تفاوت‌ها نشان می‌دهد که جان موج دار ذوزنقه‌ای لنگر خمشی بزرگ‌تری نسبت به جان موج دار سینوسی خواهد داشت. با این حال این تفاوت به خاطر

¹ longitudinal stiffeners

² Transverse stiffeners

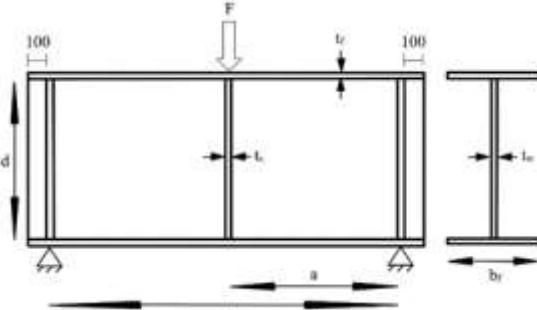
S8R5 موجود در مقاله استفاده شده است. المان $\text{ad}1\text{w}4$ بیان گر المان پوسته مکعبی سه بعدی کاهش یافته^۳ است که در آن هر گره به جای ۶ درجه‌ی آزادی^۴ ۵ درجه‌ی آزادی است؛ همچنین ساختار مشبندی به صورت منظم^۵ اعمال شده است. ابعاد مشبندی نیز از ۵ تا ۳۰ میلی‌متر متغیر بوده است. در تیر $\text{ad}1\text{w}4$ بارگذاری به صورت تغییرمکان و با مقدار $12/5$ - میلی‌متر در راستای y به بالای تیر اعمال شده است. مطابق شکل ۳، نتایج حاکی از آن است که این شبیه‌سازی تطبیق مناسبی با مدل مقاله دارد؛ همچنین مطابق شکل ۴-الف، تشکیل حوزه کشش ناشی از کمانش قطعی جان کاملاً محسوس است. در شکل ۴-ب، طرح و هندسه کلی تیوروک در آزمایش برش طبق مقاله ریل و همکاران [۵] قابل مشاهده است. هدف این مقاله مقایسه رفتار برشی تیوروک‌هایی با جان موج دار محلی، با تیوروک ساده بوده است. ترکیبات مختلف سخت‌کننده و پرس برای دستیابی به این مهم انجام گردید که بسیاری از آن‌ها به نتیجه مطلوب منجر نشدند، با این حال در ادامه به منظور مقایسه و تکمیل نتیجه تحقیقات اکثر این مراحل تا رسیدن به مرحله نتایج مطلوب اورده شده‌اند.



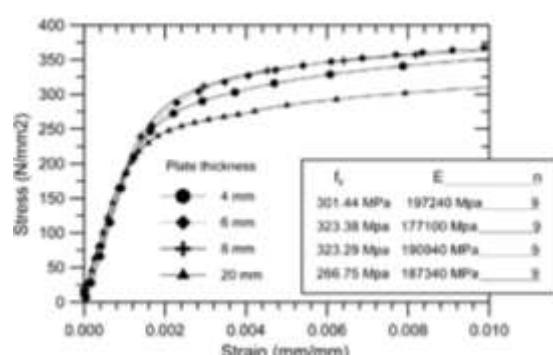
شکل ۳- صحبت‌سنگی مدل اجزا محدود

جدول ۱- ابعاد تیوروک مورد نظر جهت صحبت‌سنگی

	L (mm)	a (mm)	d (mm)	t_w (mm)	t_f (mm)	t_s (mm)	b_f (mm)
$\text{ad}1\text{w}4$	1000	500	500	4	20	20	200



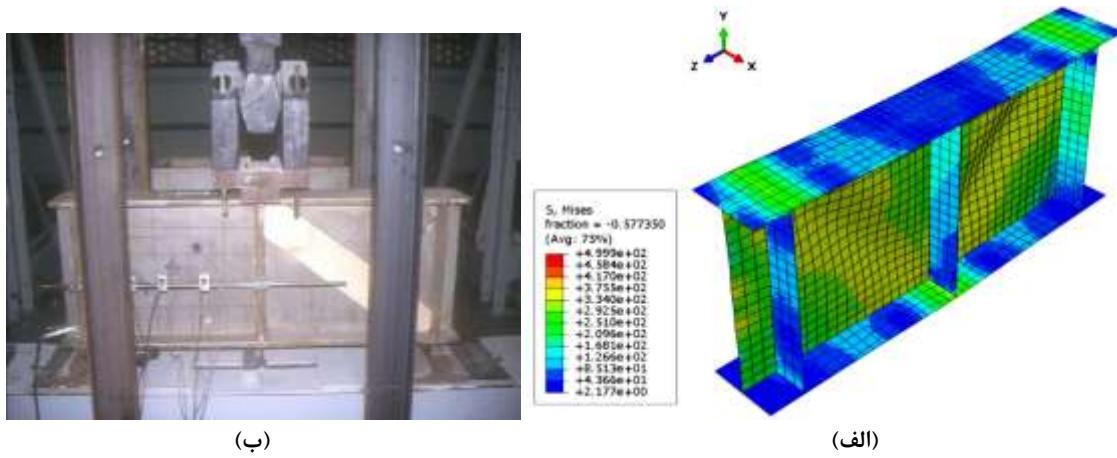
شکل ۱- هندسه و طرح بارگذاری نمونه مورد آزمایش



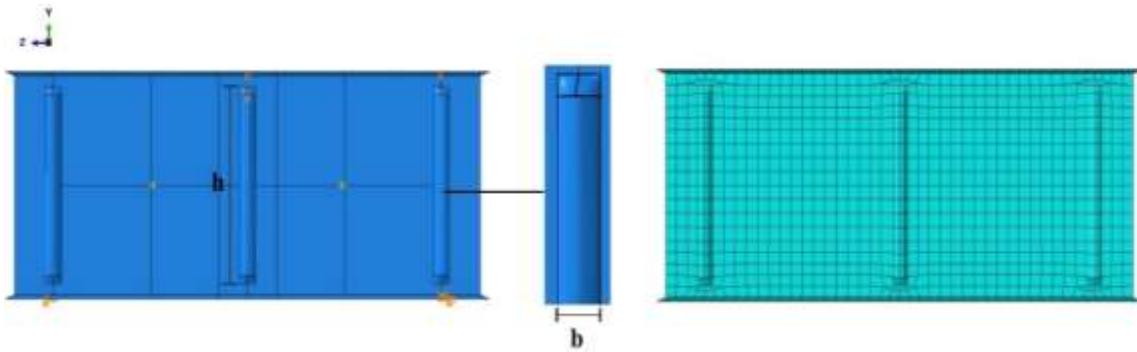
شکل ۲- منحنی‌های تنش-کرنش (مشخصات فولاد مصرفی) [۷]

در این مقاله، صحبت‌سنگی با بارگذاری تغییرمکان انجام شده است. در مقاله مرجع، مود اول کمانش ورق جان به عنوان نقص اولیه به مدل اعمال شده است. جهت شبیه‌سازی نقص اولیه‌ی هندسی^۱، بار متمرکز به اندازه ۶۰۰ نیوتون عمود عومود بر جان در نقطه وسط هر پانل برشی جان اعمال شده است، به منظور انتگرال‌گیری مدل‌ها، تنظیمات روی انتگرال‌گیری گاوس^۲ نقطه‌ای قرار داده شده است. به منظور منظور مشبندی تمامی مدل‌ها از المان S8R5، به جای المان

³ Reduced Integration⁴ Freedom Degree⁵ Structured¹ Geometric Imperfection² Gauss



شکل ۴- (الف) مود خرابی تیروورق ad1w4 پس از بارگذاری و (ب) طرح کلی تیروورق در آزمایش برش [۷]



شکل ۵- تیروورق با جان موج دار محلی (پرس)

در این بخش به بررسی تیروورق هایی با سخت کننده های تکیه گاهی و پرس در وسط تیر پرداخته خواهد شد. ابتدا با حذف دو سخت کننده وسط جان از مدل صحت سنجی، حالت پایه (نمونه های ۱ و ۶) را برای این مرحله آماده سازی شد تا سپس مدل های دارای پرس با این مدل ها مقایسه شوند. پرس مدل های تکیه گاهی به اندازه $12/5$ میلی متر در راستای y بارگذاری تغییر مکانی به اندازه $12/5$ میلی متر در مطابق شکل ۱، نسبت پانل بر شی به صورت نسبت است. لازم به ذکر است، در تمامی مدل سازی های این مقاله، تغییر مکان براساس مقاله مرجع [۷] اعمال شده است. در حالت کلی، هدف بررسی رفتار بر شی و پس از کمانش بوده است. این تغییر مکان ها علاوه بر این که تقریباً برابر با تغییر مکان مجاز تیرها هستند، رفتار بر شی تیروورق مورد بررسی را نیز به خوبی نشان داده اند؛ همچنین به منظور اعمال نقص اولیه به مدل از دو بار متتمرکز به اندازه -600 نیوتون در راستای x استفاده شده است. پس از آن در وسط

۳- مشخصات هندسی مدل ها

ابعاد و مشخصات هندسی کلی مدل های مورد بررسی در مقاله مطابق جدول ۲ است. در صورت وجود سخت کننده در تیروورق، ضخامت ورق آن در جدول ۲ مشخص شده است، همچنانی مدل های با نسبت های پانل بر شی مختلف تحلیل شده اند. مطابق شکل ۱، نسبت پانل بر شی به صورت نسبت طول پانل بر شی (a)، به ارتفاع تیروورق (d) تعریف می شود. تیروورق با جان موج دار محلی در شکل ۵ مشاهده می شود. مطابق شکل ۵ b و h به ترتیب برابر با عرض پرس و ارتفاع پرس هستند. تمامی کمیت های موجود در جدول ۲، در شکل ۱ مشخص شده اند

۴- تفسیر و تحلیل نتایج

۴-۱- تیروورق با سخت کننده های تکیه گاهی و پرس

نمودارهای بار-تغییرمکان حالات مختلف برای نمونههای ۱ تا ۵، مطابق با نمونههای ۱ تا ۵ در شکل ۶ نشان داده شده است. در شکل ۶، نمودارها رفتاری نزدیک به هم دارند، با این حال به نظر می‌رسد که هرچه عرض پرس کمتر باشد، موج عملکرد بهتری داشته است؛ همچنین مشاهده می‌شود، ظرفیت تمامی مدل‌های با پرس، از مدل پایه بدون پرس کمتر شده است. پس از بررسی نمونههای ۱ تا ۵، به مدل‌سازی حالات مختلف تیوروق ۲ متری مطابق نمونههای ۶ تا ۸ پرداخته شده است. بارگذاری برای نمونههای ۶ تا ۸، تغییرمکانی به اندازه ۲۰- میلیمتر در راستای y بود. به منظور اعمال نقص اولیه به مدل از بارهای متمنکزی به اندازه ۶۰۰- نیوتون در راستای x در وسط هر پانل برشی استفاده شده است. نمودارهای بار-تغییرمکان نمونههای ۶ تا ۸، در شکل ۷ نشان داده شده است. مطابق شکل ۷، ظرفیت برشی تیوروق‌های دارای پرس در هر دو نمونه ۷ و ۸ کمتر از حالت پایه شده است. علت این امر می‌تواند، نیروی وارد به پرس و در نتیجه خمیدگی بیشتر جان باشد؛ همچنین نمودارهای بار-تغییرمکان دو مدل با پرس با نسبت‌های پانل برشی متفاوت، تقریباً بر هم منطبق هستند، چون جان در محل بارگذاری دچار لهیدگی شده است.

۴-۲- تیوروق با سخت‌کننده‌های تکیه‌گاهی، زیر بار و پرس

با توجه به نتایج قسمت ۱-۴، در مرحله بعد علاوه بر سخت‌کننده‌های تکیه‌گاهی، سخت‌کننده‌های در قسمت بارگذاری نیز نگه داشته شده است تا از لهیدگی جان در این ناحیه جلوگیری شود. مشخصات تمامی نمونههای مورد بررسی در این بخش، مطابق جدول ۴ است. سایر شرایط مانند قبل است.

نمودارهای بار-تغییرمکان حالاتی متفاوت برای تیوروق ۲ متری، شامل نمونههای ۹ تا ۱۳ در شکل ۸ قابل مشاهده است. مطابق شکل ۸، ظرفیت تمامی حالات دارای پرس کمتر از حالت دارای سخت‌کننده شده است. برداشت می‌شود، در پرس‌هایی با عرض کمتر، میزان کاهش ظرفیت تا قبیل از تسليم کمتر است. پس از تسليم، پرس‌ها تحت اثر

پانل جان به جای سخت‌کننده‌های حذف شده، پرس (موج محلی) مدل کردیم. عمق پرس‌ها برابر با شعاعی به اندازه نصف عرض پرس‌ها است. مشخصات نمونههای مدل‌سازی شده در این بخش، مطابق جدول ۳ است.

جدول ۲- مشخصات هندسی تیوروق‌ها

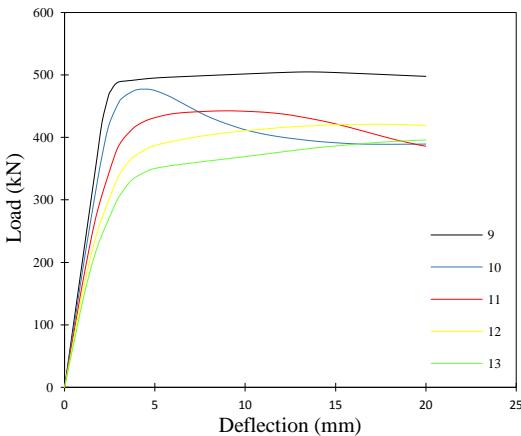
تیوروق	L (mm)	b _f (mm)	d (mm)	t _w (mm)	t _f (mm)	t _s (mm)
PG1W4	۱۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۴	۲۰	۲۰
PG1W6	۱۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۶	۲۰	۲۰
PG1W8	۱۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۸	۲۰	۲۰
PG2W4	۲۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۴	۲۰	۲۰
PG1W6	۲۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۶	۲۰	۲۰
PG1W8	۲۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۸	۲۰	۲۰
PG4W4	۴۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۴	۲۰	۲۰
PG4W6	۴۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۶	۲۰	۲۰
PG4W8	۴۰۰۰	۲۰۰	۵۰۰	۸	۲۰	۲۰

جدول ۳- مشخصات هندسی تیوروق‌ها با سخت‌کننده‌های تکیه‌گاهی و پرس

نمونه	تیوروق	b (mm)	h (mm)	a/d
۱	PG1W4-ST	-	-	۲
۲	PG1W4-ST-40-400-1	۴۰	۴۰۰	۱
۳	PG1W4-ST-60-400-1	۶۰	۴۰۰	۱
۴	PG1W4-ST-80-400-1	۸۰	۴۰۰	۱
۵	PG1W4-ST-100-400-1	۱۰۰	۴۰۰	۱
۶	PG2W4-ST	-	-	۴
۷	PG2W4-ST-40-400-1	۴۰	۴۰۰	۱
۸	PG2W4-ST-40-400-2	۴۰	۴۰۰	۲

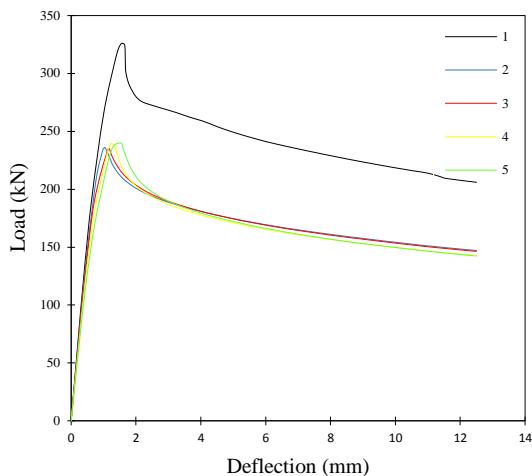
جدول ۴- مشخصات هندسی تیپورق‌ها با سخت‌کننده‌های تکیه‌گاهی و پرس

نمونه	تیپورق	b (mm)	h (mm)	a/d
۹	PG2W4-ST	-	-	۲
۱۰	PG2W4-ST-40-400-1	۴۰	۴۰۰	۱
۱۱	PG2W4-ST-60-400-1	۶۰	۴۰۰	۱
۱۲	PG2W4-ST-80-400-1	۸۰	۴۰۰	۱
۱۳	PG2W4-ST-100-400-1	۱۰۰	۴۰۰	۱
۱۴	PG4W4-ST	-	-	۴
۱۵	PG4W4-ST-40-400-1	۴۰	۴۰۰	۱
۱۶	PG4W4-ST-60-400-1	۶۰	۴۰۰	۱
۱۷	PG4W4-ST-80-400-1	۸۰	۴۰۰	۱
۱۸	PG4W4-ST-40-400-2	۴۰	۴۰۰	۲
۱۹	PG4W4-ST-60-400-2	۶۰	۴۰۰	۲
۲۰	PG4W4-ST-80-400-2	۸۰	۴۰۰	۲
۲۱	PG4W6-ST	-	-	۴
۲۲	PG4W6-ST-20-400-1	۲۰	۴۰۰	۱
۲۳	PG4W6-ST-20-400-2	۲۰	۴۰۰	۲
۲۴	PG4W8-ST	-	-	۴
۲۵	PG4W8-ST-20-400-0.5	۲۰	۴۰۰	۰.۵
۲۶	PG4W8-ST-20-400-1	۲۰	۴۰۰	۱
۲۷	PG4W6-ST-20-400-2	۲۰	۴۰۰	۲

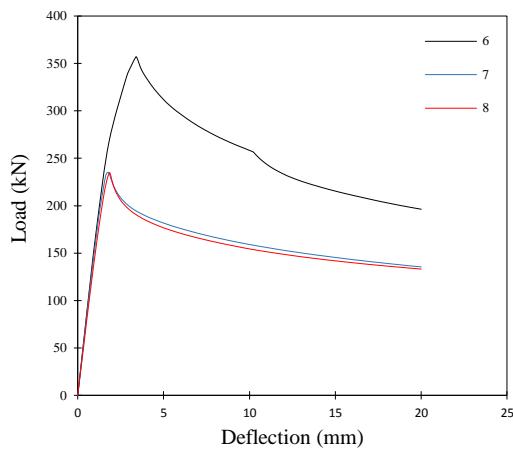


شکل ۸- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۹ تا ۱۳

تشکیل حوزه‌ی کشش خم می‌شوند، با این حال پرس‌هایی با عرض بیشتر ثبات بیشتری تا مرحله آخر بارگذاری داشته‌اند و تا حدودی میان آن‌ها حوزه کشش تشکیل شده است. در ادامه به مدل‌سازی تیپورق‌های ۱۴ تا ۲۷ در حالات مختلف پرداخته شده است. نمودارهای بار-تغییرمکان این نمونه‌ها در شکل‌های ۹ تا ۱۱ مشاهده می‌شوند. مطابق شکل ۹، ظرفیت تمامی حالات با پرس، کمتر از حالت بدون پرس شده است؛ همچنین برداشت می‌شود که نمونه‌هایی با عرض پرس بیشتر، دچار کاهش ظرفیت بیشتری شده‌اند. با توجه به شکل‌های ۱۰ و ۱۱ می‌توان گفت، پرس‌ها تأثیری در رفتار تیپورق‌هایی با ضخامت جان ۶ و ۸ میلی‌متر نداشته است.



شکل ۶- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۱ تا ۵



شکل ۷- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۶ تا ۸

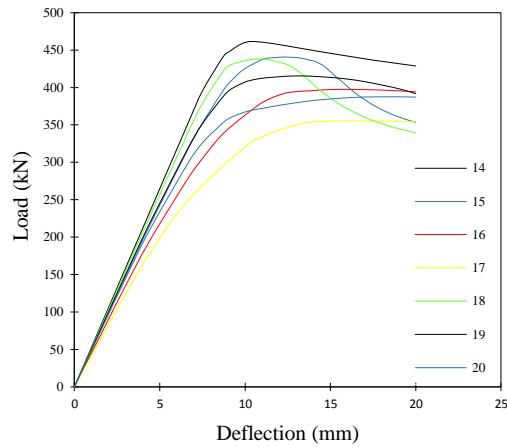
۴-۳- تحلیل کمانش الاستیک

پس از مشاهده نتایج مراحل قبل، در تیرورق PG1W4، ۵ حالت مختلف برای تحلیل کمانش در نظر گرفته شده است. برای هر مدل مود اول کمانش و مقادیر ویژه حاصل از تحلیل کمانش تحت بارگذاری متتمرکز به اندازه ۶۷۷ کیلو نیوتن (این بار در بخش‌های قبلی به ازای تغییرمکان ۱۲/۵ در تیرورق یک متری به دست آمده است)، در راستای y مشخص شده است تا با مقایسه آن‌ها تأثیر وجود پرس‌ها در جان مشخص شود. لازم به ذکر است که مقدار بار، تأثیری در تحلیل کمانش ندارد و می‌تواند حتی دارای مقدار ۱ باشد. اعمال این بار برای تشخیص نوع تحلیل کمانش در نرم‌افزار انجام شده است؛ همچنین از حرکت جانبی تیرها جلوگیری شده است. این مراحل به این شرح است: ۱- تحلیل کمانش تیرورق با سخت‌کننده‌های کامل، مانند مدل صحت سنجی به عنوان مدل پایه ۲- تحلیل کمانش تیرورق با سخت‌کننده‌های تکیه‌گاهی (حذف سخت‌کننده‌های زیر بار) ۳- تحلیل کمانش تیرورق با سخت‌کننده‌های تکیه‌گاهی و پرس به عرض ۴۰ میلی‌متر در وسط جان (زیر بار) ۴- تحلیل کمانش تیرورق بدون هیچ سخت‌کننده‌ای ۵- تحلیل کمانش تیرورق با پرس‌هایی در نواحی تکیه‌گاهی و زیر بار، بدون سخت‌کننده. ضرایب کمانش توسط تحلیل کمانش در نرم‌افزار، برای حالات مختلف به ترتیب برابر با ۰/۸۶۴۷۸، ۰/۱۴۲۸۷، ۰/۰۵۶۱۹۴، ۰/۰۲۴۸۵۳ و ۰/۰۴۹۸۲۵ بودند. از ضرایب کمانشی بدست آمده و با توجه به بار ۶۷۷ کیلونیوتن، بار کمانشی برای حالات مختلف قابل محاسبه خواهد بود. بر این اساس حالت اول، دارای بیشترین بار کمانش و حالت چهارم، دارای کمترین بار کمانش خواهد بود و در مجموع برای بار کمانشی هر ۵ حالت خواهیم داشت:

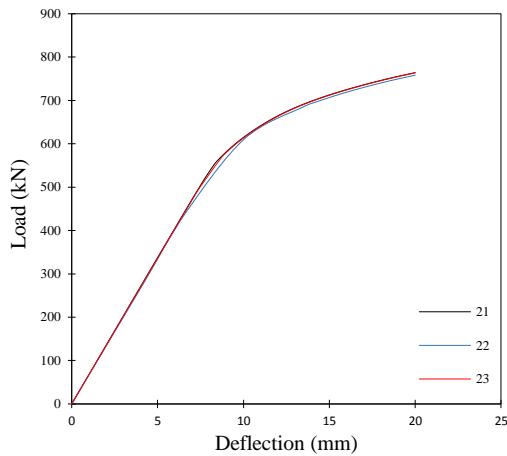
حالات ۱ < ۲ < ۳ < ۴ < ۵

$$585/46 > 380/43 > 337/31 > 168/25 > 96/723 \text{ kN}$$

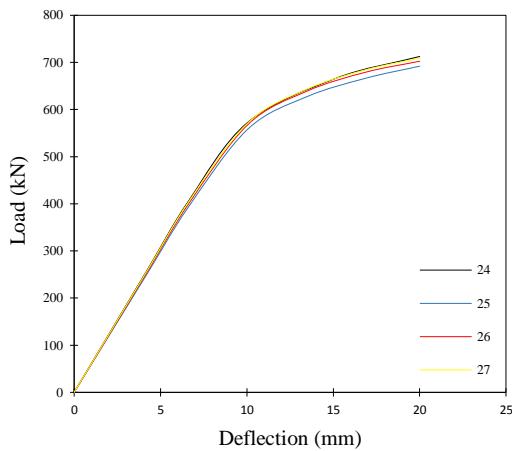
نتایج حاکی از آن است که وجود پرس در جان تیرورق عمل کرد، آن را در حالت بدون سخت‌کننده بهبود بخشیده است و باعث افزایش بار کمانشی تیرورق شده است. ظرفیت این نمونه نسبت به حالت با سخت‌کننده کمتر است. علت این کاهش ظرفیت می‌تواند به دلیل لهیگی بیشتر جان تیرورق با پرس در نواحی لبه پرس‌ها در مقایسه با تیرورق



شکل ۹- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۱۴ تا ۲۰



شکل ۱۰- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۲۱ تا ۲۳



شکل ۱۱- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۲۴ تا ۲۷

جدول ۵- مشخصات هندسی تیرورق‌ها با ضخامت‌های مختلف جان

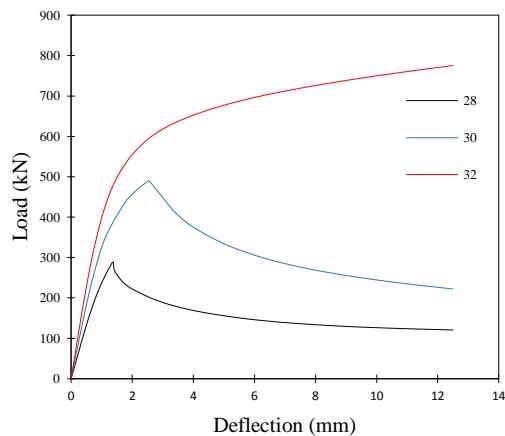
نمونه	تیرورق	b (mm)	h (mm)	a/d	%T	%U
۲۸	PG1W4	-	-	-	-	-
۲۹	PG1W4-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۲۴/۴۳	۱۱/۷۵
۳۰	PG1W6	-	-	-	-	-
۳۱	PG1W6-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۲۳/۷۷	۶۵/۴
۳۲	PG1W8	-	-	-	-	-
۳۳	PG1W8-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	-۰/۷۶	-۰/۷۶
۳۴	PG2W4	-	-	-	-	-
۳۵	PG2W4-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۲۹/۶۲	۲۵/۲۳
۳۶	PG2W4-40-450-2	۴۰	۴۵۰	۲	۳۰/۵۱	۲۶/۱۴
۳۷	PG2W6	-	-	-	-	-
۳۸	PG2W6-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۱۲/۵	۵۴/۹
۳۹	PG2W6-40-450-2	۴۰	۴۵۰	۲	۱۲/۸	۵۵/۰۳
۴۰	PG2W8	-	-	-	-	-
۴۱	PG2W8-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	-۷/۶	-۷/۶
۴۲	PG2W8-40-450-2	۴۰	۴۵۰	۲	-۷/۳۴	-۷/۳۴

در لبه انتهایی پرس‌ها باشد. در شکل ۱۵ تا ناحیه خطی مشابه حالت ساده است، اما پس از رسیدن به نقطه تسلیم تأثیر وجود پرس‌ها در جان تیرورق در افزایش ظرفیت کاملاً محسوس است و به دلیل ضخامت بیشتر جان ضعف‌های موجود در جان ۴ میلی‌متر را ندارد؛ همچنین در ناحیه غیرخطی نمودار صعودی است. در شکل ۱۶ به دلیل ضخامت زیاد جان، پرس‌ها تأثیری در ظرفیت تیرورق نداشته‌اند. در شکل‌های ۱۷ تا ۱۹، نمودارهای بار-تغییرمکان برای حالات مختلف نمونه‌های ۳۴ تا ۴۲ ارائه شده‌اند. پرس‌ها برای هر دو نمونه ۳۵ و ۳۶، باعث افزایش ظرفیت در شکل ۱۷ شده‌اند، اما نمونه ۳۶، رفتار بهتری داشته است. در حالت کلی، قسمتی که پرس‌ها خم شده‌اند، نمودار دچار افت شده است. در شکل ۱۸، اگرچه در ابتدا ظرفیت برشی مدل‌های با پرس کمی افت کرده است، اما رفتار کلی خوبی از خود نشان داده

بدون پرس باشد. در مراحل بعدی مدل‌سازی تمامی سخت‌کننده‌ها حذف شدند و ظرفیت تیرورق با جان موج‌دار محلی و با تیر ساده‌ی بدون سخت‌کننده، مورد بررسی قرار گرفت.

۴-۴- ضخامت‌های مختلف جان تیرورق

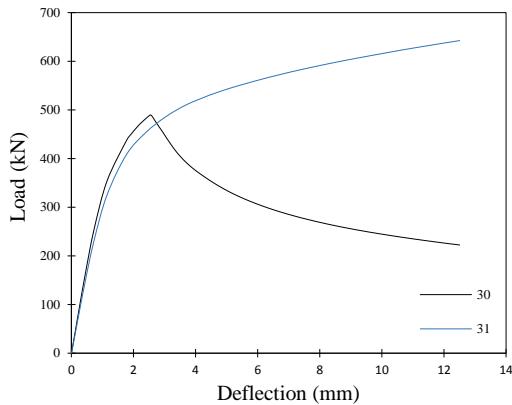
در این بخش به بررسی تیرورق‌هایی با ضخامت‌های مختلف جان پرداخته شده است. مشخصات تیرورق‌های مورد بررسی، مطابق جدول ۵ است. تمامی نمونه‌ها بدون سخت‌کننده هستند. در جدول ۵، T و U به ترتیب، برابر با درصد افزایش مقاومت حداکثر و مقاومت نهایی نمونه‌های پرس‌دار نسبت به نمونه‌های بدون پرس هستند. سایر مشخصات مشابه قبل است. در شکل ۱۳، رفتار تیرورق‌های ۱ متری بدون پرس، با ضخامت‌های مختلف جان با هم مقایسه شده است (نمونه‌های ۲۸، ۳۰ و ۳۲). مطابق انتظار، تیرورق با ضخامت بیشتر جان، دارای مقاومت بیشتر بوده است.



شکل ۱۳- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۲۸ و ۳۰ و ۳۲

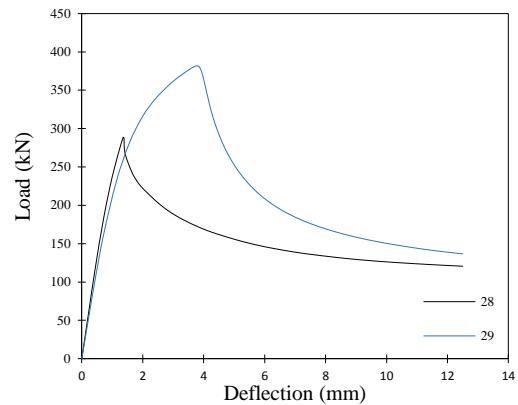
در ادامه به مقایسه تأثیر پرس در ضخامت‌های مختلف جان پرداخته شده است. در شکل‌های ۱۴ تا ۱۶ نمودارهای بار-تغییرمکان حالات مختلف نمونه‌های ۲۸ تا ۳۳ قابل مشاهده هستند. در شکل ۱۴ اگرچه در ابتدا افزایش قابل توجه ظرفیت مشاهده می‌شود، اما پس از رسیدن به کمانش کلی ظرفیت سیر نزولی داشته و بسیار کاهش یافته است. این امر می‌تواند به دلیل ضخامت بسیار کم ورق جان و خم شدن

نمونه های ۴۱ و ۴۲ سبب کاهش ظرفیت برشی شده اند. درصد افزایش ظرفیت نمونه ها مطابق با جدول ۵ است.

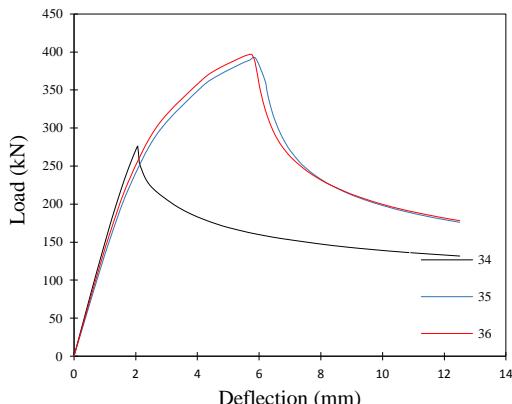


شکل ۱۵- نمودارهای بار-تغییر مکان نمونه های ۳۰ و ۳۱

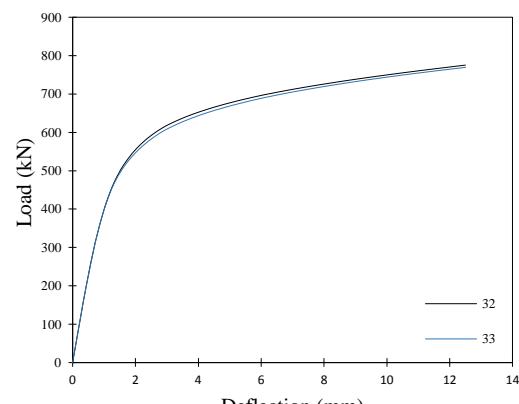
است. همچنین در هر دو نمونه های ۳۸ و ۳۹، نمودارها تقریباً بر هم منطبق هستند. در شکل ۱۹، پرس ها در



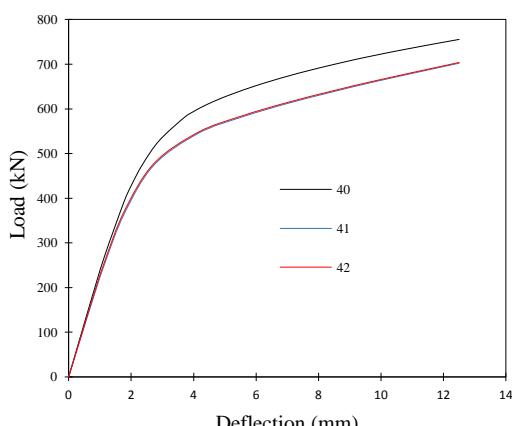
شکل ۱۶- نمودارهای بار-تغییر مکان نمونه های ۲۸ و ۲۹



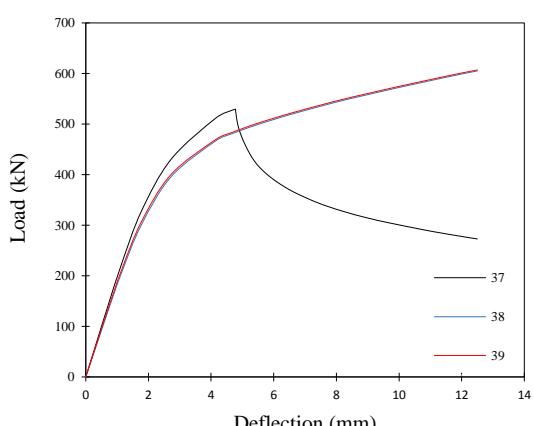
شکل ۱۷- نمودارهای بار-تغییر مکان نمونه های ۳۴ تا ۳۶



شکل ۱۸- نمودارهای بار-تغییر مکان نمونه های ۳۲ و ۳۳



شکل ۱۹- نمودارهای بار-تغییر مکان نمونه های ۴۰ تا ۴۲



شکل ۲۰- نمودارهای بار-تغییر مکان نمونه های ۳۷ تا ۳۹

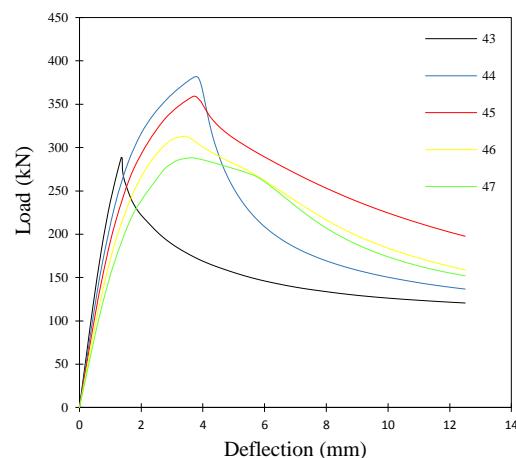
جدول ۶- مشخصات هندسی تیوروق‌ها با عرض‌های مختلف پرس

نمونه	تیوروق	b (mm)	h (mm)	a/d	%T	%U
۴۳	PG1W4	-	-	-	-	-
۴۴	PG1W4-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۲۴/۴۳	۱۱/۷
۴۵	PG1W4-60-450-1	۶۰	۴۵۰	۱	۱۹/۶	۳۹
۴۶	PG1W4-80-450-1	۸۰	۴۵۰	۱	۷/۸۱	۲۴/۱
۴۷	PG1W4-100-450-1	۱۰۰	۴۵۰	۱	-۰/۲	۲۰/۶
۴۸	PG1W6	-	-	-	-	-
۴۹	PG1W6-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۲۳/۸	۶۵/۴
۵۰	PG1W6-60-450-1	۶۰	۴۵۰	۱	۲۲/۰۴	۶۴/۶۱
۵۱	PG1W6-80-450-1	۸۰	۴۵۰	۱	۱۸/۷	۶۳/۱
۵۲	PG1W6-100-450-1	۱۰۰	۴۵۰	۱	۱۴	۶۱
۵۳	PG2W4	-	-	-	-	-
۵۴	PG2W4-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۲۹/۶۲	۲۵/۲۳
۵۵	PG2W4-60-450-1	۶۰	۴۵۰	۱	۲۵/۶	۵۱/۰۴
۵۶	PG2W4-80-450-1	۸۰	۴۵۰	۱	۱۸/۹	۲۴/۵۳
۵۷	PG2W4-40-450-2	۴۰	۴۵۰	۲	۳۰/۵۱	۲۶/۱۴
۵۸	PG2W4-60-450-2	۶۰	۴۵۰	۲	۲۹/۸	۵۰/۸۵
۵۹	PG2W4-80-450-2	۸۰	۴۵۰	۲	۲۰/۱۵	۲۸/۶۱
۶۰	PG2W6	-	-	-	-	-
۶۱	PG2W6-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۱۲/۵	۵۴/۹
۶۲	PG2W6-60-450-1	۶۰	۴۵۰	۱	۷/۷۴	۵۲/۴۴
۶۳	PG2W6-80-450-1	۸۰	۴۵۰	۱	۰/۶	۴۸/۸
۶۴	PG2W6-40-450-2	۴۰	۴۵۰	۲	۱۲/۸	۵۵/۰۳
۶۵	PG2W6-60-450-2	۶۰	۴۵۰	۲	۸/۵۴	۵۲/۸۶
۶۶	PG2W6-80-450-2	۸۰	۴۵۰	۲	۲/۳	۴۹/۶۳

مطابق شکل ۲۳، در جان ۶ میلی‌متر کاهش عرض پرس موجب افزایش ظرفیت نهایی شده است. درصد افزایش مقاومت حدکثر و ظرفیت نهایی نمونه‌ها، مطابق جدول ۶ است.

۴-۵- عرض‌های مختلف پرس

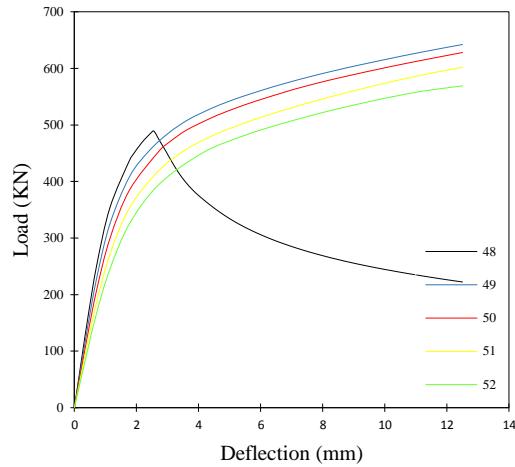
در این بخش عرض‌های مختلف پرس و تأثیر آن بر مقاومت برشی تیوروق‌ها در حالت بدون سخت‌کننده بررسی شده است. مشخصات هندسی مدل‌های مورد بررسی، مطابق با جدول ۶ است. سایر مشخصات مانند قبل است. عرض‌های مختلف پرس برای نمونه‌های ۴۳ تا ۶۶ در حالت‌های مختلف، مورد بررسی قرار گرفته است (شکل‌های ۲۰ تا ۲۳). مطابق شکل ۲۰ در مجموع عرض‌های مختلف پرس، سبب افزایش ظرفیت نسبت به تیوروق ساده شده‌اند. نمونه ۴۴ دارای بیشترین مقاومت اولیه نسبت به سایر نمونه‌ها بوده است و در ناحیه خطی کاهش کمتری نسبت به عرض‌های دیگر پرس داشته است، اما کاهش در مقاومت نهایی آن از تمامی نمونه‌های دیگر پرس بیشتر بوده است. نمونه ۴۵ در ناحیه خطی، کاهش بیشتری نسبت به نمونه‌ی ۴۴ داشته است، اما دارای بیشترین ظرفیت نهایی نسبت به سایر نمونه‌ها بوده است. در نمونه‌ی ۴۶، اگرچه تسلیم آن تقریباً برابر با حالت ساده است، اما پس از تسلیم، نسبت به حالت ساده افزایش قابل توجهی در ظرفیت داشته است. مطابق شکل ۲۱، برداشت می‌شود که هرچه عرض پرس کمتر باشد، ظرفیت برشی بیشتر بوده است. مطابق شکل ۲۲، با افزایش عرض پرس، کاهش ظرفیت اولیه بیشتر مشاهده می‌شود. همچنین نمونه‌های ۵۵ و مخصوصاً ۵۸، عملکرد بهتری نسبت به حالات دیگر داشته‌اند. اگرچه در ابتدا ظرفیت نمونه‌های ۵۴ و ۵۷ از سایر مدل‌ها بیشتر است، اما پس از تسلیم و با خم شدن پرس‌ها، افت قابل توجهی داشته است.



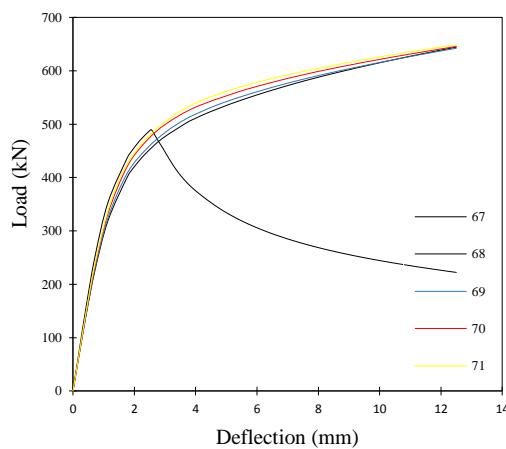
شکل ۲۰- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۴۳ تا ۶۷

۴-۶- ارتفاع‌های مختلف پرس

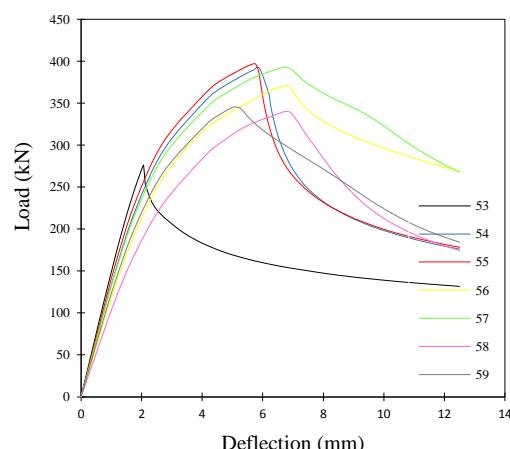
در این بخش تأثیر ارتفاع پرس در کاهش یا افزایش ظرفیت برشی تیرورق بدون سخت‌کننده بررسی شده است. مشخصات هندسی نمونه‌ها مطابق جدول ۷ است. مطابق شکل ۲۴، اگرچه نمودارهای بار-تغییرمکان تمامی مدل‌ها به هم نزدیک هستند، اما به نظر می‌رسد، هرچه ارتفاع کمتر باشد، ظرفیت بیشتر شده است، به طوری که افزایش ظرفیت نهایی نمونه ۶۸ ۶۸٪ افزایش مقاومت حدکثر و ظرفیت نهایی نمونه‌ها مطابق جدول ۷ است.



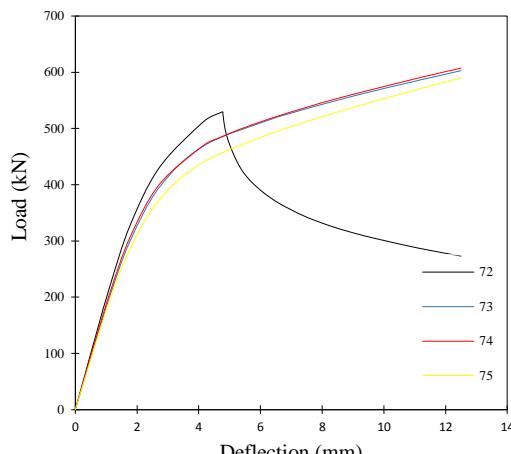
شکل ۲۱- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۴۸ تا ۵۲



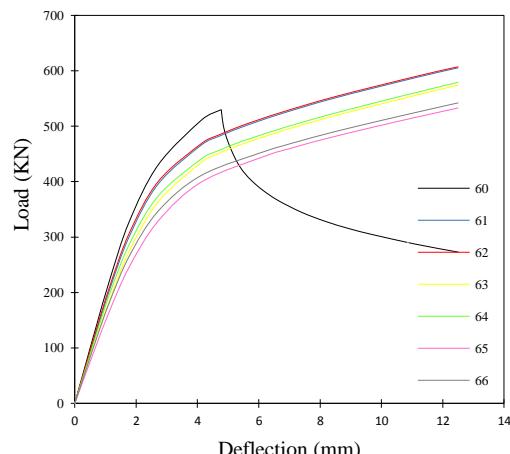
شکل ۲۴- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۶۷ تا ۷۱



شکل ۲۲- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۵۳ تا ۵۹



شکل ۲۵- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۷۲ تا ۷۵



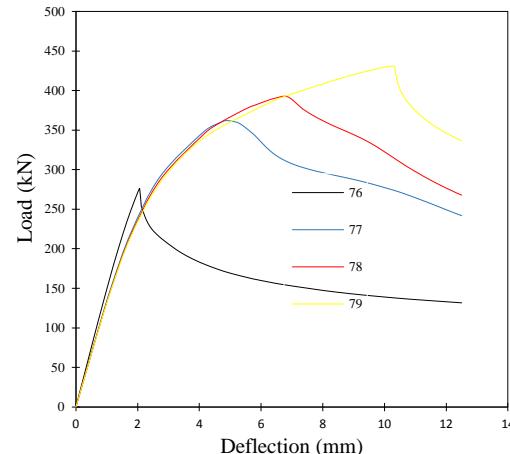
شکل ۲۳- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۶۰ تا ۶۶

آمده، افزایش ظرفیت برشی با وجود پرس‌ها در جان تیرورق هنگامی حاصل می‌شود که هیچ‌گونه سخت‌کننده‌ای در تیرورق وجود نداشته باشد. با وجود سخت‌کننده‌ها، پرس‌ها موجب تأثیر منفی در ظرفیت تیرورق می‌شوند. سایر نتایج به شرح زیر است:

- وجود پرس‌ها در تیرورق‌هایی با جان‌های نازک، سبب افزایش ظرفیت برشی شده است؛ اما به نظر می‌رسد در تیرورق‌هایی با ضخامت جان بیشتر بدون تأثیر است و حتی ممکن است، سبب کاهش اندکی در ظرفیت نیز بشود. به طوری که بیشترین افزایش در مقاومت نهایی در نمونه ۲ متری با ضخامت جان ۶ میلی‌متر به اندازه ۵۵٪ و بیشترین افزایش در حداقل ظرفیت به اندازه ۳۰٪ در نمونه ۲ متری با ضخامت جان ۴ میلی‌متر به دست آمده است.

- عرض پرس‌های متوسط مانند ۴۰ میلی‌متر و ۶۰ میلی‌متر عملکرد مناسبی داشته‌اند. افزایش ظرفیت نهایی تا ۶۵٪ به دست آمده است.
- ارتفاع‌های مختلف پرس تأثیر چندانی بر ظرفیت برشی تیرورق ۱ متری ندارد و درصد افزایش مقاومت نهایی برای تمامی ارتفاع‌ها حدود ۶۵٪ به دست آمده است.
- در تیرورق‌هایی با طول بیشتر، چنین به نظر می‌رسد که هرچه تیرورق دارای جان نازکتری باشد، وجود پرس سبب افزایش بیشتری در ظرفیت اولیه خواهد شد؛ اما اگر ضخامت جان بیشتر باشد، وجود پرس تأثیر بیشتری بر ظرفیت نهایی خواهد داشت و ممکن است حتی سبب کاهش ظرفیت اولیه شود.
- در تیرورق‌هایی با طول دهانه‌ی برشی بیشتر (a)، عملکرد نسبت به دهانه‌ی برشی با طول کمتر بهبود یافته است.

در مدل‌های بررسی شده در این مقاله رفتارهای متفاوتی برای طول تیرهای مختلف با ضخامت جان‌های مختلف مشاهده شده است، اما با این حال می‌توان گفت، پرس‌هایی با عرض و ارتفاع متوسط و طول دهانه‌ی برشی بیشتر، دارای بهترین عملکردها بوده‌اند.



شکل ۲۶- نمودارهای بار-تغییرمکان نمونه‌های ۷۶ تا ۷۹

جدول ۷- مشخصات هندسی تیرورق‌ها با ارتفاع‌های مختلف پرس

نمونه	تیرورق	b (mm)	h (mm)	a/d	%T	%U
۶۷	PG1W6	-	-	-	-	-
۶۸	PG1W6-40-350-1	۴۰	۳۵۰	۱	۲۴/۵	۶۵/۷۳
۶۹	PG1W6-40-400-1	۴۰	۴۰۰	۱	۲۴/۱۷	۶۵/۵۷
۷۰	PG1W6-40-450-1	۴۰	۴۵۰	۱	۲۳/۷۷	۶۵/۴
۷۱	PG1W6-40-480-1	۴۰	۴۸۰	۱	۲۴/۰۲	۶۵/۵۱
۷۲	PG2W4	-	-	-	-	-
۷۳	PG2W4-60-400-2	۶۰	۴۰۰	۲	۱۲/۱۴	۵۴/۷۱
۷۴	PG2W4-60-450-2	۶۰	۴۵۰	۲	۱۲/۸	۵۵/۰۳
۷۵	PG2W4-60-480-2	۶۰	۴۸۰	۲	۱۰/۲۷	۵۳/۷۵
۷۶	PG2W6	-	-	-	-	-
۷۷	PG2W6-60-400-2	۶۰	۴۰۰	۲	۲۳/۸	۴۵/۵۶
۷۸	PG2W6-60-450-2	۶۰	۴۵۰	۲	۲۹/۸	۵۰/۰۸۵
۷۹	PG2W6-60-480-2	۶۰	۴۸۰	۲	۳۶	۶۰/۹

۵- نتیجه‌گیری

در این مقاله به بررسی عددی رفتار برشی تیرورق‌هایی با جان موج دار محلی پرداخته شده است. مطابق نتایج بدست

- مراجع -

- [12] Hassanein MF, Kharoob OF (2013) Behavior of bridge girders with corrugated webs: (II) Shear strength and design. Eng Struct 57: 544-553.
- [13] Sinur F, Beg D (2012) Intermediate transverse stiffeners in plate girders. Ernst & Sohn Verlag für Architektur und technische Wissenschaften GmbH & Co. KG, Berlin, Steel Construction 5(1).
- [14] Nie J, Zhu L, Tao M, Tang L (2013) Shear strength of trapezoidal corrugated steel webs. J Constr Steel Res 85: 105-115.
- [15] Guo T, Sause R (2014) Analysis of local elastic shear buckling of trapezoidal corrugated steel webs. J Constr Steel Res 102: 59-71.
- [۱۶] حجازی م، خبیری ن (۱۳۹۳) بررسی رفتار تیوروک های فولادی با جان موج دار ذوزنقه‌ای. پانزدهمین کنفرانس دانشجویان عمران سراسر کشور، دانشگاه اصفهان.
- [17] Kwon YB, Ryu SW (2016) The shear strength of end web panels of plate girders with tension field action. Thin Wall Struct 98: 578-591.
- [18] Li LZ, Jiang CJ, Lu ZD (2016) Local buckling of bolted steel plates with different stiffener configuration. Eng Struct 119: 186-197.
- [19] Dou C, Jiang Z, Pi Y, Guo Y (2016) Elastic shear buckling of sinusoidally corrugated steel plate shear wall. Eng Struct 121: 136-146.
- [20] Kövesdi B, Jäger B, Dunai L (2016) Bending and shear interaction behavior of girders with trapezoidally corrugated webs. J Constr Steel Res 121: 383-397.
- [21] Correia Lopes GC, Couto P, Real V, Lopes N (2016) Elastic critical moment of beams with sinusoidally corrugated webs. J Constr Steel Res 129: 185-194.
- [22] ABAQUS (2016) ABAQUS user's manual version 6.12. Habbit, Karlson and Sarenson Inc.
- [1] Lee SC, Davidson JS, Yoo CH (1996) Shear buckling coefficients of plate girder web panels. Comput Struct 59(5): 189-795.
- [2] Elgaaly M, Hamilton RW, Seshadri A (1996) Shear strength of beams with corrugated webs. J Struct Eng-ASCE 122(4): 390-398.
- [3] Luo R, Edlund B (1996) Shear Capacity of Plate Girders with Trapezoidally Corrugated Webs. Thin Wall Struct 26(1): 19-44.
- [4] Lee SC, Yoo CH (1998) Strength of plate girder web panels under pure shear J Struct Eng-ASCE 124(2): 184-194.
- [5] Real E, Mirambell E, Estrada I (2007) Shear response of stainless steel plate girders. Eng Struct 29: 1626-1640.
- [6] Yi J, Gil H, Youm K, Lee H (2008) Interactive shear buckling behavior of trapezoidally corrugated steel webs. Eng Struct 30: 1659-1666.
- [7] Estrada I, Real E, Mirambell E (2008) Shear resistance in stainless steel plate girders with transverse and longitudinal stiffening. J Constr Steel Res 64: 1239-1254.
- [8] Alinia MM, Shakiba M, Habashi HR (2009) Shear failure characteristics of steel plate girders. Thin Wall Struct 47: 1498-1506.
- [9] Alinia MM, Gheitasi A, Shakiba M (2011) Postbuckling and ultimate state of stresses in steel plate girders. Thin Wall Struct 49: 455-464.
- [10] Pasternak H, Kubieniec G (2010) Plate girders with corrugated webs. J Civ Eng Manag 16(2): 166-171.
- [11] Hassanein MF, Kharoob OF (2010) Shear strength and behavior of transversely stiffened tubular flange plate girders. Eng Struct 32: 2617-2630.