



توسعه یک الگوریتم بهینه‌سازی مبتنی بر نظریه بازی در طراحی مکانیزم‌های با کاربرد تولید

مسیر

محمد سعید سعیدی^۱، علی جمالی^{۲*}، بهمن احمدی^۳، نادر نریمان زاده^۴

^۱ دانشجوی دکتری، پردیس دانشگاهی، دانشگاه گیلان

^۲ دانشیار، دانشگاه گیلان، ایران

^۳ استادیار، دانشگاه کردستان، ایران

^۴ استاد، دانشگاه گیلان، ایران

مقاله مستقل، تاریخ دریافت: ۱۴۰۲/۰۹/۲۹؛ تاریخ بازنگری: ۱۴۰۲/۱۰/۰۳؛ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۱۲/۰۳

چکیده

در این مقاله به مسئله بهینه‌سازی مقاوم چنددهفه مکانیزم چهارلینکی برای کاربرد تولید مسیر با استفاده از رهیافت نظریه بازی پرداخته می‌شود. یک رویکرد تضمین‌گیری غیرمت مرکز دو سطحی جدید، با استفاده از هم‌افزایی بهینه سازی مقاوم مبتنی بر قابلیت اطمینان، نظریه بازی استکلبرگ و همکارانه، شبیه سازی مونت کارلو و برنامه‌ریزی ژنتیکی (GP) پیشنهاد شده و برای مسئله سنتز مکانیزم‌های چهارلینکی تولید مسیر اعمال شده است. چهار معیار عملکرد، شامل معیارهای دقت (TE)، مقاوم بودن (μ_{TE} و σ_{TE}^2)، قابلیت اطمینان (f_G) در سطح پیشرو و کیفیت حرکت (TA) در سطح دنباله‌رو به چهار بازیگر تخصیص داده شده است، به طوری که هر کدام از بازیگران مسئول بهینه سازی یک معیار عملکرد است. حداکثر ۳ شناور محرك و روودی (T_S) در قالب یک معیار دینامیکی، به عنوان قید طراحی به مسئله سطح پیشرو داده شده است. از برنامه‌ریزی ژنتیکی برای ایجاد مجموعه پاسخ منطقی بازیگر پیرو در فرایند بازی استکلبرگ استفاده شده و همچنین مسئله حکمیت نش برای مدل سازی رفتارهای همکارانه در بین بازیگران در سطح پیشرو به کار گرفته شده است. با استفاده از ستاربیو بازی پیشنهاد شده، مسئله بهینه سازی چهاره‌دهفه مکانیزم چهارلینکی، به یک مسئله بهینه سازی تک‌هدفه تبدیل می‌شود. نتایج بدست آمده بهبود قابل توجهی را در قابلیت اطمینان و رفتار مقاوم مکانیزم نشان می‌دهد.

کلمات کلیدی: بهینه‌سازی چند‌هدفی؛ نظریه بازی؛ طراحی مقاوم؛ برنامه‌ریزی ژنتیکی؛ مکانیزم تولید مسیر.

Developing a Multi-Objective Game Theoretic Design of Path-Generating Planar Mechanism

Mohammad Saeid Saeidi¹, Ali Jamali^{2,*}, Bahman Ahmadi³, Nader Nariman-zadeh⁴

¹ PhD student, Department of Mechanical Engineering, University Campus 2, University of Guilan, Guilan, Iran

² Assoc., Prof., Department of Dynamics, Control, and Vibrations, Faculty of Mechanical Engineering, University of Guilan, Iran

³ Assist., Prof., Department of Dynamics, Control, and Vibrations, Faculty of Mechanical Engineering, University of Guilan, Iran

⁴ Prof., Department of Mechanical Engineering, Faculty of Engineering, University of Kurdistan, Kurdistan, Iran

Abstract

This article addresses the bi-level multi-objective optimization problems raised in reliability-based robust design optimization of mechanism synthesis through establishing a state-of-the-art game theoretic scenario. A novel bi-level decentralized decision-making approach is proposed using the synergy of reliability-based robust design optimization (RBRDO), Stackelberg/cooperative game theory, Monte Carlo simulation (MCS) and genetic programming (GP). The application of the proposed approach is elaborated in a case-study of multi-objective robust synthesis of high-speed path generating four-bar. The four performance criteria, namely, accuracy (TE), robustness (μ_{TE} and σ_{TE}^2), reliability (f_G) at upper level and quality of motion (TA) at lower level are assigned to four players so that each of whom is in charge of one objective criterion being optimized. The peak input driving torque (T_S) as the dynamic constraint is associated with the upper-level problem. The genetic programming (GP) metamodel is used to capture the Stackelberg protocol between two levels i.e., constructing the follower's rational reaction set (RRS) and the Nash arbitration scheme is hired to model the cooperative behaviors in upper level. By this way, the four-objective optimization problem of four-bar linkage is reduced into a single-objective robust design problem. The obtained results show a considerable enhancement in reliability and robust behavior of mechanism.

Keywords: Multi-objective optimization; Game theory; robust design; Genetic programming; Path-generating four-bar.

۱- مقدمه

رهیافت مبتنی بر حساسیت را که یک رهیافت مبتنی بر مشتق است، پیشنهاد کرده و بکار برند [۸]. بهمنظور به حداقل رساندن خطای ساختاری، احمدی و همکاران [۹, ۱۰] یک رویکرد نظری بازی استاکلبرگ برای ارزیابی توابع هدف خطای پیمایش و زاویه انتقال در مقادیر اسمی ابعاد مکانیزم پیشنهاد کردن، البته نامعینی متغیرهای طراحی در تحقیق آن‌ها در نظر گرفته نشد. ترکیبی از تفاضل تکاملی و الگوریتم‌های جوا توسط نویسنده‌گان مرجع [۱۱] برای تولید مسیر مکانیزم‌های چهارلینکی در سنتز ابعادی با حرکات متقاضان استفاده شد. آن‌ها از یک روش جدید برای مقداردهی اولیه، یک عملگر جهش ابتکاری و همچنین یک انتخاب نخبه‌گرای جدید برای کاوش و بهره‌برداری دقیق‌تر استفاده کردند.

اعتصامی و همکاران [۱۲] از یک الگوریتم تفاضل تکاملی برای بهینه‌سازی چنددهدفی پارتو مکانیزم چهارلینکی استفاده کردند که در آن گشتاور لرزشی و نیروهای لرزشی افقی و قائم به عنوان سه تابع هدف در نظر گرفته شدند. احمدی و همکاران [۱۳] از نظریه بازی همکارانه، طراحی مبتنی بر قابلیت اطمینان و روش نمو نه برداری مو نت کارلو برای بهینه‌سازی چند هدفی مکانیزم‌های چهارلینکی تولید مسیر استفاده کردند. نویسنده‌گان تأثیر نامعینی ابعاد بر قابلیت اطمینان مکانیزم را در نظر گرفته که در آن معیارهای عملکرد شامل خطای پیمایش، انحراف زاویه انتقال از مقدار ایده‌آل و احتمال شکست شرط گرافش تعريف شد. نویسنده‌گان در این پژوهش، منحصراً به مدل بازی همکارانه از دیدگاه طراحی م قاوم مبتنی بر قابلیت اطمینان و بدون در نظر گرفتن معیارهای دینامیکی پرداختند. نویسنده‌گان در مرجع [۱۴] یک روش کاملاً تحلیلی برای حل معادلات منحنی کاپلر در اتصالات چهارلینکی صفحه‌ای معرفی کردند.

در سال ۲۰۲۲ قیوم و محمدی [۱۵] از تکنیک‌های تکاملی مانند الگوریتم بهبود یافته جستجوی هارمونی برای تولید مکانیزم‌های تولید مسیر چهارلینکی استفاده کردند. نویسنده‌گان از یک مدل ریاضی بر اساس معادلات حلقه بسته برداری استفاده کردند که خطاهای موقعیتی را کمینه می‌کند

مکانیزم، یک سازوکار مکانیکی است که بهمنظور انتقال حرکت و یا نیرو از یک منبع به یک خروجی بکار می‌رود [۱۶]. می‌توان مکانیزم‌ها را بر اساس کاربردهای آن‌ها به سه دسته ایجاد مسیر (مولد مسیر)، ایجاد عملیات (مولد تابع) و ایجاد حرکت (مولد حرکت) تقسیم‌بندی کرد [۲]. تاکنون روش‌های مختلفی برای سنتز مکانیزم‌ها بکار گرفته شده است که در یک تقسیم‌بندی کلی به سه دسته روش‌های گرافیکی، روش‌های تحلیلی و روش‌های بهینه‌سازی تقسیم‌بندی می‌شوند. هنگامی که تعداد نقاط دقت از یک مقدار مشخص بیشتر می‌شود، روش‌های گرافیکی و تحلیلی به مسئله سنتز با تعداد قیود اضافی منجر می‌شود [۲]. این عامل، روش‌های بهینه‌سازی را به یک رهیافت جایگزین برای سنتز ابعادی مکانیزم‌ها تبدیل کرده است. تا دهه ۹۰ میلادی به مسئله سنتز ابعادی مکانیزم‌های چهارلینکی به عنوان یک مسئله طراحی کلاسیک پرداخته می‌شد. یکی از اولین تحقیقاتی که محدودیت‌های موجود در نظریه‌های کلاسیک را برطرف کرد توسط روستون^۱ انجام گرفت [۳]. کابریرا^۲ و همکاران از یک روش بهینه‌سازی بر اساس الگوریتم‌های تکاملی برای کاربردهای سنتز ابعادی مکانیزم‌های تولید مسیر استفاده کردند [۴].

در تحقیق انجام گرفته توسط آکاریا^۳ پارامترهای بهینه مکانیزم چهارلینکی در تولید مسیر با استفاده از سه الگوریتم جستجوی فراکتاشافی، GA و PSO، و DE به دست آمدند [۵]. نریمان‌زاده و همکاران یک روش مبتنی بر الگوریتم ژنتیک چنددهدفه را برای سنتز بهینه پارتو مکانیزم‌های چهارلینکی برای تولید مسیر پیشنهاد و توسعه دادند [۶]. توابع هدف متعارض شامل خطای پیمایش و انحراف زاویه انتقال از مقدار ایده‌آل 90° بودند. در سال ۲۰۱۰^۴ با ترکیب DE و GA یک الگوریتم تکاملی جدید برای سنتز تولید مسیر مکانیزم‌های چهارلینکی پیشنهاد کرد [۷]. قطبی و دینگرا در سال ۲۰۱۲ از رهیافت نظریه بازی استاکلبرگ برای بهینه‌سازی چند هدفه مکانیزم‌های چهارلینکی سرعت بالا از هر دونقطه نظر سینماتیکی و دینامیکی استفاده کردند. نویسنده‌گان برای تخمین مجموعه پاسخ منطقی بازیگر پیرو،

³S. Acharyya
⁴W. Y. Lin

¹G. P. Roston
²J. A. Cabrera

روش سنتز به کار برده شده و ... است. در تحلیل معین که در آن طول لینکها مشخص و معین و لقی اتصالات صفر فرض می‌شوند، خطای ساختاری مکانیزم تا حد امکان کمینه می‌شود. مکانیزم حتی اگر در بهترین حالت خطای ساختاری صفر داشته باشد، همچنان به صورت اجتناب ناپذیری دارای خطای مکانیکی خواهد بود. در واقعیت روابط طول لینکها و لقی اتصالات همواره منجر به انحراف مکانیزم از اهداف پیش‌بینی شده به دلیل وجود خطای مکانیکی است. به زبان ساده، مقاوم نبودن و عدم قابلیت اطمینان مکانیزم در برابر نامعینی موجب می‌شود، مکانیزمی که از لحاظ نظری مناسب و مطلوب می‌باشد، از لحاظ عملی و کاربردی نامطلوب و یا حتی غیر قابل استفاده باشد.

در این پژوهش، بهینه‌سازی چند هدفی مقاوم مکانیزم چهارلینکی با وجود نامعینی در طول لینک مدنظر قرار می‌گیرد. همان‌طور که نشان داده خواهد شد، مسئله بهینه‌سازی چهاره‌هدفی مقاوم مکانیزم چهارلینکی شامل توابع هدف (۱) خطای پیمایش، (۲) میانگین و واریانس خطای پیمایش، (۳) قابلیت اطمینان مکانیزم در رعایت شرط گرافش و (۴) انحراف زاویه انتقال از مقدار ایده‌آل، با بکارگیری رهیافت نظریه بازی به یک مسئله بهینه‌سازی تک‌هدفی در فضای نامعین تبدیل می‌شود. در پایان، مقایسه‌ای بین نتایج بدست‌آمده از مطالعه حاضر با پژوهش‌های انجام گرفته در ادبیات موضوع صورت گرفته و بحث و تحلیل لازم در این خصوص ارایه خواهد شد.

۲-نظریه بازی

در نظریه بازی، مسئله بهینه‌سازی چند هدفی به صورت یک بازی مدل می‌شود که در آن هر بازیگر عهده‌دار یک تابع هدف است که باید آن را بهینه کند. هر یک از بازیگران زیرمجموعه‌ای از متغیرهای طراحی را کنترل کرده و به دنبال بهینه کردن توابع هدف خود می‌باشند. توابع هدف بازیگران معمولاً در تضاد با هم قرار دارند و بازیگران ممکن است در رسیدن به یک حل مصالحه‌ای ناکام بمانند. به طور کلی سه نوع بازی در رهیافت نظریه بازی مطرح می‌شود: (۱) بازی‌های هم‌کارانه^۱ (۲) بازی‌های غیر هم‌کارانه^۲ و (۳) بازی‌های استاکلبرگ.^۳

³ Stackelberg games

و محدودیت‌های ساختاری را اضا می‌کند. پاتاک و همکاران [۱۶] در یک مقاله مروری انجام شده در سال ۲۰۲۳ استفاده از تکنیک‌های محاسباتی در سنتز بهینه مکانیزم برای کاربردهای مختلف را مورد بررسی جامع قرار دادند. این بررسی را می‌توان به عنوان مرجعی جامع از تحقیقات انجام شده تا سال ۲۰۲۲ در نظر گرفت.

بسیاری از مدل‌های بهدست‌آمده از سیستم‌ها و فرآیندهای مهندسی، به دلیل نامعینی‌های ناشی از عدم دقیقت در اندازه‌گیری و استخراج نتایج و یا عدم توانایی در نوشتن روابط مربوط به بسیاری از شرایطی که در رفتار دینامیکی سیستم تاثیر می‌گذارند، نمی‌توانند یک مدل دقیق از سیستم باشند. بطور کلی در نظرگرفتن نامعینی در طراحی تاثیر بسیار زیادی بر دقیقت و عملکرد مقاوم طرح دارد. برقراری توازن و مصالحه بین دقیقت سیستم و عملکرد مقاوم آن در حضور نامعینی‌ها، یکی از چالش‌های مهمی است که نظر مهندسان را به خود جلب کرده است [۱۷، ۱۸]. برای غلبه بر نامعینی باید طراحی به گونه‌ای باشد که سیستم نسبت به نامعینی‌های موجود در آن مقاوم باشد. به عنوان مثال در سنتز مکانیزم‌ها، مکانیزم باید به گونه‌ای طراحی شود که با وجود نامعینی بتواند در چارچوب محدودیت‌های اقتصادی بهترین عملکرد و بیشترین قابلیت اطمینان را داشته باشد. سنتز بهینه مکانیزم در فضای معین، هیچ گونه از موارد نامعینی (شامل اتفاقی بودن ابعاد طول لینک‌ها، لقی موجود در لولا و اتصالات، فرسودگی قطعات و غیره) را در مکانیزم و محیط پیرامونش در نظر نمی‌گیرد و این در حالی است که وجود نامعینی چه در پروسه ساخت و چه در مراحل مونتاژ و نگهداری مکانیزم اجتناب‌ناپذیر خواهد بود [۱۳].

به طور خاص، انحراف مسیر تولید شده توسط نقطه کاپلر مکانیزم چهارلینکی از مسیر مطلوب شامل مجموع خطای ساختاری (که به صورت ذاتی در مکانیزم ایده‌آل نیز وجود دارد) و خطای مکانیکی (ناشی از روابطی‌های موجود در طول لینک‌های مکانیزم و همچنین لقی موجود در اتصالات) است. خطای ساختاری مکانیزم بدون نامعینی در مقادیر نامی پارامترهای مکانیزم محسوسه می‌شود. خطای ساختاری ناشی از عوامل متعدد از قبیل انتخاب نوع مکانیزم، تعداد نقاط دقیقت،

¹ Cooperative games

² Noncooperative games

مجموعه استراتژی‌های بهینه بازیگر پیرو، به عنوان RRS بازیگر پیرو شناخته می‌شود. با فرض اینکه بازیگرهای پیشرو و پیرو به ترتیب متغیرهای طراحی x_1 و x_2 را در اختیار دارند، مدل ریاضی بازی استاکلبرگ به صورت رابطه (۴) قابل بیان است [۹].

$$\begin{aligned} \min_{(x_1, x_2) \in S} & f_1(x_1, x_2) \\ \text{subject to: } & x_2 \in X_2^N(x_1) \end{aligned} \quad (4)$$

که در آن $(x_1) X_2^N(x_1)$ مجموعه پاسخ منطقی بازیگر پیرو است

$$X_2^N(x_1) = \left\{ \begin{array}{l} x_2^N \in X_2 | f_2(x_1, x_2^N) = \\ \min_{x_2 \in X_2} f_2(x_1, x_2) \end{array} \right\} \quad (5)$$

از منظر ریاضیات، مجموعه پاسخ منطقی بازیگران معادله‌ای است که استراتژی بازیگر را به عنوان تابعی از متغیرهای طراحی تعیین می‌کند و تحت کنترل دیگر بازیگران قرار می‌گیرد. در این پژوهش، برای اولین بار از GP برای تخمین پاسخ منطقی بازیگر پیرو در مدل بازی استاکلبرگ استفاده شده است. در فضای استراتژی (متغیرهای طراحی)، بازیگر اول یا پیشرو نمونه‌برداری می‌شود و به عنوان داده‌های ورودی مورداستفاده قرار می‌گیرد. استراتژی بهینه بازیگر پیرو برای هر یک از استراتژی‌های بازیگر پیشرو، داده‌های خروجی را تولید می‌کند. درنهایت، با استفاده از GP به عنوان مدل‌ساز، مجموعه پاسخ منطقی بازیگر پیرو به صورت توابع صریح ریاضیاتی به دست می‌آید.

۳- برنامه‌ریزی ژنتیکی

برنامه‌ریزی ژنتیکی (GP)، یک روش جستجوی اتفاقی و الهام گرفته از انتخاب و تکامل در طبیعت است [۲۱]. این روش برای تقریب و تخمین مدل‌ها (ساختارها و پارامترها) در مسائل مختلف علمی مورد استفاده قرار می‌گیرد. الگوریتم GP با الهام از الگوریتم ژنتیک (GA)، از رشته‌های کاراکتر محور با طول ثابت برای ساخت افراد در جمعیت استفاده

عموماً یک مسئله بهینه‌سازی چند هدفی به صورت یافتن n متغیر طراحی (x_1, x_2, \dots, x_n) به منظور بهینه کردن k تابع هدف $f_1(x), f_2(x), \dots, f_k(x)$ که تحت قیدهای طراحی قرار دارند، تعریف می‌شود. بدون اینکه از عمومیت مسئله کاسته شود، فرض می‌شود که همه تابعهای هدف باید مینیمم شوند. شکل استاندارد مسائل بهینه‌سازی چند هدفی به صورت رابطه (۱) قابل بیان است [۱۹].

$$\begin{aligned} \min & F(\mathbf{x}) = [f_1(\mathbf{x}), f_2(\mathbf{x}), \dots, f_k(\mathbf{x})]^T \\ \text{subject to: } & \mathbf{x} \in S \end{aligned} \quad (1)$$

که در آن

$$\begin{aligned} S = \{ & \mathbf{x} \in \Re^n | g_i(\mathbf{x}) \leq 0, h_j(\mathbf{x}) = 0, i \\ & = 1, 2, \dots, m, j \\ & = 1, 2, \dots, p \} \end{aligned} \quad (2)$$

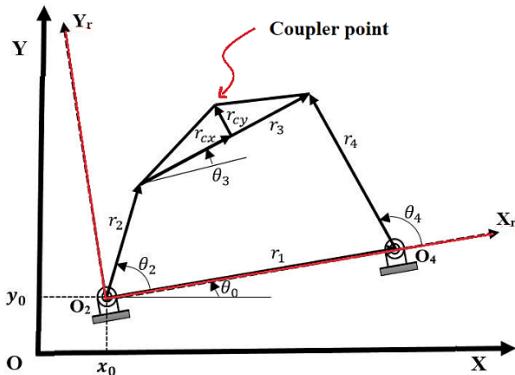
که \mathbf{x} بردار متغیرهای طراحی F ، بردار توابع هدف، $(g_i(\mathbf{x}))$ قیود نامساوی، $(h_j(\mathbf{x}))$ قیود مساوی و S مجموعه جواب‌های مسئله بهینه‌سازی رابطه (۱) می‌باشد.

در مدل بازی همکارانه، هر کدام از بازیگرها از استراتژی انتخاب‌شده توسط دیگر بازیگرها آگاه بوده و با رویکرد همکارانه با دیگر بازیگرها در تلاش برای رسیدن به پاسخ بهینه پارتی می‌باشد. مسئله حکمیت نش (Nash arbitration) یک رهیافت حل بهینه‌سازی پارتی و برآمده از نظریه بازی است. نش پیشنهاد و اثبات می‌کند که حل یک مسئله حکمیت با بیشینه سازی حاصلضرب توابع مطلوبیت بازیگران به صورت حل پارتی به دست می‌آید [۲۰]. در حالی که کمینه‌سازی توابع هدف بازیگران موردنظر است، مسئله حکمیت نش به صورت بیشینه سازی رابطه (۳) بیان می‌شود [۱۹].

$$F(\mathbf{x}) = \prod_{i=1}^k [s_i - f_i(\mathbf{x})] \quad (3)$$

که در آن $s_i \geq f_i(\mathbf{x})$ است. شرط $s_i \geq f_i(\mathbf{x})$ تضمین می‌کند که رابطه فوق یک نقطه بهینه پارتی را به دست می‌دهد. مقدار s_i می‌تواند به صورت یک حد بالا برای هر یک از توابع هدف در نظر گرفته شود که شرط $s_i \geq f_i(\mathbf{x})$ را همواره اقناع کند.

^۱ Genetic Programming



شکل ۱- مکانیزم چهارلینکی [۱۳]

که خطای ساختاری مکانیزم را محاسبه می‌کند، TE به صورت رابطه (۶) محاسبه می‌شود [۶]:

$$TE = \sum_{i=1}^N [(C_{xd}^i - C_x^i)^2 + (C_{yd}^i - C_y^i)^2], \quad (6)$$

که در آن، $C^i = [C_x^i, C_y^i]^T$ و $C_d^i = [C_{xd}^i, C_{yd}^i]^T$ به ترتیب مجموعه‌ای از نقاط موردنظر و پیمایش شده را مشخص می‌کند. علاوه بر این، بردار پارامترهای طراحی شامل $[r_1, r_2, r_3, r_4, r_{cx}, r_{cy}, \theta_0, x_0, y_0]$ است. در اینجا، دقت مکانیزم از طریق کمینه کردن (به حداقل رساندن) TE تعریف می‌شود.

تابع هدف زاویه انتقال (TA) به عنوان معیار کیفیت حرکت به صورت زیر بیان می‌شود [۶]:

$$TA = [(\gamma_{max} - 90^\circ)^2 + (\gamma_{min} - 90^\circ)^2], \quad (7)$$

که در آن، حداقل و حداکثر مقادیر γ از روابط زیر محاسبه می‌شود:

$$\gamma_{max} = \cos^{-1} \left[\frac{r_4^2 - (r_1 + r_2)^2 + r_3^2}{2r_4r_3} \right], \quad (a\gamma)$$

$$\gamma_{min} = \cos^{-1} \left[\frac{r_4^2 - (r_1 - r_2)^2 + r_3^2}{2r_4r_3} \right]. \quad (b\gamma)$$

^۴ Tournament

^۵ Roulette Wheel

نمی‌کند، بلکه یک یا چندین معادله ریاضی با ضابطه صریح را برای بیان مدل سیستم مورد نظر ارایه می‌دهد [۲۲]. برای ساختن عناصر درخت یعنی شاخه‌ها و برگ‌ها، لازم است مجموعه‌ای از توابع (شامل عملگرهای ریاضی، شرطی، منطقی، باینری و حسابی) و همچنین پایانه‌ها (شامل متغیرها و اعداد تصادفی) تعریف شوند. توابع و پایانه‌ها با توجه به آن‌ها تعیین شود، در حالی که پایانه‌ها مقادیر خاص خود را دارند. مشابه الگوریتم ژنتیک، جمعیت اولیه در GP به طور تصادفی تولید می‌شود. به منظور ایجاد جمعیت اولیه تصادفی، در تحقیق حاضر از تکنیک نصف نصف شیبدار استفاده شده است، برای آنکه می‌تواند درختان مختلفی را از نظر شکل و اندازه ارائه دهد. پس از ساخت درخت‌ها در جمعیت اولیه، اپراتورهای ژنتیکی یعنی پیوند^۱ و جهش^۲ برای افزایش برازنده‌گی جمعیت اجرا می‌شوند. پس از انجام عملگرهای ژنتیکی، می‌توان از طرح‌های انتخاب رایج مانند تورنومنت^۳ یا چرخ رولت^۴ برای ایجاد نسل بعدی استفاده کرد. روند به روزرسانی نسل‌ها تا زمانی که معیار توقف برآورده شود، تکرار می‌شود. در نهایت، بهترین فرد (با بالاترین برازنده‌گی) به عنوان پاسخ نهایی در نظر گرفته می‌شود. برخی از پارامترهای کنترلی مهم در برنامه‌ریزی ژنتیکی شامل عمق و اندازه افراد تولید شده، اندازه جمعیت، تعداد نسل‌ها، احتمال اجرای عملگرهای ژنتیکی و تعیین عملگرهای و پایانه‌های مناسب هستند [۲۳].

۴- تعریف مسئله

شکل ۱ شماتیکی از یک مکانیزم چهارلینکی برای کاربرد تولید مسیر را نشان می‌دهد. به طور کلی، مسئله سنتز منحنی کاپلر بهینه شامل ارزیابی پارامترهای طراحی $X = [r_1, r_2, r_3, r_4, r_{cx}, r_{cy}, \theta_0, x_0, y_0]$ است که در آن خطای پیمایش (TE) در طول منحنی کاپلر به حداقل می‌رسد.

^۱ Ramped half and half

^۲ Crossover

^۳ Mutation

$$\begin{aligned} T_S + T_{O2} - \left(F_{32x} + \frac{F_{O2x}}{2} \right) r_2 \sin(\theta_{2i}) \\ + \left(F_{32y} + \frac{F_{O2y}}{2} \right) r_2 \cos(\theta_{2i}) \\ = 0 \end{aligned} \quad (g9)$$

$$\begin{aligned} T_{O3} + \left(F_{34x} - \frac{F_{O3x}}{2} \right) r_3 \sin(\theta_{3i}) \\ - \left(F_{34y} - \frac{F_{O3y}}{2} \right) r_3 \cos(\theta_{3i}) \\ = 0 \end{aligned} \quad (h9)$$

$$\begin{aligned} T_{O4} - \left(F_{34x} + \frac{F_{O4x}}{2} \right) r_4 \sin(\theta_{4i}) \\ + \left(F_{34y} + \frac{F_{O4y}}{2} \right) r_4 \cos(\theta_{4i}) \\ = 0 \end{aligned} \quad (i9)$$

که در آن، تجزیه و تحلیل دینامیکی در هر موقعیت درجه i^{th} ام لینک ورودی انجام می‌شود. معادلات (۹) شامل ۹ پارامتر مجهول است. این مجھولات مولفه‌های x و y و چهار نیروی داخلی ($F_{12}, F_{23}, F_{34}, F_{14}$) و گشتاور حرکتی (T_S) را شامل می‌شود. قابل ذکر است که از طریق تحلیل دینامیکی و پس از محاسبه نیروهای اینرسی هر کدام از لینک‌ها می‌توان (F_{Oix}, F_{Oiy}, T_{Oi}) را به دست آورد. در مطالعه حاضر، بیشینه گشتاور محرک ورودی یعنی $1 \leq \max(T_S)$ به عنوان قید طراحی اختصاص داده شده به بازیگران سطح پیش رو در نظر گرفته می‌شود.

شکل ۲ ساختار بازی را نشان می‌دهد. سه بازیگر ۱، ۲ و ۳، تحت عنوانین دقت (TE)، مقاوم بودن (μ_{TE} و σ_{TE}^2) و قابلیت اطمینان در ارض اشتراحت گراف (۴) در سطح پیش رو قرار دارند. حداقل گشتاور ورودی در یک دوران کامل مکانیزم (T_S) به عنوان قید مسئله بازیگران پیش رو در نظر گرفته می‌شود. بازیگر ۴، یعنی کیفیت حرکت (TA) در سطح پایین تر قرار می‌گیرد و این سطح نقش بازیگر پیرو را بازی می‌کند. تعامل بین بازیگران ۱، ۲ و ۳ در سطوح بالا به عنوان یک بازی همکارانه در نظر گرفته می‌شود. تابع حکمت نش در معادله (۳) برای مدل سازی رفتار همکارانه در بین بازیگران یک سطح و رویکرد نظریه بازی استکلبرگ، برای مدل سازی

برای دستیابی به یک مکانیزم مقاوم از دیدگاه RDO^1 لازم است میانگین خطای پیمایش (μ_{TE}) و واریانس خطای پیمایش (σ_{TE}^2) به حداقل برسد تا حساسیت مکانیزم به نامعینی موجود در پارامترهای آن، تا حد امکان کاهش یابد. روش RDO معمولاً در مواقعی استفاده می‌شود که طراح بخواهد با وجود نامعینی در پارامترها یا متغیرهای طراحی، پاسخی مقاومتر و با حساسیت کمتر نسبت به نامعینی‌های موجود در سیستم داشته باشیم. در دیدگاه هدف RDO کمینه کردن میانگین و واریانس هر یک از توابع هدف است که در آن به جای k تابع هدف، باید $2k$ تابع هدف را برای بهینه‌سازی چندهدفی مدنظر قرار داد. بدینهی است که بهینه‌سازی مقاوم مستلزم کمینه شدن هم‌زمان میانگین و واریانس هر یک از توابع هدف است. علاوه بر این، تضمین شرط گراف ^۲ باوجود نامعینی بیشترین اهمیت را در هر دو مرحله طراحی و ساخت دارد. از این‌رو، لازم است یک تابع هدف از دیدگاه $RBDO^3$ ، یعنی قابلیت اطمینان مکانیزم در ارض اشتراحت گراف (۴) تعریف شود. در تحلیل بر اساس $RBDO$ ، احتمال شکست سیستم نسبت به بعضی مقادیر آستانه‌ای کاهش می‌یابد.

قید دینامیکی شامل به حداقل رساندن حداقل گشتاور ورودی در یک دور کامل چرخش مکانیزم تعریف می‌شود. هر لینک متحرک شامل m_i با جرم r_i ، $i = 2, 3, 4$ و یک مقدار ممان اینرسی I_i است. بدون از دست دادن کلیت مسئله، هر لینک متحرک به عنوان یک میله باریک همگن مدل سازی می‌شود. متعاقباً معادلات دینامیکی حاکم به صورت روابط (۹) به دست می‌آیند [۲۴].

$$F_{O2x} + F_{12x} - F_{23x} = 0 \quad (a9)$$

$$F_{O2y} + F_{12y} - F_{23y} = 0 \quad (b9)$$

$$F_{O3x} + F_{23x} - F_{34x} = 0 \quad (c9)$$

$$F_{O3y} + F_{23y} - F_{34y} = 0 \quad (d9)$$

$$F_{O4x} + F_{34x} + F_{14x} = 0 \quad (e9)$$

$$F_{O4y} + F_{34y} + F_{14y} = 0 \quad (f9)$$

³ Reliability Based Design Optimization

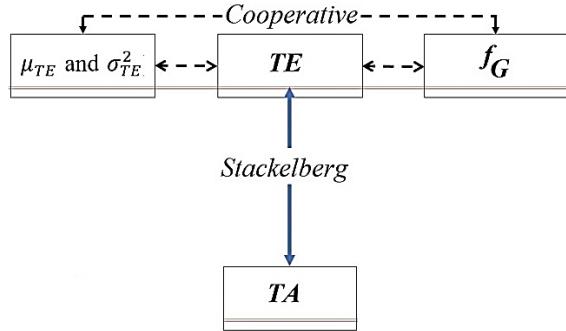
¹ Robust Design Optimization

² Grashof

به حداکثر رساندن تابع چانهزنی $F_{B-leader}$ منجر به یک حل پارتو در سطح پیشرو می‌شود؛ زیرا مثبت بودن هر بخش در معادله (۱۱) بهینه بودن پاسخ پارتو را تضمین می‌کند. به‌آسانی استنباط می‌شود که بهترین مقادیر ممکن از معیارهای TE^b , TAB , μ_{TE}^b , σ_{TE}^{2-b} ، مقدار صفر است. بدیهی است که بدترین مقدار f_G^W مقدار یک است؛ همچنین بر اساس رابطه (۷)، $TA^W = 90^2 + 90^2 = 16200$ به دست می‌آید. به‌منظور تعیین TE^W ، حداکثر مقدار TE بر اساس استنباط شهودی از طراحی مکانیزم تعریف می‌شود. روش نمونه‌برداری MCS با ۲۰۰ نمونه در بازه تعریف پارامترهای طراحی تولیدشده است. درنتیجه، توابع هدف TE برای هر نمونه محاسبه می‌شود.

در این مرحله از طراحی سناریو بازی، مفهوم نظریه بازی استاکلبرگ با استفاده از ترکیب GP و MCS برای یافتن مدل تقریبی RRS بازیگر دنباله‌رو ارائه می‌شود. از نقطه نظر اجرای سناریو، بازی توسط پیرو شروع می‌شود، یعنی ابتدا باید مسئله بهینه‌سازی بازیگر پیرو انجام شود. این امر برای به دست آوردن (x_l) از X_f^N (۴) به عنوان RRS بازیگر پیرو می‌باشد که برای کمینه‌سازی (x_f, x_l) ، لازم است. الگوریتم GP در هم افزایی با MCS به عنوان یک متامدل برای ایجاد RRS بازیگر پیرو، استفاده می‌شود. متغیرهای پیشرو و متغیرهای پیرو به ترتیب بیانگر مجموعه داده‌های ورودی و خروجی می‌باشند. از شبیه‌سازی مونت کارلو برای تولید نمونه‌های r_1 و r_2 استفاده شده است. احمدی و همکاران [۱۰] به صورت تحلیلی نشان دادند که برابر قرار دادن r_3 و r_4 بهینگی معیار TA را تضمین می‌کند. در اینجا با استناد به مرجع [۱۰] مقدار r_4 و r_3 در فرایند طراحی برابر در نظر گرفته می‌شود. برای ایجاد مدل GP ، ۲۰۰ مجموعه داده ورودی-خروجی ارائه شده است که در آن ۱۳۰ و ۷۰ جفت داده ورودی-خروجی به ترتیب برای آموزش و پیش‌بینی استفاده می‌شوند. جدول ۱ پارامترهای تعیین شده GP را نشان می‌دهد.

رفتار سطوح بالا و پایین استفاده می‌شود. متامدل نوع GP برای به دست آوردن تقریبی RRS بازیگر دنباله‌رو استفاده می‌شود.



شکل ۲- سناریوی نظریه بازی پیشنهاد شده

انتخاب مقادیر دو متغیر طراحی r_3 و r_4 (که زیرمعیار TA هستند) به بازیگر پیرو داده می‌شود، در حالی که $r_1, r_2, r_{cx}, r_{cy}, \theta_0, x_0, y_0$ به بازیگران سطح پیشرو اختصاص داده شده است. مقادیر معیارهای سطح پیشرو دارای مقیاس‌های متفاوتی هستند که انتخاب تابع حکمیت نش را با چالش مواجه می‌کند. برای رفع این مشکل، توابع هدف نرمال شده مربوط به بازیگران به صورت روابط (۱۰) تعریف می‌شوند:

$$f_{Accuracy} = \left(\frac{TE^W - TE}{TE^W - TE^b} \right) \quad (a10)$$

$$f_{Robustness} = \left(\frac{\mu_{TE}^W - \mu_{TE}}{\mu_{TE}^W - \mu_{TE}^b} \right) \left(\frac{\sigma_{TE}^{2-W} - \sigma_{TE}^2}{\sigma_{TE}^{2-W} - \sigma_{TE}^{2-b}} \right) \quad (b10)$$

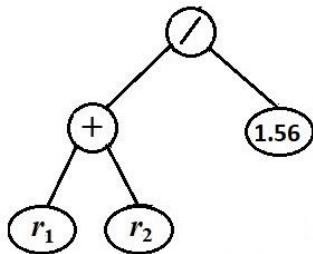
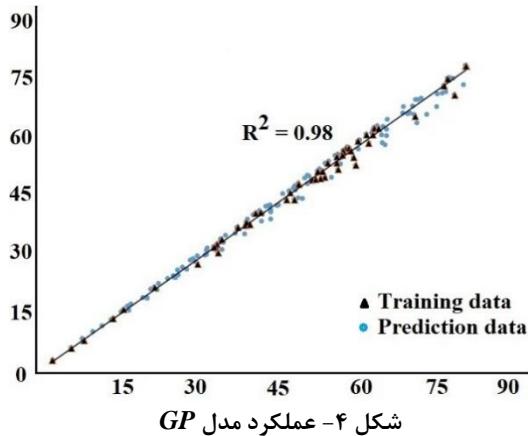
$$f_{Reliability} = \left(\frac{f_G^W - f_G}{f_G^W - f_G^b} \right) \quad (c10)$$

$$f_{Quality\ of\ motion} = \left(\frac{TA^W - TA}{TA^W - TA^b} \right) \quad (d10)$$

که در آن، زیرنویسهای b و w به ترتیب نشان‌دهنده بهترین مقدار ممکن و بدترین مقدار ممکن معیارها هستند. روابط (۱۰) منجر به یک حل پارتو می‌شود. تابع حکمیت بازیگران در سطح پیشرو به صورت رابطه (۱۱) ساخته می‌شوند:

$$F_{B-leader} = f_{Accuracy} \times f_{Robustness} \times f_{Reliability} \quad (11)$$

$$r_3 = r_4 = \frac{r_1 + r_2}{1.56} \quad (13)$$

شکل ۳- ساختار درختی r_4 و r_3 

۵- نتایج و بحث

به منظور وارد کردن نامعینی در فرایند طراحی، نامعینی پارامتری به مقدار $\pm 3\%$ با توزیع نرمال حول مقدار اسمی r_1, r_2, r_3 در نظر گرفته شده است. با این حال، رویکرد پیشنهادی برای هر مقدار نامعینی با توزیع نرمال می‌تواند اعمال شود. در جدول ۲ مشخصات توزیع احتمالاتی پارامترهای نامعین نشان داده شده است.

جدول ۱- پارامترهای برنامه‌ریزی ژنتیکی

میزان جمعیت	۲۰۰
نسل	۳۰۰
حداکثر عمق	۱۰
احتمال کراس اور پیوند	۰/۹
احتمال جهش	۰/۱۵
روش انتخاب تناسب	تورنومنت باینری
معیارهای توقف	حداکثر تعداد نسل
مجموعه عملکرد	{plus, multiple, minus, divide}
مجموعه پایانه	{ r_1, r_2, rand }

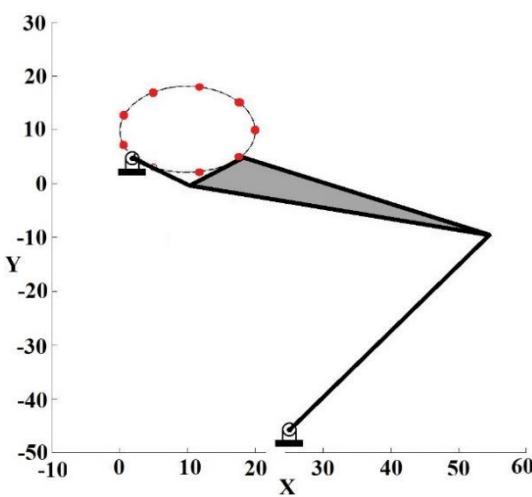
رابطه صریح ریاضی متamodel GP برای مقادیر بهینه r_4 و r_3 معادله (۱۳) ارائه شده است؛ همچنین ساختار درختی معادله (۱۳) در شکل ۳ ارائه شده است. شکل ۴ یک نمایش گرافیکی برای بررسی کارایی GP ارائه می‌دهد. مدل GP پیشنهادی به طور چشمگیری ضریب همبستگی بالایی برابر مقدار $R^2 = 0.98$ را ارائه می‌دهد. در نهایت، بهینه‌سازی تک‌هدفه معادله (۱۲) انجام می‌شود. قابل ذکر است معادلات (۱۲) بیانگر یک مسئله بهینه‌سازی تک‌هدفه می‌باشد که در آن مسئله کمینه‌سازیتابع هدف $F_{B-leader}$ (که با استفاده از مسئله حکمیت نش و مطابق معادله (۱۱) تشکیل شده از حاصلضرب سه تابع هدف در سطح بالایی سناریو بازی می‌باشد) با استفاده از الگوریتم ژنتیک انجام می‌شود. همچنین باید دقت شود که در روند بهینه‌سازی، متغیرهای r_3, r_4 مستقیماً جزو متغیرهای طراحی نبوده بلکه مطابق معادله (۱۳) وابسته به متغیرهای طراحی r_1, r_2 می‌باشند.

$$\begin{aligned} \text{Upper level: } & \max (F_{B-leader}) \\ & \text{by varying } r_1, r_2, r_{cx}, r_{cy}, \theta_0, x_0, y_0 \end{aligned} \quad (a12)$$

$$\begin{aligned} \text{Lower level: } & \min (TA) \\ & \text{by varying } r_3, r_4 \end{aligned} \quad (b12)$$

جدول ۲- پارامترهای نامعین

پارامتر	میانگین	واریانس	نوع توزیع
r_1	مقدار اسمی r_1	۳ %	نرمال (گوسین)
r_2	مقدار اسمی r_2	۳ %	نرمال (گوسین)
r_3	مقدار اسمی r_3	۳ %	نرمال (گوسین)
r_4	مقدار اسمی r_4	۳ %	نرمال (گوسین)



شکل ۵- پیکربندی مکانیزم چهارلینکی طراحی شده
(نمونه مطالعاتی اول)

جدول ۳- نتایج مقایسه مکانیزم‌های چهارلینکی (نمونه
مطالعاتی اول)

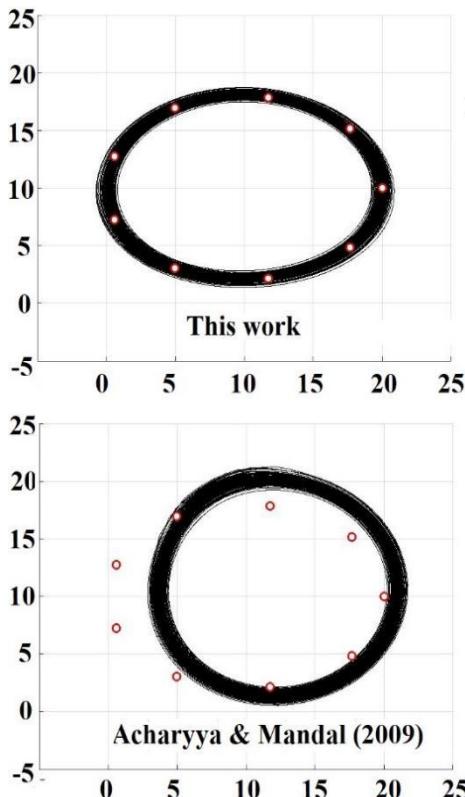
پارامتر \ مکانیزم	A-DE [۵]	تحقيق حاضر
r_1	۵۴/۳۶۰۸۹۳	۵۴/۹۷۶۷۶
r_2	۸/۶۸۳۳۵۱	۹/۴۳۴۵۲
r_3	۳۴/۳۱۸۶۳۴	۴۵/۵۴۴۲۴
r_4	۷۹/۹۹۶۱۷۱	۴۵/۵۴۴۲۴
r_{cx}	-۰/۰۰۰۱۸۷	۶/۴۴۸۳۵
r_{cy}	۱/۴۶۵۲۵	۶/۶۷۴۳۰
x_0	۱۰/۹۵۴۳۹۷	۲/۲۹۱۰۹
y_0	۱۱/۰۷۴۵۳۴	۴/۹۷۷۵۰
θ_0	۲/۱۲۹۶۵	۵/۱۵۲۰۶
TE	۱/۹۵۲	-۰/۰۴۸
TA	۹۷۷۷/۱۸	۹۰۰
μ_{TE}	۳۷/۵۳۱	۱/۰۶۷
σ_{TE}^2	۴/۰۵۶	۱/۷۰۱
$f_G (\%)$	۴۸	.
T_s	۳.۶	۱

در نمونه مطالعاتی اول، نقاط
 $\{C_d^i\} = \left\{ \begin{array}{l} (20, 10), (17/66, 15/14), (11/73, 17/87), \\ (5, 16/92), (0/603, 12/73), (0/603, 7/26), \\ (5, 3/07), (11/73, 2/12), (17/66, 4/85), \\ (20, 10) \end{array} \right\}$

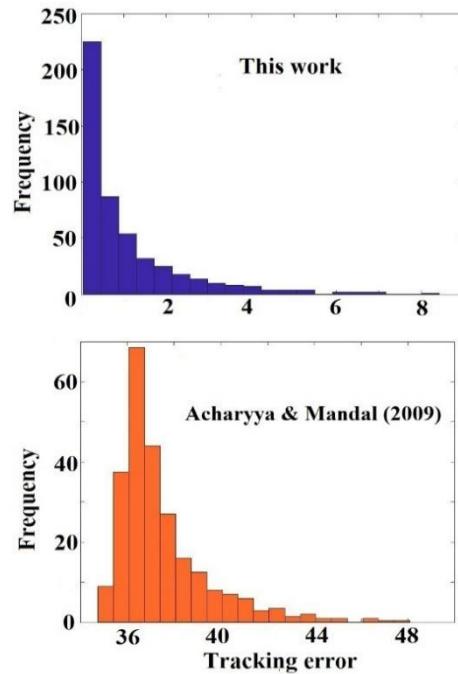
مسیر موردنظر را مشخص می‌کند که باید توسط نقطه کاپلر پیمایش شود. همچنین محدوده آن روی $r_1, r_2, r_3, r_4 \in [-60, 60]$ و $\theta_0 \in [0, 2\pi]$ قرار داده شده است. شکل ۵ پیکربندی مکانیزم طراحی شده را نشان می‌دهد. جدول ۳ پارامترهای طراحی بهینه مکانیزم‌ها، مقادیر معین توابع هدف (که در مقادیر اسمی پارامترهای طراحی ارزیابی می‌شوند) و همچنین معیارهای احتمالاتی توابع هدف این تحقیق همراه با موارد گزارش شده در ادبیات موضوع را نشان می‌دهد. از جدول ۳، آشکار است که طراحی مبتنی بر نظریه بازی تحقیق حاضر در هنگام در نظر گرفتن توابع هدف احتمالاتی بهطور قابل توجهی برتر از دیگر مکانیزم ارائه شده در ادبیات موضوع است. همانطور که مشاهده می‌شود، عملکرد مکانیزم در مواجهه با خطای ساختاری بسیار رضایت بخش بوده، بطوری که خطای پیمایش و انحراف زاویه انتقال مکانیزم طراحی شده از مقدار ایده‌آل به ترتیب 0.48° و 9.00° است. بطور خلاصه، نتایج بدست آمده از مکانیزم پژوهش حاضر افزایش قابل توجهی در قابلیت اطمینان و رفتار مقاوم مکانیزم را نشان می‌دهند، در حالی که هر دو معیار دقت و کیفیت حرکت حفظ شده است.

برتری مکانیزم پیشنهادی نسبت به مکانیزم A-DE در معیار دینامیکی نیز خود را نشان داده است. همانطور که از جدول ۳ قابل مشاهده است، بیشینه گشتاور مورد نیاز برای دوران کامل مکانیزم پیشنهادی برابر ۱ است که نسبت به مکانیزم A-DE تقریباً ۴ برابر کاهش داشته است. قابل ذکر است که در این نمونه مطالعاتی از تعداد ۳۰۰ نمونه برای ساخت مدل GP استفاده شده است.

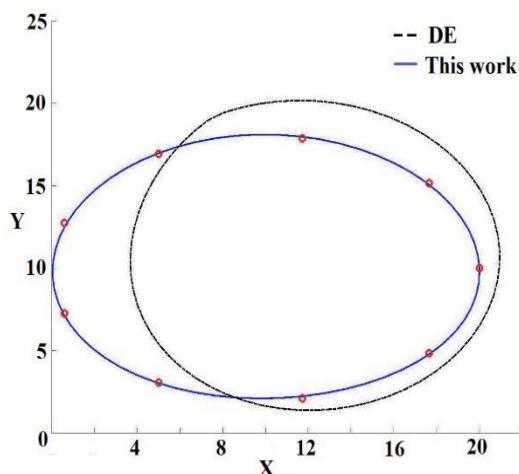
در ادامه، معیارهای عملکرد مکانیزم به دست آمده در این مطالعه با مکانیزم A-DE مقایسه شده است که در دوران کامل مکانیزم با وجود نامعینی $\pm 3\%$ در طول لینک‌ها انجام می‌شود. شکل ۶ هیستوگرام TE را برای هر دو مکانیزم نشان می‌دهد. در استخراج این ارقام، روش MCS با تعداد نمونه‌برداری ۵۰۰ برای بررسی عملکرد مکانیزم‌ها انجام شده است. از شکل ۶ مشخص است که مکانیزم طراحی شده رفتار مقاوم و قابل اطمینانی از خود نشان می‌دهد.



شکل ۷- محدوده جاروب منحنی‌های کاپلر



شکل ۶- هیستوگرام



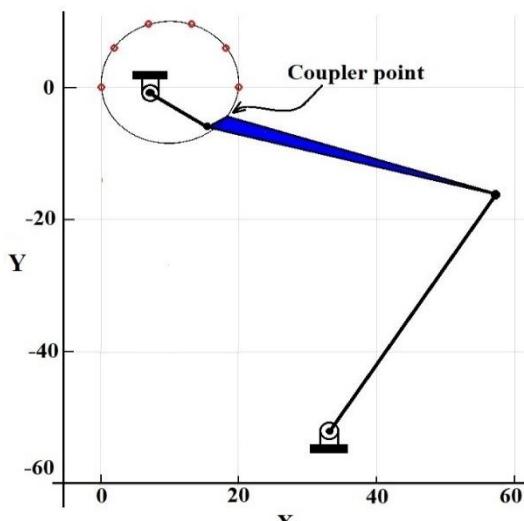
شکل ۸- مسیر ایجاد شده توسط نقطه کاپلر برای ابعاد معین مکانیزم

شکل ۷ منحنی‌های کاپلر مکانیزم طراحی شده در این تحقیق را در مقایسه با مکانیزم A-DE نشان می‌دهد. شکل ۷ بهوضوح نشان می‌دهد که منحنی‌های کاپلر در مکانیزم پیشنهادی در محدوده بسیار نازک‌تر از مکانیزم A-DE است که نشان‌دهنده تأثیر ناچیز نامعینی ابعادی در عملکرد مکانیزم است. شکل ۸ تابع هدف خطای پیمایش مکانیزم را در مقادیر اسمی پارامترها نشان می‌دهد. همانطور که از شکل ۸ مشاهده می‌شود، مکانیزم پیشنهادی خطای ساختاری ۸ ناچیزی دارد. علاوه بر این، شکل ۹ مقایسه بین انحراف زاویه انتقال از مقدار ایده‌آل مکانیزم پیشنهادی و مکانیزم A-GA را نشان می‌دهد. کیفیت حرکت مکانیزم پیشنهادی کاملاً مشخص و دارای برتری قابل توجهی است. از شکل‌های ۸ و ۹ می‌توان نتیجه گرفت که رویکرد پیشنهادی عملکرد مکانیزم چهارلینکی در فضای معین را بهبود می‌بخشد. شکل ۱۰ گشتاور حرکتی را در یک دوران کامل مکانیزم‌ها را نشان می‌دهد. شایان ذکر است که مقدار بیشینه گشتاور ورودی بهبودیافته و به طور همزمان قید دینامیکی ارضا شده است.

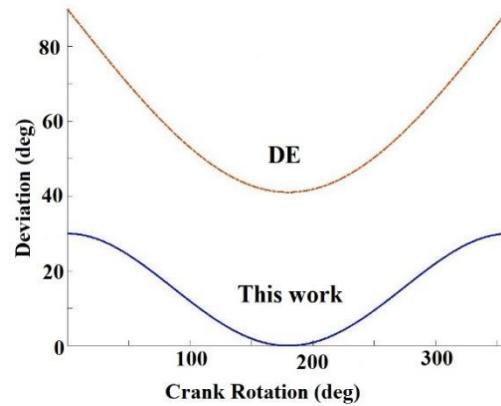
موضوع را نشان می‌دهد. از جدول ۴، آشکار است که طراحی مبتنی بر نظریه بازی در تحقیق حاضر با در نظر گرفتن تمامی توابع هدف بهطور قابل توجهی برتری دارد.

جدول ۴- نتایج مقایسه مکانیزم‌های چهارلینکی (نمونه مطالعاتی دوم)

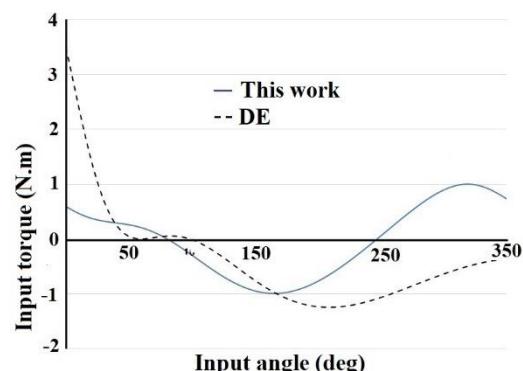
مکانیزم پارامتر	Ref. [25]	تحقیق حاضر
r_1	۵۰	۵۷/۳۴۴۱
r_2	۹/۴۳۸	۹/۸۳۸۰
r_3	۲۲/۵۰۷۶۴	۴۳/۰۹۷۶
r_4	۳۸/۷۴۱	۴۳/۰۹۷۶
r_{cx}	-۴۵/۳۶۱۲	۲/۴۰۴۸۱
r_{cy}	-۲۸/۵۹۱۵	۲/۳۱۶۳۷
x_0	۳۹/۶۰۱۶	۷/۰۵۷۵۰
y_0	-۴۳/۶۶۰	-۰/۸۹۱۴
θ_0	۰/۸۶۹۸۳	۵/۱۸۴۷۴
TE	۴/۶۵۴۵	۰/۰۲۸۷۲
TA	۳۱۱۷/۷۱	۶۸۸/۱۳
μ_{TE}	۱۶/۳۴	۰/۵۷۸
σ_{TE}^2	۲/۰۵	۰/۴۶۶
(%) f_G	۸	.
T_s	۱/۶۵	۱



شکل ۱۱- پیکربندی مکانیزم چهارلینکی طراحی شده (نمونه مطالعاتی دوم)



شکل ۹- مقایسه انحراف زاویه انتقال مکانیزم از مقدار ایده‌آل ۹۰ درجه



شکل ۱۰- تغییرات گشتاور ورودی در دوران کامل مکانیزم

در نمونه مطالعاتی دوم، نقاط

$$\begin{aligned} & \{C_d^i\} \\ & = \{(0, 0), (1/90.98, 5/8779), (6/90.98, 9/510.6), \\ & (13/9, 9/510.6), (18/9, 5/8779), (20, 0)\} \\ & \text{مسیری را مشخص می‌کند که باید توسط نقطه کاپلر بیمایش} \\ & \text{شود؛ همچنین محدوده آن روی } [0, 50], r_1, r_2, r_3, r_4 \in [0, 50] \text{ روی } \theta_0 \in [0, 2\pi] \text{ و } r_{cx}, r_{cy}, x_0, y_0 \in [-50, 50] \text{ قرار داده} \\ & \text{شده است.} \end{aligned}$$

شکل ۱۱ پیکربندی مکانیزم طراحی شده را نشان می‌دهد. جدول ۴ پارامترهای طراحی بهینه مکانیزم‌ها، مقدار معین متغیرهای طراحی (که در مقدار اسمی پارامترهای طراحی ارزیابی می‌شوند) و همچنین معیارهای احتمالاتی توابع هدف نتایج پژوهش حاضر همراه با نتایج گزارش شده در ادبیات

۶-نتیجه‌گیری

- Mechanism and Machine Theory, vol. 45, no. 8, pp. 1096-1107.
- [8] E. Ghotbi and A. K. Dhingra (2012) "Optimum design of high-speed 4-bar mechanisms using a bi-level game theoretic approach," in ASME International Mechanical Engineering Congress and Exposition , vol. 45196: American Society of Mechanical Engineers, pp. 223-232.
- [9] B. Ahmadi, N. Nariman-zadeh, and A. Jamali (2017) "Path synthesis of four-bar mechanisms using synergy of polynomial neural network and Stackelberg game theory," Engineering Optimization, vol. 49, no. 6, pp. 932-947.
- [10] B. Ahmadi, N. Nariman-Zadeh, and A. Jamali (2019) "A Stackelberg game theoretic multi-objective synthesis of four-bar mechanisms," Structural and Multidisciplinary Optimization, vol.60,no.2, pp. 699-710.
- [11] S. Nguyen-Van, Q. X. Lieu, N. Xuan-Mung, and T. T. N. Nguyen (2022) "A new study on optimization of four-bar mechanisms based on a hybrid-combined differential evolution and Jaya algorithm," Symmetry, vol. 14, no. 2, p. 381.
- [12] G. Etesami, M. E. Felezi, and N. Nariman-zadeh (2022) "Pareto optimal balancing of four-bar mechanisms using multi-objective differential evolution algorithm," J. Comput. Appl. Mech., vol.51, no. 1, pp. 55-65, 2020.
- [13] B. Ahmadi, B. Ahmadi, S. N. Chegini, and L. Safari (2021) "Multi-objective reliability-based optimal synthesis of path generating four-bar mechanisms: Acooperative game theoretic approach," Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part C: J. Mech. Eng. Sci.,p.09544062211028902.
- [14] R. Wu, R. Li, and S. Bai (2021) "A fully analytical method for coupler-curve synthesis of planar four-bar linkages," Mechanism and Machine Theory, vol.155, p. 104070.
- [15] A. Qaiyum and A. Mohammad (2022) "A novel approach for optimal synthesis of path generator four-bar planar mechanism using improved harmony search algorithm," Austra. J. Mech. Eng., pp. 1-14.
- [16] V. K. Pathak, R. Singh, A. Sharma, R. Kumar, and D. Chakraborty (2023) "A Historical Review on the Computational Techniques for Mechanism Synthesis: Developments Up to 2022," Archives of Computational Methods in Engineering, vol. 30, no. 2, pp. 1131-1156.
- [17] A. Jamali, M. Ghamati, B. Ahmadi, and N. Nariman-Zadeh (2013)"Probability of failurefor uncertain control systems using neural networks and multi-objective uniform-diversity genetic algorithms (MUGA),"Engineering Applications of Artificial Intelligence, vol.26, no.2, pp.714-723.
- [18] A. Jamali, B. Ahmadi, M. Ghamati, and N. Nariman-zadeh (2015) "Reliability-based optimal controller design for systems with probabilistic

در این پژوهش، به بهینه‌سازی چنددهدفه مقاوم مکانیزم چهار لینکی با وجود نامعینی در طول لینک (شامل توابع هدف خطای پیمایش، میانگین و واریانس خطای پیمایش، کیفیت حرکت مکانیزم و قابلیت اطمینان مکانیزم) پرداخته شد. با اعمال هر یک از توابع هدف به یک مدل بازیگر در یک مدل بازی استاکلبرگ- همکارانه، یک ستاریو بازی بصورت ترکیبی از دیدگاه تصمیم‌گیری رقابتی (در رهیافت نظریه بازی) و دیدگاه (در تحلیل احتمالاتی) پیشنهاد و بکار گرفته شد. تعامل بین بازیگران در سطح پیشرو بصورت رویکرد همکارانه مدل شد؛ همچنین بازیگر کیفیت حرکت مکانیزم در سطح پیشرو در بازی استاکلبرگ قرار داده شد. برای بیان تعامل و مدل‌سازی ریاضی همکارانه بازیگران در سطح پیشرو از مسئله حکمیت نش استفاده شد. برای تخمین RRS بازیگر پیشرو از برنامه‌ریزی ژنتیکی استفاده شد. نشان داده شد که مکانیزم طراحی شده از تحلیل در فضای نامعین در شرایطی که پارامتر-های طول لینک دارای نامعینی باشند، عملکرد آن مقاوم و مطلوب خواهد بود؛ همچنین نشان داده شد که عملکرد مکانیزم بدست آمده از تحلیل نامعین در فضای معین و برای مقادیر نامی طول لینک مکانیزم قابل قبول می‌باشد.

مراجع

- [1] G. H. Martin (2002) Kinematics and dynamics of machines. Waveland Press.
- [2] R. L. Norton (2004) Design of machinery: an introduction to the synthesis and analysis of mechanisms and machines. Boston: McGraw-Hill Higher Education.
- [3] G. P. Roston and R. H. Sturges (1996) "Genetic algorithm synthesis of four-bar mechanisms," AI EDAM, vol.10, no. 5, pp. 371-390.
- [4] J. Cabrera, A. Simon, and M. Prado (2002) "Optimal synthesis of mechanisms with genetic algorithms," Mechanism and machine theory, vol.37, no. 10, pp.1165-1177.
- [5] S. Acharyya and M. Mandal (2009) "Performance of EAs for four-bar linkage synthesis," Mechanism and Machine Theory, vol.44, no.9, pp.1784-1794.
- [6] N. Nariman-Zadeh, M. Felezi, A. Jamali, and M. Ganji (2009) "Pareto optimal synthesis of four-bar mechanisms for path generation," Mechanism and Machine Theory, vol. 44, no. 1, pp. 180-191.
- [7] W.-Y. Lin (2010) "A GA-DE hybrid evolutionary algorithm for path synthesis of four-bar linkage,"

- [23] H. Khayyam, A. Jamali, H. Assimi, and R. N. Jazar, "Genetic programming approaches in design and optimization of mechanical engineering applications (2020) in Nonlinear approaches in engineering applications: Springer, pp. 367-402.
- [24] E. Ghotbi (2016) "Multi-objective optimization of mechanism design using a bi-level game theoretic formulation," *Concurrent engineering*, vol. 24, no.3, pp. 266-274.
- [25] S. Ebrahimi and P. Payvandy (2015) "Efficient constrained synthesis of path generating four-bar mechanisms based on the heuristic optimization algorithms," *Mechanism and Machine Theory*, vol.85, pp. 189-204.
- uncertain parameters using fuzzy limit state function," *J. Vibrat. Cntr.*, vol.21,no.7,pp.1419-1429.
- [19] R. T. Marler and J. S. Arora (2004) "Survey of multi-objective optimization methods for engineering," *Structural and multidisciplinary optimization*, vol.26, pp. 369-395.
- [20] J. Nash (1953) "Two-person cooperative games," *Econometrica: J. Econom. Society*, pp. 128-140.
- [21] R. Mallipeddi, I. Gholaminezhad, M. S. Saeedi, H. Assimi, and A. Jamali (2020) "Robust controller design for systems with probabilistic uncertain parameters using multi-objective genetic programming," *Soft Computing*, pp. 1-17.
- [22] A. Jamali, E. Khaleghi, I. Gholaminezhad, and N. Nariman-Zadeh (2016) "Modelling and prediction of complex non-linear processes by using Pareto multi-objective genetic programming," *Int. J. Sys. Sci.*, vol. 47, no. 7, pp. 1675-1688.