





تولید آنتروپی نانوسیالات در همرفت طبیعی در محفظههای متخلخل مستطیلشکل

ایمان زحمت کش * استادیار، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد مشهد، گروه مکانیک، مشهد، ایران تاریخ دریافت: ۱۳۹۲/۰۷/۲۹: تاریخ بازنگری: ۱۳۹۳/۰۶/۲۶، تاریخ پذیرش: ۱۳۹۲/۰۹/۲۴

چکیدہ

این مقاله به تحلیل تولید آنتروپی نانوسیالات در همرفت طبیعی در محفظههای متخلخل مستطیل شکل می پردازد. هدف، تعیین شرایط بهینه از نظر قوانین اول و دوم ترمودینامیک است. برای این منظور، معادلات بقای جرم، اندازه حرکت و انرژی نانوسیال به شیوهٔ عددی حل می شوند. سپس، نرخ تولید آنتروپی محاسبه شده و مورد تجزیه و تحلیل قرار می گیرد. محاسبات برای نانوذرات مس، اکسیدآلومینیم و اکسیدتیتانیوم در سیال پایهٔ آب انجام شده، نتایچ با هم مقایسه می شوند. علاوه بر این، تأثیر کسر حجمی نانو ذرات، عدد رایلی، نسبت منظری محفظه، تبادل تابش و اثرات غیردارسی بر انتقال گرما و تولید آنتروپی در محفظه بررسی می شود. کنکاش در نتایج ارائه شده، نشان می دهد که حضور تبادل تابش و اثرات غیردارسی، نقش مهمی در انتقال گرما و تولید آنتروپی در محفظه دارند. در میان نانوسیالات مطالعه شده، بیشترین انتقال گرما و تولید آنتروپی در نانوسیال آب-مس رخ می دهد.

كلمات كليدى: نانوسيال؛ توليد أنتروبى؛ همرفت طبيعى؛ محيط متخلخل

Entropy generation of nanofluids during natural convection in rectangular porous enclosures

Iman Zahmatkesh*

Assisant Professor, Department of Mechcanical Engineering, Mashhad Branch, Islamic Azad University, Mashhad, Iran

Abstract

Entropy generation of nanofluids during natural convection in rectangular porous enclosures is analyzed in this paper. The objective is to find optimum circumstances from the standpoints of the First Law and the Second Law of thermodynamics. For this purpose, the mass, momentum, and energy conservation equations are solved numerically. Thereafter, the generation of entropy is calculated and discussed. Computations are undertaken for Cu, Al₂O₃, and TiO₂ nanoparticles in a base fluid of water and the corresponding results are compared. Moreover, the influences of volume fraction of the nanoparticles, Rayleigh number, enclosure aspect ratio, radiation exchange, and non-Darcy effects on heat transfer and entropy generation in the enclosure are analyzed. Inspection of the presented results demonstrates that radiation exchange and non-Darcy effects possess prominent consequences on heat transfer and entropy generation inside the enclosure. Among the current nanofluids, the highest heat transfer and entropy generation appears in the Cu-water nanofluid.

Keywords: Nanofluid; Entropy generation; Natural convection; Porous medium

^{*} نویسنده مسئول؛ تلفن: ۰۵۱۳۶۶۲۵۰۴۶ ؛ فکس: ۲۵۱۳۶۶۲۵۰۴۶ آدرس پست الکترونیک: Za<u>hmatkesh5310@mshdiau.ac.ir</u>

۱– مقدمه

مطرحشدن نانوسیالات به عنوان محیطی جدید برای انتقال گرما، مطالعهٔ بسیاری از مسایل همرفت در این محیط را ضروری کرده است. بدین سبب، در سالهای اخیر، مطالعات عددی و آزمایشگاهی فراوانی در زمینه انتقال گرمای همرفت نانوسیالات، چه در حالت طبیعی و چه در حالت واداشته گزارش شده است. به تازگی نیز همرفت طبیعی نانوسیالات در محفظههای پرشده از مواد متخلخل، مورد توجه محققان قرارگرفته است.

سان و پاپ [۱]، به تحلیل عددی همرفت طبیعی نانوسیالات در محفظههای متخلخل مثلثی پرداختهاند. محفظه مورد بررسی آنها، مثلثی قائمالزاویه به همراه یک گرمکن با طول محدود روی دیوار عمودی آن بوده است. دیوار مورب، سردتر از گرمکن درنظر گرفته شده، سایر دیوارها عایق فرض شدهاند. در این تحلیل، مدل دارسی برای توصیف جریان به کار رفته، نتایج برای سه نانوسیال مختلف (آب-مس، آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم) در گسترهٔ وسیعی از عدد رایلی، اندازهٔ و موقعیت گرمکن، نسبت منظری محفظه و کسرحجمی نانو ذرات ارائه شده است. کنکاش در نتایج نشان داد که بهبود انتقال گرما، می تواند با کاهش نسبت منظری محفظه، پایین آوردن یا بزرگ کردن گرمکن و بالابردن عدد رایلی تحقق یابد. همچنین، مشخص شد که اگرچه در رایلیهای کوچک، افزایش کسرحجمی نانوذرات، بهبود انتقال گرما را بهدنبال دارد، اما با بالارفتن عدد رایلی، این روند وارونه می شود. نتایج، حاکی از این واقعیت است که در میان نانوسیالات مطالعه شده، انتقال گرمای نانوسیال آب-مس، بيشترين است.

به تازگی نیز مسألهٔ انتقال گرمای ترکیبی (رسانش-همرفت) نانوسیالات در محفظههای متخلخل، توسط چمخا و اسماعیل [۲]، مورد بررسی قرار گرفته است. آنها یک محفظه مربعشکل را درنظرگرفتند که دیواری ضخیم مثلثی در سمت چپ آن نصب شده بود. محفظه از طریق دیوارهای افقی و عمودی این مثلث گرم شده، دیوار سمت راست محفظه، آن را سرد می کرد. همچنین، سایر دیوارها، عایق درنظرگرفته شدهاند. در این تحلیل نیز، توصیف محیط متخلخل بر پایه مدل دارسی بوده و نانوسیالات گوناگون در گستره وسیعی از عدد رایلی، ابعاد مثلث، نسبت ضرایب

رسانش گرمایی دیوار به نانوسیال و کسرحجمی نانو ذرات، مورد بررسی قرار گرفتهاند. تحلیل نتایح آنها نشان داد که بسته به مقدار عدد رایلی و ابعاد مثلث نصب شده، افزایش کسرحجمی نانوذرات، میتواند انتقال گرما را کمتر یا بیشتر کند. آنها نیز مشابه سان و پاپ [۱] دریافتند که در میان نانوسیالات، آب-مس، آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم، انتقال گرمای نانوسیال آب-مس، بیشترین مقدار را داراست.

در حال حاضر، استفاده از قانون دوم ترمودینامیک برای تحلیل تولید آنتروپی در مسایل گوناگون، مورد توجه است که می تواند معیاری کمی برای ایجاد برگشتناپذیری های ناشی از اصطکاک، انتقال گرما و سایر فرآیندهای غیرایدهآل موجود در مسأله ارائه كند. تحليل قانون دوم ترموديناميك، امكان بهینهسازی فرآیندها را با کمک کمینه کردن تولید آنتروپی فراهم می آورد. بدین منظور، ابتدا آنتروپی تولیدشده به صورت تابعی از هندسه، مواد به کار می رود و سایر قیود مسأله تعیین می شود. در این راستا، لازم است که بر اساس اصول ترمودینامیک، مکانیک سیالات، انتقال گرما و انتقال جرم یک مدل از مسأله تهیه شود. در ادامه، مدل بهدستآمده در شرایط مختلف، مورد استفاده قرارگرفته و حالتهایی با كمترين توليد آنتروپي جستجو مي شوند. ايدهٔ چنين شيوهاي توسط بیژن [۳] ارائه شده، تاکنون در تحلیل طیف وسیعی از مسایل مهندسی مورد استفاده بوده است. مراجعه به مقالات موجود نشان میدهد که برای اولین بار بایتاس [۴]، به محاسبه تولید آنتروپی در همرفت طبیعی در محفظههای متخلخل پرداخته است. محمود و فریزر [۵]، تأثیر میدان مغناطیسی را بر همرفت طبیعی و تولید آنتروپی در محفظههای متخلخل بررسی کردهاند. زحمتکش [۶]، تأثیر شرایط مرزی محفظه را بر تولید آنتروپی در آن مدنظر قرار داده است. بهتازگی نیز زحمتکش، تحلیل خود را به محفظههایی با سه دیوار آدیاباتیک [۷] و محفظههای مورب [۸] توسعه داده است. شیوهٔ کمینه کردن تولید آنتروپی برای بهینهسازی همرفت طبیعی در محفظههای متخلخل، بوسیلهٔ کالوری و بسک [۹] نیز به کاررفته است. همچنین، حیدری و

¹ Entropy generation minimization

همکاران [۱۰]، به مطالعهٔ تأثیر پره بر همرفت طبیعی و تولید آنترویی در یک محفظهٔ متخلخل مربعشکل یرداختهاند.

از آنجایی که قانون دوم ترمودینامیک تاکنون به مسایل همرفت طبیعی نانوسیالات در محفظههای متخلخل اعمال نشده، این پژوهش به تحلیل عددی تولید آنتروپی نانوسیالات در همرفت طبیعی در محفظههای متخلخل مستطیل شکل میپردازد. هدف، تعیین حالتهای بهینه از نظر قوانین اول و دوم ترمودینامیک است.

پژوهشهای انجامشده در زمینهٔ همرفت طبیعی نانوسیالات در محفظههای متخلخل، همگی بر پایهٔ مدل دارسی بودهاند که سرعت سیال در محیط متخلخل را متناسب با گرادیان فشار موجود در آن در نظر می گیرد [۲و۱]. چنین فرضی در سرعتهای زیاد یا محیطهایی با نفوذپذیری بالا، اعتبار خود را از دست میدهد که به جدایش جریان در محیط متخلخل نسبت داده می شود. یکی از روشهای موجود برای غلبه بر این مشکل، اضافه کردن جملهٔ مرتبهٔ دوم سرعت، به رابطهٔ بین سرعت و گرادیان فشار است که آن را جملهٔ فرچهیمر^۱ [۱۱] نامیدهاند.

در پژوهش حاضر، معادلات حاکم مطرح توسط سان و پاپ [۱] و چمخا و اسماعیل [۲]، به یک مدل دارسی-فرچهیمر در حضور تبادل تابش، توسعه داده می شود. سپس، با استفاده از آن، تأثیر جملهٔ فرچهیمر و حضور تبادل تابش و همچنین جنس نانو ذره و کسر حجمی آن، عدد رایلی و نسبت منظری محفظه بر همرفت طبیعی و تولید آنتروپی نانوسیالات در محفظه های متخلخل مستطیل شکل، مورد بررسی قرار می گیرد.

در ادامه، معادلات حاکم بر مسأله بیان میشوند. سپس، شیوهٔ حل عددی و صحه گذاری برنامهٔ کامپیوتری تهیه شده ارائه میشوند. مقاله با تجزیه و تحلیل نتایج شبیهسازی و جمعبندی آنها به پایان میرسد.

۲- معادلات حاکم

شکل ۱، طرح شماتیک محفظهٔ متخلخل موردنظر را نشان میدهد. همان گونه که مشاهده می شود، این محفظه دارای دو دیوار افقی آدیاباتیک و دو دیوار عمودی دما ثابت است به

² Local thermal equilibrium

ره بر همرفت طبیعی و تولید گونهای که دمای دیوار سمت چپ (*T_H*) از دمای دیوار سمت مربع شکل پرداختهاند. راست (*T_c*) بیشتر است. ودینامیک تاکنون به مسایل به منظور ساده سازی معادلات حاکم بر این مسأله، محفظه های متخلخل اعمال فرضیات زیر به خدمت گرفته می شوند. دی تولید آنتروپی نانوسیالات (الف) نانوسیال تراکمناپذیر و نیوتنی است. مای متخلخل مستطیل شکل (ب) جریان نانوسیال در محیط متخلخل، آرام و دوبعدی

(پ) تعادل محلی گرمایی^۲ بین نانوذرات و سیال پایه برقرار بوده، لغزشی بین آنها رخ نمیدهد. (ت) تعادل محلی گرمایی بین نانوسیال و ماتریس جامد برقرار است. (ث) به جز چگالی در جملهٔ شناوری که برای آن تقریب

ابربک-بوزینسک^۳ بهکاررفته، کلیهٔ خواص ترموفیزیکی نانوسیال ثابتند.

(ج) شار تابشی در جهت *y* در مقایسه با شار تابشی در جهت *x* قابل چشمپوشی است.

(چ) محیط ضخیم نوری[†] بوده، از این رو میتوان از تقریب پخش رزلند^ه [۱۲] برای محاسبهٔ شار تابشی استفاده کرد. (ح) مدل دارسی-فرچهیمر، برای توصیف میدان جریان معتبر



³ Oberbeck-Boussinesq approximation

⁴ Optically-Thick

⁵ Rosseland diffusion approximation

¹ Forchheimer term

بدینترتیب، توسعهٔ معادلات حاکم مطرح توسط سان و پاپ [۱] و چمخا و اسماعیل [۲]، به یک مدل دارسی-فرچهیمر در حضور تبادل تابش معادلات حاکم بر مسأله را به صورت زیر بدست خواهد داد:

معادلهٔ ييوستگي:

$$\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} = 0 \tag{1}$$

$$1 + \frac{\widetilde{K}}{\mu_{nf}} \rho_{nf} \left| \vec{V} \right| = -\frac{K}{\mu_{nf}} \frac{\partial p}{\partial x}$$
(٢)

u (

$$v\left(1 + \frac{K}{\mu_{nf}}\rho_{nf}|\vec{V}|\right)$$

= $-\frac{K}{\mu_{nf}}\frac{\partial p}{\partial y}$
+ $\frac{Kg}{\mu_{nf}}[\phi\rho_{p}\beta_{p}$
+ $(1 - \phi)\rho_{f}\beta_{f}](T$
- $T_{C})$ (*)

$$u\frac{\partial T}{\partial x} + v\frac{\partial T}{\partial y} = \alpha_{nf} \left(\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2}\right) - \frac{1}{\rho_{nf}c_{p,nf}}\frac{\partial q_r}{\partial x}$$
(*)

که در آن، u و v به ترتیب مؤلفههای سرعت در جهتهای x و χ هستند. T معرف فشار و ϕ معرف کسرحجمی نانوذرات است. همچنین، ρ_f و ρ_f به ترتیب چگالی نانوذرات و سیال پایه بوده، β_f و β_f ضرایب انبساط چگالی نانوذرات و سیال پایه بوده، μ_{nf} از جت مؤثر نانوسیال و جمعی آنها هستند. علاوه بر این، μ_{nf} لز جت مؤثر نانوسیال p_{nf} چگالی ناوفرات و سیال پایه بوده بر این، μ_{nf} از جت مؤثر نانوسیال و γ_{nf} چگالی نانوذرات و سیال پایه بوده بر این، μ_{nf} از جن مؤثر نانوسیال و γ_{nf} چگالی نانوذرات و سیال پایه بوده بر این، μ_{nf} و γ_{nf} خریب خری و γ_{nf} چگالی، η_{nf} جمعی آنها محمی آنها محمی آنها محمی و تره محمی آنها معان و γ_{nf} معاد بر این است. و است. و است. و است. و است. بدیهی نفوذ پذیری محیط متخلخل و \widetilde{X} معاد بات اندازه حرکت به مدل دارسی ساده می شوند.

عبارت q_r در سمت راست رابطهٔ (۴)، معرف شار تابشی در جهت x است که با به کارگیری تقریب پخش رزلند [۱۲] به صورت رابطه(۵) قابل محاسبه خواهد بود.

$$q_r = -\frac{4\sigma}{3a}\frac{\partial T^4}{\partial x} \tag{(b)}$$

در اینجا، σ ثابت استفان-بولتزمن^۲ بوده و a ضریب جذب میانگین است. بسط T^4 به صورت یک سری تیلور حول T_c^4 و سپس چشمپوشی از جملات مرتبهٔ بالا نتیجه میدهد که: $T^4 \simeq 4TT_a^2 - 3T_a^4$ (8)

$$q_r = -\frac{16\sigma}{3a} T_c^3 \frac{\partial T}{\partial x} \tag{Y}$$

پس، معادلهٔ بقای انرژی نانوسیال میشود: دست می معادلهٔ بقای انرژی نانوسیال می شود:

$$u\frac{\partial T}{\partial x} + v\frac{\partial T}{\partial y} = \alpha_{nf} \left(\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2}\right) + \frac{16\sigma}{3a\rho_{nf}c_{p,nf}} T_C^3 \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$$
(A)

در این پژوهش، لزجت مؤثر نانوسیال با استفاده از رابطهٔ برینکمن^۳ [۱۳] به صورت رابطه(۹) بر حسب لزجت سیال یایه (μ_f) محاسبه می شود.

$$\mu_{nf} = \frac{\mu_f}{(1-\phi)^{2.5}} \tag{9}$$

مدل ماکسول-گارنتز^۴ [۱۴] نیز برای تعیین ضریب رسانش گرمایی مؤثر نانوسیال به کار می رود:

$$\frac{k_{nf}}{k_f} = \frac{(k_p + 2k_f) - 2\phi(k_f - k_p)}{(k_p + 2k_f) + \phi(k_f - k_p)}$$
(1.)

که در آن، k_p و k_f به ترتیب ضریب رسانش گرمایی نانوذرات و سیال پایه است.

(۱۱) ضریب پخش گرمایی مؤثر نانوسیال به صورت رابطه (۱۱)
تعریف میشود:
$$lpha_{nf}=rac{k_{nf}}{
ho_{nf}c_{p,nf}}$$

در این رابطه، $\rho_{nf}c_{p,nf}$ ظرفیت گرمایی نانوسیال بوده که از رابطهٔ(۱۲) بر حسب ظرفیت گرمایی نانوذرات و سیال پایه بهدست میآید:

$$\rho_{nf}c_{p,nf} = (1-\phi)\rho_f c_{p,f} + \phi \rho_p c_{p,p} \tag{11}$$

شرایط مرزی مسألهٔ نشان داده شده در شکل ۱ از این قرار است:

$$x = 0, 0 < y < H$$
:
 $u = 0, v = 0, T = T_H$ (17)

¹ Material parameter

² Stefan-Boltzman constant

³ Brinkman

⁴ Maxwell-Garnetts

$$= -Ra(1-\phi)^{2.5} \left[(1-\phi) + \phi\left(\frac{\rho_p}{\rho_f}\right) \left(\frac{\beta_p}{\beta_f}\right) \right] \frac{\partial \Theta}{\partial X}$$

$$\begin{split} \frac{\partial \Psi}{\partial Y} \frac{\partial \Theta}{\partial X} &- \frac{\partial \Psi}{\partial X} \frac{\partial \Theta}{\partial Y} = \\ & \frac{\alpha_{nf}}{\alpha_f} \left[AR \left(1 + \frac{4R_d}{3} \right) \frac{\partial^2 \Theta}{\partial X^2} + \frac{1}{AR} \frac{\partial^2 \Theta}{\partial Y^2} \right] \\ & \text{(YT)} \\ & \text{ y, } \\ & \text{ y, } \\ & \text{ y, } \\ & X = 0, 0 < Y < 1; \end{split}$$

$$\Psi = 0, \Theta = 1 \tag{(14)}$$

$$\begin{split} X &= 1, 0 < Y < 1; \\ \Psi &= 0, \Theta = 0 \end{split} \tag{7a}$$

$$\begin{array}{l} 0 < X < 1, Y = 0; \\ \Psi = 0, \frac{\partial \Theta}{\partial Y} = 0 \end{array} \tag{79}$$

$$0 < X < 1, Y = 1:$$

$$\Psi = 0, \frac{\partial \Theta}{\partial Y} = 0$$
(YY)

x = L, 0 < y < H: $u = 0, v = 0, T = T_C$ (14)

$$0 < x < L, y = 0:$$

$$u = 0, v = 0, \frac{\partial T}{\partial y} = 0$$
(10)

$$0 < x < L, y = H:$$

$$u = 0, v = 0, \frac{\partial T}{\partial u} = 0 \qquad (19)$$

در معادلات اندازه حرکت، جملات دارای گرادیان های فشار را میتوان با مشتق گیری ضربدری حذف کرده، به شکل رابطه(۷) رسید:

$$\begin{split} \left[1 + \frac{\widetilde{K}\rho_{nf}}{\mu_{nf}}\sqrt{u^{2} + v^{2}}\right] \left[\frac{\partial u}{\partial y} - \frac{\partial v}{\partial x}\right] \\ + \frac{\widetilde{K}\rho_{nf}}{\mu_{nf}\sqrt{u^{2} + v^{2}}} \left[u\left(u\frac{\partial u}{\partial y} + v\frac{\partial v}{\partial y}\right) \\ &- v\left(u\frac{\partial u}{\partial x} + v\frac{\partial v}{\partial x}\right)\right] \\ = -\frac{Kg}{\mu_{nf}} \left[\phi\rho_{s}\beta_{s} + (1 - \phi)\rho_{f}\beta_{f}\right] \frac{\partial T}{\partial x} \\ &\text{if } u = \frac{\partial \Psi}{\partial y}, v = -\frac{\partial \Psi}{\partial x} \end{split}$$
(17)

$$u = \frac{\partial y}{\partial y}, v = -\frac{\partial x}{\partial x}$$

معادلهٔ پیوستگی خود به خود ارضا میشود. هم

$$\left[1 + \frac{\widetilde{K}\rho_{nf}}{\mu_{nf}} \sqrt{\left(\frac{\partial\psi}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial\psi}{\partial y}\right)^2} \right] \left[\frac{\partial^2\psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2\psi}{\partial y^2} \right]$$

$$+ \frac{\widetilde{K}\rho_{nf}}{\mu_{nf}\sqrt{\left(\frac{\partial\psi}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial\psi}{\partial y}\right)^2}} \left[\left(\frac{\partial\psi}{\partial x}\right)^2 \frac{\partial^2\psi}{\partial x^2} + \left(\frac{\partial\psi}{\partial y}\right)^2 \frac{\partial^2\psi}{\partial y^2} + 2\frac{\partial\psi}{\partial x}\frac{\partial\psi}{\partial y}\frac{\partial^2\psi}{\partial x\partial y} \right]$$

$$= -\frac{Kg}{\mu_{nf}} \left[\phi\rho_s\beta_s + (1-\phi)\rho_f\beta_f \right] \frac{\partial T}{\partial x}$$
(19)

² Enclosure aspect ratio ³ Inertial parameter

⁴ Rayliegh number

⁵ Radiation parameter

¹ Stream function

$$N_{global} = \int_{A} N dA$$

$$= \int_{0}^{1} \int_{0}^{1} N(X, Y) dX dY$$
(71)

۴– حل عددی

دستگاه معادلات دیفرانسیل حاکم بر تابع جریان و توزیع دما، به همراه شرایط مرزی بیان شده به صورت همزمان و با شیوهٔ تفاضل محدود حل میشوند. هنگامی که تکرارها همگرا شد، مقادیر عددی برگشتناپذیریها در تکتک گرهها محاسبه میشود و سپس نرخ تولید آنتروپی کلی در محفظه بهدست میآید. علاوه بر این، مقادیر ناسلتهای موضعی و میانگین در دیوارهای غیرآدیاباتیک با استفاده از روابط (۳۲) و (۳۳) تعیین میشوند.

$$Nu = \frac{hH}{k_f} = -\frac{k_{nf}}{k_f} AR \left(1 + \frac{4R_d}{3}\right) \left[\frac{\partial \Theta}{\partial X}\right]_{Y=0}$$
(°Y)

$$\overline{Nu} = \int_0^1 NudY \tag{(77)}$$

بر پایهٔ یک مطالعهٔ استقلال شبکه، کلیهٔ محاسبات با یک شبکهٔ 200 × 200 انجام شده است. نانوسیالات مطالعه شده شامل، آب-مس، آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم هستند. خواص ترموفیزیکی سیال پایه و نانوذرات مربوطه در جدول ۱ آورده شده اند.

[۱] ا	ِنانوذرات	پايه و	سيال	ترموفيزيكى	خواص	جدول ۱-
-------	-----------	--------	------	------------	------	---------

TiO_2	Al_2O_3	Си	آب	
۶8۶/۲	۲۶۵	۳۸۵	4119	$c_p \left(Jkg^{-1}K^{-1}\right)$
420.	۳۹۷۰	۸۹۳۳	997/1	$\rho (kgm^{-3})$
۸/۹۵۳۸	4.	۴	۰/۶۱۳	$k \left(Wm^{-1}K^{-1} \right)$
٠/٩	۰/۸۵	١/٦٧	21	$\beta \times 10^5 (K^{-1})$

در کلیهٔ محاسبات تولید آنتروپی، مقادیر رابطهٔ (۳۴) برای طول محفظه و دمای دیوارها در نظر گرفته شدهاند. $L = 1m, T_{\rm H} = 400 {\rm K}, T_{\rm C} = 300 {\rm K}.$ (۳۴)

۵- صحه گذاری شبیه سازی عددی

در ابتدای هر شبیهسازی عددی، باید از صحت برنامهٔ کامپیوتری مطمئن شد. بدین منظور، برنامهٔ تهیهشده برای شبیهسازی همرفت طبیعی سیال خالص ($\phi = 0$) در یک ۳- تولید آنتروپی برای محاسبهٔ نرخ تولید آنتروپی در محیطهای متخلخل، سه رابطهٔ مختلف قابل استفاده است. بر پایهٔ پژوهش هومن و گرگنسی [۱۵]، به کارگیری مدل هدرامی و همکاران [۱۶]، دقت بالاتری را به دنبال خواهد داشت. تعمیم رابطهٔ مذکور به جریان نانوسیالات، نتیجه می دهد که:

$$N = \frac{S_{gen}^{\prime\prime\prime}}{S_0^{\prime}} = \frac{k_{nf}}{k_f} \left[AR^2 \left(\frac{\partial \Theta}{\partial X} \right)^2 + \left(\frac{\partial \Theta}{\partial Y} \right)^2 \right] + \phi \left\{ \left[AR^2 \left(\frac{\partial \Psi}{\partial X} \right)^2 + \left(\frac{\partial \Psi}{\partial Y} \right)^2 \right] + Da \left[4 \left(\frac{\partial^2 \Psi}{\partial X \partial Y} \right)^2 + \left(\frac{1}{AR} \frac{\partial^2 \Psi}{\partial Y^2} - AR \frac{\partial^2 \Psi}{\partial X^2} \right)^2 \right] \right\}$$
(7.1)

که در آن، $\phi = \mu_{nf}T_c \alpha_{nf}^2/k_f K(T_H - T_c)^2$ نسبت توزیع برگشتناپذیری بوده، $Da = K/H^2$ عدد دارسی است. در رابطهٔ بالا، کروشهٔ اول، برگشتناپذیری انتقال گرمایی را بیان میکند، در حالی که جملات باقیمانده معرف برگشتناپذیری اصطکاکی است.

هنگامی که نرخ تولید آنتروپی در تکتک نقاط درون محفظه بهدستآمد با انتگرالگیری از آن روی کل محفظه، میتوان به نرخ تولید آنتروپی کلی^۲ رسید:

¹ Characteristic transfer rate

² Global entropy generation rate

محفظهٔ متخلخل مربعی (AR = 1) در غیاب تبادل تابش ($R_d = 0$) و اثرات غیردارسی (G = 0) به کار می رود. جدول ۲، نتایج پژوهش حاضر را در گسترهٔ وسیعی از عدد رایلی با نتایج چهار پژوهش دیگر مقایسه کرده است. پیداست که نتایج بهدست آمده، تطابق بسیار خوبی با نتایج پژوهش های پیشین دارد.

جدول ۲- مقایسهٔ نتایج پژوهش حاضر با نتایج سایرین بر حسب عدد ناسلت میانگین در دیوارهای غیر آدیاباتیک به اذاع. 0 = 0

		·ر•ی • •	
Ra=1000	Ra=100	Ra=10	پژوهشگران
17/98.	۳/۰۹۷	-	واکر و هومسی [۱۷]
-	۲/۸۰۲	۱/•۶۵	مويا و همكاران [۱۸]
13/778	۳/۰۰۲	-	سعيد و پاپ [١٩]
-	۳/۲۰۰۵	١/•٧٩٨	بدرالدين و همكاران [۲۰]
13/188	۳/•۶۸	۱/• ۲۳	پژوهش حاضر

به منظور ارزیابی بیشتر حل عددی، در شکل ۲ نتایج برنامهٔ تهیه شده بر حسب تغییرات دما در دیوارهای آدیاباتیک با نتایج شبیهسازی بدرالدین و همکاران [۲۰]، مقایسه شده است. پیداست که شیوهٔ به کاررفته در پیشگویی میدان جریان، موفق عمل کرده است.



شکل ۲- مقایسهٔ نتایج بدست آمده با مطالعات پیشین بر حسب دمای دیوارهای آدیاباتیک به ازای $\phi = 0$

۶- نتایج شبیهسازی

در این بخش نتایج حاصل از شبیه سازی عددی برای محفظهٔ متخلخل نشان داده شده در شکل ۱ ارائه می شوند. ابتدا محاسبات با استفاده از مدل دارسی (G = 0) برای محفظه ای مربع شکل (R = 1) و در غیاب تبادل تابش محفظه ای می شوند. در ادامه، تأثیر نسبت منظری

محفظه، حضور تبادل تابش و اثرات غیردارسی نیز، مورد تجزیه و تحلیل قرار خواهند گرفت.

شکل ۳ توزیع تابع جریان، دما و نرخ تولید آنتروپی در محفظه را برای آب خالص و نانوسیالات آب-مس، آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم در رایلی ۱۰۰ آورده است. برای این که مقایسهٔ حالات مختلف بهتر امکان پذیر باشد، مقادیر ناسلت میانگین، نرخ تولید آنتروپی کلی و بیشترین مقدار تابع جریان نیز آورده شدهاند. در این شکل، نتایج مربوط به نانوسیالات متناظر با کسر حجمی ۱/۱ است.

تأثیر نانوذرات بر توزیع خطوط جریان در محفظه روشن است. پیداست که با اضافه کردن نانوذرات به آب، از قدرت جریان همرفت طبیعی کاسته میشود، به گونه ای که کمترین کاهش، در نانوسیال آب-مس و بیشترین آن، در نانوسیال آب-اکسیدتیتانیوم رخ می دهد. علت فیزیکی این کاهش، بیشتر بودن چگالی این نانوسیالات نسبت به سیال پایه است که با مشاهدات تجربی پوترا و همکاران [11]، در همرفت طبیعی نانوسیالات در محیطهای غیر متخلخل همخوانی دارد.

مشاهدهٔ توزیع دما نشان میدهد که با افزودن نانوذرات به آب، گرادیان دما در گوشهٔ سمت چپ پایینی و گوشهٔ سمت راست بالایی کاهش مییابد که کاهش تبادل گرما را به دنبال خواهد داشت. مقادیر عددی ناسلت میانگین نیز، گویای این واقعیتاند. باید توجه داشت که کاهشی که در انتقال گرما به وجود آمده، صرفاً به علت تضعیف جریان همرفت طبیعی است، زیرا همان گونه که در جدول ۳ میتوان مشاهده کرد، حضور نانوذرات خواص گرمایی سیال را حتی بهبود نیز دادهاند. بدین ترتیب، همرفت طبیعی نانوسیال آب-اکسیدتیتانیوم با ضعیفترین قدرت، کمترین انتقال گرما را در پی داشته است.

جدول ۳- خواص گرمایی آب و نانوسیالات مورد بررسی به اذای 1 م = 0

	φ = 0:1 (r)	
سيال	$k(Wm^{-1}K^{-1})$	$\alpha \times 10^7 (m^2 s^{-1})$
آب	•/۶١٣	1/44
آب–مس	•/A\Y	1/991
آب-اكسيدألومينيم	• /A • Y	1/99.
آب-اكسيدتيتانيوم	• /YYY	1/951



شکل ۳- توزیع خطوط جریان، دما و نرخ تولید آنتروپی برای آب و نانوسیالات مختلف در Ra = 100



آورده شده است. در اینجا، نتایج نانوسیالات متناظر با کسرحجمی ۰/۱ است.

شکل ۵، نشان میدهد که اگرچه در گسترهٔ وسیعی از عدد رایلی، انتقال گرمای آب خالص از نانوسیالات مورد بررسی بیشتر است، اما در رایلیهای کوچک، این روند وارونه میشود. علت فیزیکی این رفتار، غالبشدن شیوهٔ رسانش گرمایی در این وضعیت است. در حقیقت، چون در رایلیهای کوچک، جریان همرفت طبیعی قوی نیست، بهبود خواص گرمایی ناشی از افزودن نانوذرات به اثر افزایش چگالی آن از آنجایی که حضور نانوذرات در آب از یک سو کاهش قدرت جریان همرفت طبیعی و از سوی دیگر، کاهش انتقال گرما را به دنبال دارد، جای شگفتی نیست که با افزودن نانوذرات به آب، شاهد کاهش تولید آنتروپی نیز باشیم، زیرا هم برگشتناپذیری اصطکاکی و هم برگشتناپذیری انتقال گرمایی را کم می کند. این امر در توزیع خطوط آیزنتروپیک و همچنین در مقادیر عددی نرخ تولید آنتروپی کلی قابل مشاهده است. بدیهی است در این شرایط، کمترین تولید آنتروپی در نانوسیال آب-اکسیدتیتانیوم و بیشترین آن در آب خالص رخ می دهد.

در ادامه، تأثیر کسرحجمی نانوذرات، عدد رایلی، نسبت منظری محفظه، حضور تبادل تابش و اثرات غیردارسی بر انتقال گرما و تولید آنتروپی در محفظه، مورد بررسی قرار میگیرند.

۱-۶ اثر کسرحجمی نانوذرات

به منظور بررسی اثر کسرحجمی نانوذرات بر انتقال گرما و تولید آنتروپی در محفظه، مشابه سان و پاپ [۱] و چمخا و اسماعیل [۲]، محاسبات برای نانوسیالات آب-مس، آب-گرفته، نتایج در شکل ۴ با هم مقایسه شدهاند. پیداست که در هر سه نانوسیال تحت بررسی، با افزایش کسرحجمی نانو ذرات از قدرت جریان همرفت طبیعی کاسته شده، در مییابند. همچنین، مشخص است که با افزایش کسرحجمی نانوذرات، نتایج نانوسیالات مختلف از یکدیگر متمایزتر میشوند. علاوه بر این، میتوان مشاهده کرد که در سرتاس کسرحجمی، انتقال گرما و تولید آنتروپی نانوسیال آب-مس میشوند. علاوه بر این، میتوان مشاهده کرد که در سرتاس زاز بقیه بیشتر است.

۲-۶ اثر عدد رایلی

عدد رایلی، متغیر مهمی است که نقشی کلیدی در ایجاد جریانهای همرفت طبیعی و همچنین انتقال گرما و تولید آنتروپی در آنها ایفا میکند. برای مطالعهٔ تأثیر این متغیر، تغییرات عدد ناسلت میانگین و نرخ تولید آنتروپی کلی برای آب و نانوسیالات آب-مس، آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم در گسترهٔ وسیعی از عدد رایلی در شکل ۵



غلبه میکند. چنین رفتاری با مشاهدات پیشین سان و پاپ [۱] و چمخا و اسماعیل [۲] همخوانی دارد.

کنکاش در شکل ۵ نشان می دهد که با افزایش عدد رایلی، نتایج نانوسیالات مختلف از یکدیگر متمایزتر می شوند. همچنین، پیداست که در سرتاسر گسترهٔ عدد رایلی، انتقال گرما و تولید آنتروپی نانوسیال آب-مس از سایر نانوسیالات بیشتر است.

۶-۳ اثر نسبت منظری محفظه

در این بخش، اثر نسبت منظری محفظه بر انتقال گرما و تولید آنتروپی در آن مورد بررسی قرار می گیرد. برای این منظور، محاسبات برای آب خالص و نانوسیالات آب-مس، آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم در نسبتهای منظری ۱، ۲ و ۴ انجام گرفته، نتایج در شکل ۶ با هم مقایسه شدهاند. پیداست که در تمامی حالتها، با افزایش نسبت منظری محفظه، انتقال گرما و تولید آنتروپی در آن افزایش یافته که ناشی از بیشتر شدن مساحت دیوارهای غیرآدیاباتیک در مقابل دیوارهای آدیاباتیک محفظه است. مشاهدهٔ این شکل، همچنین نشان میدهد که تغییر نسبت



منظری محفظه نیز نمی تواند انتقال گرما و تولید آنتروپی نانوسیالات آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم را از نانوسیال آب-مس بیشتر کند.

۶-۴ اثر تبادل تابش

تا این جا از تبادل تابش در محفظه چشم پوشی شده بود. برای این که تأثیر تبادل تابش بر ایجاد جریان همرفت طبیعی، انتقال گرما و تولید آنتروپی در محفظه مشخص شود، محاسبات پیشین در رایلی ۱۰۰ برای آب خالص و نانوسیالات آب-مس، آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم در حضور تابش، تکرار شده، نتایج بر حسب توزیع تابع جریان، دما و نرخ تولید آنتروپی در محفظه در شکل ۷ آورده شدهاند. در این جا، ضریب جذب محیط در کلیهٔ حالتها برابر با ۵/۰ در نظر گرفته شده است.

تأثیر تابش، بر توزیع تابع جریان و دما در محفظه روشن است. در حقیقت، حضور تابش سبب شده که تغییر دما در مقاطع عمودی درون محفظه، تقریباً یکنواخت شود. همچنین، توزیع خطوط جریان، شکل نسبتاً متقارنی را نسبت به مرکز محفظه پیداکردهاند. توزیع تولید آنتروپی در محفظه



شکل ۲- توزیع خطوط جریان، دما و نرخ تولید آنتروپی برای آب و نانوسیالات مختلف در Ra = 100 با در نظرگرفتن تبادل

تابش



شکل ۸- توزیع خطوط جریان، دما و نرخ تولید آنتروپی برای آب و نانوسیالات مختلف در 100 = Ra در حضور اثرات غیردارسی به ازای 0.00 = G (خطچینها نتایج مدل دارسی را نشان میدهند.)

نيز يكنواختتر شده است. مقايسة مقادير بيشينة تابع جريان در شکل ۷ با نتایج مطرح در شکل ۳، مشخص میکند که حضور تبادل تابش، قدرت جریان را به طرز چشمگیری افزایش میدهد، به گونهای که قدرت جریان همرفت طبیعی نانوسيال آب-مس از ساير نانوسيالات بيشتر است. تبادل تابش، همچنین میزان انتقال گرما را افزایش قابل توجهی داده است. جالب اينجا است كه عليرغم اين موارد، حضور انتقال گرمای تابشی، مقدار تولید آنتروپی کلی در محفظه را کم کرده است.

۶-۶ نقش اثرات غیردارسی

نتایج ارائهشده تاکنون همگی بر پایهٔ مدل دارسی بودهاند. در این بخش، نقش اثرات غیردارسی، مورد تجزیه و تحلیل قرار می گیرند. برای این منظور، محاسبات پیشین در رایلی ۱۰۰ برای آب خالص و نانوسیالات آب-مس، آب-اکسیدآلومینیم و آب-اکسیدتیتانیوم در حضور اثرات غیردارسی تکرار شده، نتایج بر حسب توزیع تابع جریان، دما و نرخ تولید آنتروپی در محفظه در شکل ۸ آورده شدهاند. در اینجا، متغیر لختی (G) در کلیهٔ حالتها برابر با ۰/۰۰۱ در نظر گرفته شده، نتايج مربوط به نانوسيالات متناظر با كسر حجمي ٠/١ است. برای این که نقش اثرات دارسی آشکارتر شود، در این شکل، نتایج مدل دارسی نیز به صورت خطچین نمایش داده شدهاند. نقش اثرات غیردارسی بر توزیع خطوط جریان در محفظه روشن است. پيداست كه اعمال اين اثرات از قدرت جریان همرفت طبیعی کاسته، در نتیجه انتقال گرما و تولید آنتروپی را کم میکند. چنین کاهشی قبلاً توسط سعید و پاپ [۱۱]، نیز گزارش شده است.

جالب اینجاست که با اعمال اثرات غیردارسی، انتقال گرمای هر سه نانوسیال تحت بررسی، از انتقال گرمای آب بیشتر شده است. برای این که این اثر بهتر روشن شود، محاسبات برای گسترهٔ وسیعی از متغیر لختی تکرار شده، نتایج در شکل ۹ آورده شدهاند. این شکل نشان میدهد که اگرچه در مسألهٔ تحت بررسی، مدل دارسی انتقال گرمای نانوسیالات را کمتر از آب پیشبینی میکند، اما با پررنگشدن اثرات غیردارسی، این روند وارونه میشود.

۷ - نتيجهگيري



بررسی قرارگرفت. بر پایهٔ نتایج مطرح می توان موارد زیر را نتیجهگیری کرد:

(الف) مدل دارسی، پیشگویی می کند که افزودن نانوذرات به آب از قدرت جریان همرفت طبیعی می کاهد و تبادل گرما و تولید آنتروپی در محفظه را کاهش میدهد. با این وجود، با

- [7] Zahmatkesh I (2012) Second-law analysis of byoyancy-driven flow inside a rectangular porous enclosure with three adiabatic walls. Majlesi J Energy Manage 2: 15-22.
- [8] Zahmatkesh I (2013) Dependence of buoyancydriven flow inside an oblique porous cavity on its orientation. Emirates J Eng Res 18: 53-61.
- [9] Kaluri RS, Basak T (2011) Entropy generation due to natural convection in discretely heated porous square cavities. Energy 36: 5065-5080.
- [10] Heidary H, Pirmohammadi M, Davoudi M (2012) Control of free convection and entropy generation in inclined porous media. Heat Transfer Eng 33: 565-573.
- [11] Saeid NH, Pop I (2005) Non-Darcy natural convection in a square cavity filled with a porous medium. Fluid Dyn Res, 36: 35-43.
- [12] Sigel R, Howell JR (1992) Thermal Radiation Heat Transfer, Hemisphere, New York.
- [13] Brinkman HC (1952) The viscosity of concentrated suspensions and solutions. J Chem Phys, 20: 571-581.
- [14] Maxwell-Garnett JC (1904) Colours in metal glasses and in metallic films. Philos Trans R Soc London, Ser A 203: 385-420.
- [15] Hooman K, Gurgenci H (2007) Effects of viscous dissipation and boundary conditions on forced convection in a channel occupied by a saturated porous medium. Transp Porous Media 68: 301-319.
- [16] Al-Hadhrami AK, Elliott L, Ingham DB (2003) A new model for viscous dissipation in porous media across a range of permeability values. Transp Porous Media 53: 117-122.
- [17] Walker KL, Homsy GM (1978) Convection in a porous cavity. J Fluid Mech 87: 449-474.
- [18] Moya SL, Ramos E, Sen M (1987) Numerical study of natural convection in a tilted rectangular porous material. Int J Heat Mass Transfer 30: 741-756.
- [19] Saeid NH, Pop I (2004) Transient free convection in a square cavity filled with a porous medium. Int J Heat Mass Transfer 47: 1917-1924.
- [20] Badruddin IA, Zainal ZA, Narayana PAA, Seetharamu KN (2007) Numerical analysis of convection conduction and radiation using a nonequilibrium model in a square porous cavity. Int J Therm Sci 46: 20-29.
- [21] Putra N, Roetzel W, Das SK (2003) Natural convection of nano-fluids. Heat Mass Transfer 39: 775–784.

پررنگشدن اثرات غیردارسی، عکس این روند مشاهده میشود.

(ب) در میان نانوسیالات آب-مس، آب⊣کسیدآلومینیم و آب⊣کسیدتیتانیوم، نانوسیال آب-مس بیشترین انتقال گرما و تولید آنتروپی را در پی دارد.

 (پ) افزایش عدد رایلی، کسرحجمی نانوذرات و نسبت منظری محفظه، انتقال گرما و تولید آنتروپی در محفظه را زیاد می کند.

(ت) حضور تبادل تابش، توزیع تابع جریان، دما و نرخ تولید آنتروپی در محفظه را به طرز چشمگیری تحت تأثیر قرار میدهد که افزایش قابل توجه قدرت جریان و میزان تبادل گرما و کاهش شدید تولید آنتروپی را به دنبال دارد.

(ث) در همرفت طبیعی نانوسیالات بررسی شده در این مقاله، حالتهایی با بیشترین تبادل گرما، همراه بیشترین تولید آنتروپی را نیز به دنبال داشتهاند. این امر، ناشی از کوچک بودن مقدار نسبت توزیع برگشتناپذیری است که سهم برگشتناپذیری اصطکاکی را در تولید آنتروپی کلی ناچیز کرده است. بدین ترتیب، حالتی که همزمان از نظر قوانین اول و دوم ترمودینامیک بهینه باشد (تبادل گرمای زیاد و تولید آنتروپی کم)، محقق نشده است.

مراجع

- Sun Q, Pop I (2011) Free convection in a triangle cavity filled with a porous medium saturated with nanofluids with flush mounted heater on the wall. Int J Therm Sci 50: 2141-2153.
- [2] Chamkha AJ, Ismael MA (2013) Conjugate heat transfer in a porous cavity filled with nanofluids and heated by a triangular thick wall. Int J Therm Sci 67: 135-151.
- [3] Bejan A (1996) Entropy Generation Minimization. CRC, Boca Raton.
- [4] Baytas AC (2000) Entropy generation for natural convection in an inclined porous cavity. Int J Heat Mass Transfer 43: 2089-2099.
- [5] Mahmud S, Fraser RA (2004) Magnetohydrodynamic free convection and entropy generation in a square porous cavity. Int J Heat Mass Transfer 47: 3245-3256.
- [6] Zahmatkesh I (2008) On the importance of thermal boundary conditions in heat transfer and entropy generation for natural convection inside a porous enclosure. Int J Therm Sci 47: 339-346.