

بررسی تاثیر وجود، موقعیت و ارتفاع قرار گیری بالک جلو روی ضرایب آیرودینامیکی هواپیما

هادی دستورانی^۱ و محمدحسن جوار شکیان^{۳.۰} ۲ کارشناسی ارشد، مهندسی هوافضا، دانشگاه فردوسی مشهد ۲ دانشیار، مهندسی هوافضا، دانشگاه فردوسی مشهد تاریخ دریافت: ۱۳۹۲/۱/۲۳؛ تاریخ بازنگری: ۱۳۹۲/۴/۲۸

چکیدہ

در این تحقیق یک روش عددی بر مبنای روش شبکهی گردابی برای تحلیل آیردینامیکی انواع پیکربندیهای هواپیما در جریان مادون صوت توسعه داده شده است. در کار حاضر ابتدا نتایج حاصل از این روش با نتایج تجربی صحه گذاری شده است و سپس تاثیر عدد ماخ و همچنین وجود بالک جلو، موقعیت قرارگیری و ارتفاع بالک نسبت به بال اصلی روی ضرایب آیرودینامیکی مورد بررسی قرار گرفته است. طبق نتایج حاصله با افزایش عدد ماخ ضریب براء افزایش میبابد. همچنین وجود بالک جلو موجب بهبود ضریب و موجب کاهش بار روی بازهی بال اصلی می گردد. اما تاثیر دنبالههای ناشی از بالک جلو روی توزیع بار موجب ناهمگونی آن می گردد. جهت رفع این مشکل بالک جلو و بال اصلی در ارتفاع متفاوتی از هم قرار می گیرند زیرا با هم ارتفاع نبودن بالک جلو و بال اصلی ناهمگونی توزیع بال حل شده و مزیت کاهش بار روی بازهی بال محی می شود. کاهش بار روی بازه موجب گاهش گشتاور خمشی میشود. از نتایج مربوط به موقعیت قرارگیری بالک جلو مشخص می شود که فاصلهی بسیار کم بالک از بال اصلی و فاصلهی زیاد از آن مطلوب نبوده و وجود یک موقعیت قرارگیری بالک جلو مشخص می شود که فاصلهی بسیار کم بالک از بال اصلی و فاصلهی زیاد از آن مطلوب نبوده و وجود یک فاصلهی مناسب بین بالک و بال اصلی تاثیرات بالک را افزایش داده و بهبود مشخصههای آیرودینامیکی بیشتر می گردد.

كلمات كليدى: بالك جلو؛ ضرايب آيروديناميكي؛ گردابه نعل اسبى.

Evaluation of effect of existence, height and position of canard on airplane aerodynamic coefficients

H. Dastourani¹ and M.H. Djavareshkian^{2,*} ¹ M.Se, Aero. Eng., Ferdowsi Univ., Mashhad, Iran ² Assoc. Prof., Aero. Eng., Ferdowsi Univ., Mashhad, Iran

Abstract

In this investigation, a numerical method based on potential flow for aerodynamic analysis of different configurations in has been developed. At first, results of this method are validated with experimental data and then, Influence mach number, canard existence, position and height canard than main wing on aerodynamic coefficients has been studied. According to results, with increasing Mach number lift coefficient increases.also, canard existence cause improvement of lift coefficient but the tails by canard impact on the load distribution of main wing and cause reduction and heterogeneity of load distribution. If canard and main wing be not the same height, heterogeneity of load distribution is solved and likewise, advantage of reducing load on wing span is maintained. With reducing the load on the wing span pitching moment is reduced. Results related to canard position show that too low distance and great distance between canard and main wing is not desired. Existence a proper distance between canard and main wing increases effect of canard and improvement aerodynamic characteristics is more.

Keywords: Canard; Aerodynamic characteristics; Horseshoe vortex.

* نويسنده مسئول؛ تلفن: ٠٩١۵١٠٩۵٧٩١

آدرس پست الكترونيك: javareshkian@ferdowsi.um.ac.ir

۱– مقدمه

در بیست سال گذشته پیکربندیهای دارای بالک جلو^۱ بیشتر و بیشتر مرسوم شده است. مخصوصا در هواپیماهای سبک و خیلی سبک و هواپیماهای جنگنده بسیار مشهود است. استفاده از بالک جلو تاریخچهی دیرینهای دارد. برادران رایت در ساخت اولین ماشین پرنده از آن استفاده کردهاند (شکل۱). بعد از برادران رایت در سال ۱۹۶۰ بهربهم^۲ پرفسور سوئدی مزایای استفاده از بالک جلو و کوپل کردن آن با بال اصلی را مطرح کرد و به دنبال آن کاربرد بالک جلو در طراحی هواپیماها به طور گسترده به وجود آمد.



شکل ۱- هواپیمای برادران رایت

به طور کلی وجود بالک جلو موجب کاهش موج ضربهای بین گردابهی لبهی برخورد و سطح بالایی بال اصلی، کاهش مساحت بال و پسای هواپیما و کاهش نیاز به ایجاد پیچش برای به تاخیر انداختن واماندگی می گردد. همچنین بالک جلو موجب افزایش ناپایداری هواپیما و به طبع آن موجب افزایش مانورپذیری هواپیما در سرعتهای پایین می گردد و این یکی از دلایل عمدهی استفاده از بالک جلو در هواپیماهای جنگنده میباشد. یک راه حل برای کاهش ناپایداری ناشی از حضور بالک جلو اضافه کردن یک سطح افقی در پشت بال اصلی (دنبالهی عقب هواپیما) میباشد. این سطح افقی برعکس بالک جلو که براء مثبت تولید می کند، براء منفی تولید

میکند و موجب کاهش ناپایداری هواپیما میگردد.

در مقابل مزایای زیادی که بالک جلو به همراه دارد، معایبی نیز دارد که به صورت زیر است: گردابههای ایجاد شده به وسیلهی بالک جلو روی عملکرد بال اصلی تاثیر گذاشته و کارایی آن را کاهش میدهند (شکل۲). البته گردابههای ناشی از بالک جلو میتوانند به طور موثر در نمایند، بالک جلو ناپایداری هواپیما را زیاد میکند و اغلب به سیستمهای کنترل کنندهی پیچیده نیاز است تا به خلبان در کنترل و پایدار کردن هواپیما کمک کنند و در نهایت، تعیین اندازهی بالک جلو بسیار حساس تر از دنبالهی عقب هواپیما است و عملکرد هواپیما به شدت تحت تاثیر کوچک یا بزرگ بودن بالک قرار دارد.



شکل ۲- رشته گردابههای ایجاد شده روی بالهای هواپیما

یانک^۳ روی مدل کردن بالهای چند بخشی که بخشها در صفحات متفاوت قرار دارند، کار کرده است [۱]. پیکربندی دلتا شکل جفت نسبت به هواپیمای دلتا شکل عملکرد بهتری در زوایای حملهی بالا از خود نشان میدهد. هوانگ[†] روی این موضوع تحقیق کرده است [۲]. کین^۵ روی رفتار آیرودینامیکی هواپیماهای بال و بدنه یکپارچه مطالعه کرده است [۳]. کایرو^² یک پیکربندی دارای سه سطح براء (بالک جلو، بال اصلی و بالک عقب) در نظر گرفته است و تاثیر هر کدام از این سطوح را روی عملکرد هواپیما مورد بررسی قرار داده است [۴]. کوگینگ تاثیر وجود بالک جلو روی یک

¹ Canard

² Behrbohm

³ Yang

⁴ Huang ⁵ Oin

⁶ Coiro

پیکربندی با بالهای به جلو برگشته را مورد بررسی را داده است [۵]. واتس^۱ یک مدل هواپیمای دارای بالک جلو را در تونل باد تست کرده است [۶]. همانطور که مشاهده می شود تاثیرات بالک جلو روی عملکرد هواپیما بسیار مورد توجه است و این نشان دهندهی اهمیت زیاد آن است. در این تحقیق موقعیت قرارگیری بالک جلو از نوک هواپیما و یا به عبارتی مقدار فاصلهی بین بالک و بال اصلی و ارتفاع بالک از بال اصلی مورد توجه قرار گرفته است و با استفاده از نرم افزار عددی توسعه داده شده برای جریان مادون صوت موارد فوق مورد بررسی قرار گرفته است. در ضمن اشاره می گردد که توجه به این دو موضوع در مطالعات انجام شدهی در دسترس مشاهده نمی شود.

۲– تئوری روش شبکهی گردابهای

در این تحقیق یک نرم افزار به زبان فرترن بر مبنای توزیع گردابهی نعل اسبی بر روی پیکربندی برای تعیین مشخصههای آیرودینامیکی در جریان مادون صوت توسعه داده شده است. این روش بسط یافتهی تئوری پرانتل [۷] میباشد. در تئوری پرانتل جریان پیوسته، غیر قابل تراکم، غیر چرخشی و پایا فرض می شود از این رو برای اعمال تاثیر تراکم پذیری از قانون تشابه گلورت [۸] (در بخش ۲-۳ توضيح داده شده است) استفاده شده است و تئوری جريان پتانسیل در فرم قانون بایوت ساوارت [۹] به کار رفته است. در این روش پلان مورد نظر به تعدادی پنل تقسیم میشود و هر پنل با گردابهی نعل اسبی جایگزین می شود. این گردابه نعل اسبی متشکل از یک رشته گردابهی عبوری از یک چهارم وتر و دو رشته گردابه که از یک چهارم وتر از کنارههای پنل شروع شده و در جهت جریان تا بینهایت ادامه مییابد. شرایط مرزی برای هر گردابه نعل اسبی به وسیله شیب مورد نیاز برای انطباق خطوط جریان سیال با زاویه حمله در نقطهی سه چهارم وتر پنل مربوطه بدست میآید. قدرت دوران گردابه مورد نیاز برای ارضای این شرایط مرزی مماسی با حل یک دستگاه معادله تعیین میشود. سپس تئوری جاکوفسکی-کوتا برای تعیین براء مربوط به هر رشته گردابه در هر ینل به کار می ود. با معلوم شدن براء همه

رشته گردابهها براء کلی و گشتاور خمشی و سایر مشخصههای آیرودینامیکی بدست میآیند. در این نرم افزار از یک روش مشابه به نام حل میدان نزدیک برای محاسبه نیروی لبه برخورد، نیروی مکشی و پسا القائی استفاده شده است.

۲-۱- محاسبه قدرت دوران گردابه

همان طور که گفته شد شرایط مرزی برای هر گردابه نعل اسبی به وسیله شیب مورد نیاز برای انطباق خطوط جریان سیال با زاویه حمله در نقطه سه چهارم وتر پنل مربوطه بدست میآید. قدرت دوران گردابه مورد نیاز برای ارضای این شرایط مرزی مماسی با حل یک دستگاه معادله تعیین میشود. در کار حاضر از معادله (۱) به عنوان شرط مرزی استفاده شده است.

 $w \cos \alpha \cos \phi - v \sin \phi - U \sin \alpha \cos \phi = 0$ (۱) و برای زاویه حملهی کوچک:

(٢)

در این معادله α زاویه حمله و ∳ زاویه هفتی بال میباشد. سرعت فرووزش^۲ برای یک گردابه نعل اسبی خاص به صورت زیر بیان میشود:

$$w(x, y, z) = \frac{\Gamma}{4\pi} F_w(x', y, z, s, \psi', \phi)$$
(*)

که F_w ضریب تاثیر فرووزش و Γ قدرت گردابه میباشد و سرعت جانبوزش^T به صورت زیر بیان میشود: (۴) Γ ج (ج بر بر) بر

$$v(x, y, z) = \frac{1}{4\pi} F_v(x, y, z, s, \psi, \phi)$$
 (1)
 Y (7)
 Y (

(۴) و (۲) می توان نوشت:

$$\frac{1}{4\pi} (F_w - F_v \tan \phi) = U \alpha \tag{(\Delta)}$$

برای یک شبکه گردابه N المانی، (۵) برای یک نقطه کنترل خاص به صورت زیر است، در این رابطه α زاویه حمله است: $\sum_{n=1}^{N} (F_{w,n} - F_{v,n} \tan \phi_n) \frac{\Gamma_n}{U} = 4\pi\alpha$ (۶)

برای بار آیرودینامیکی متقارن روی هر نصف بال، (۶) به صورت زیر بیان میشود:

 $w - v tag \phi \approx 0$

² Downwash

³ Side wash

¹ Watts

$$\sum_{n=1}^{N/2} \left(\overline{F}_{w,n} - \overline{F}_{v,n} \tan \phi_n \right) \frac{\Gamma_n}{U} = 4\pi\alpha \tag{Y}$$

كە:

$$\overline{F}_{W,n} = F_{W,n} \left(x', y, z, s, \psi', \phi \right)_{left}_{panel} \tag{A}$$

$$+ F_{w,N+1-n} \left(x', y, z, s, \psi', \phi \right)_{\substack{right \\ panel}}$$

$$F_{v,n} = F_{v,n} \left(x , y, z, s, \psi, \phi \right)_{left}_{panel} + F_{v,N+1-n} \left(x', y, z, s, \psi', \phi \right)_{right}_{panel}$$
(9)

ماتریسی که توسط نرم افزار جهت تعیین قدرت گردابه حل میشود به صورت زیر است:

$$\left[\overline{F}_{w,n,k} - \overline{F}_{v,n,k} \tan \phi_n\right] \left\{ \frac{\Gamma_n}{U} \right\} = 4\pi \left\{ \alpha_k \right\}$$
(1.)

که α_k به عنوان زاویهی حمله محلی در نقطهی کنترل برحسب رادیان تعریف میشود[۱۰ و ۱۱].

۲-۲- محاسبات آیرودینامیکی

قدرت دوران گردابه (Γ_n/U) در قسمت قبل محاسبه شد و در این قسمت برای محاسبه براء و ممان خمشی و سایر مشخصههای آیرودینامیکی استفاده شده است.

۲-۲-۱- براء و گشتاور با استفاده از گردابه نعل اسبی کامل

روش توصیف شده در این بخش برای پلانهای دارای زاویه هفتی و پلانهای بال- دنباله که در ارتفاع یکسانی قرار ندارند استفاده میشود. برای هر دو نوع پلان رفتار خاصی نیاز است چون که سرعت جانبوزش و سرعت جریان به عقب^۱ علاوه بر سرعت جریان آزاد وجود دارد. تعامل مولفههای این سرعتها با گردابهی مرزی در جهت بازه، نیروی براء اضافی فراهم میکند و تعامل جانبوزش با گردابه مرزی در جهت وتر نیروی براء جدید و دیگری را نتیجه میدهد. برای استفاده از روش محاسباتی ارائه شده در این بخش بایستی پلان مورد نظر یک تغییر پیوسته در وتر محلی از نوک بال تا ریشهی بال داشته باشد.

تئوری کوتا- جاکوفسکی برای براء بر واحد طول یک

¹ Backwash

براء توسعه یافته در امتداد گردابه در جهت وتر در یک رديف از گردابه نعل اسبي وترسو ً از لبه برخورد تا لبه فرار به خاطر تغییرات طولی سرعت جانبوزش و قدرت گردابه محلی، تغییر می کند. در شکل۳ می توان دید که هیچ دورانی در امتداد گردابهی وترسو از لبه برخورد بال تا یک چهارم وتر اولین پنل وجود ندارد در نتیجه در این محل برائی تولید نمی شود. روی گردابه مرزی وترسو از یک چهارم وتر هر پنل تا یک چهارم وتر پنل بعدی مقدار دوران ثابت بوده ولی مقدار سرعت جانبوزش متغیر میباشد. برای اولین پنل در نوک بال چپ شرایط خاصی وجود دارد در آنجا مقدار دوران معادل با دوران اولین پنل از اولین ردیف وترسو گردابه نعل اسبی میباشد. در پنل های بعدی، این گردابه مرزی بین دو ردیف گردابه نعل اسبی وترسو قرار دارد و دوران معادل با تفاضل بین دورانهای پنل اول هر ردیف است و سرعت جانبوزش استفاده شده, سرعتی است که روی سه چهارم وتر گردابه وترسو چپ اولین پنل محاسبه گردیده است.



شکل ۳- جزئیات یک ردیف وترسو از جریان نعلی شکل

² Chord wise

براء بعدی که محاسبه شده است برائی است که در امتداد گردابه نعل اسبی وترسو بین یک چهارم وتر پنل دوم و یک چهارم ینل سوم توسعه داده شده است. این براء به یک روش مشابه اولین گردابه نعل اسبی محاسبه می شود ولی تفاوتهایی وجود دارد که هم اکنون توضیح داده میشوند. در نوک بال چپ مجموع مقادیر دوران دو پنل اول استفاده می شود. در پنل های بعدی بین دو ردیف گردابه وترسو دوران معادل با مجموع تفاضل بین دوران پنل اول هر ردیف و تفاضل بین دوران پنل دوم هر ردیف است و سرعت جانبوزش سرعتی است که در یک چهارم وتر روی گردابه مرزی وترسو چپ پنل دوم محاسبه می شود. این روش تا آخرین پنل هر ردیف وترسو ادامه مییابد. گردابهی مرزی وترسو نهایی از یک چهارم وتر آخرین پنل تا لبه فرار گسترش می یابد به طوری که طول آن معادل سه چهارم طول سایر گردابههای مرزی وترسو همان ردیف میباشد. سرعت جانبوزش توصيف شده در روش فوق به وسيلهى معادلەي زىر بيان مىشود:

$$\frac{v}{U} = \frac{1}{4\pi} \sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_n}{U} \overline{F_{v}}_{,n}$$
(17)

اگر رشته گردابه یا ادامه آن از نقطهای که سرعت در آن محاسبه میشود عبور کند در نرم افزار ترم فوق از معادله (۱۲) حذف میشود زیرا یک رشته گردابه روی خودش نمیتواند سرعت تولید کند. براء تولید شده در امتداد یک طول المان از گردابهی مرزی وترسو که با فشار دینامیکی جریان آزاد و مساحت بال مرجع بیبعد شده است به وسیله معادله زیر بیان میشود:

$$\frac{\hat{l}_t}{qS_{ref}} = \frac{2}{S_{ref}} \frac{\Delta\Gamma}{U} c_c \frac{v}{U}$$
(17)

که $\Delta\Gamma$ مقدار محلی دوران و C_c وتر یا طول المان گردابه مرزی وترسو است. در امتداد گردابه مرزی وترسو در ریشه بال هیچ برائی تولید نمی شود زیرا سرعت جانبوزش برای هندسه و بار متقارن صفر است.

براء در امتداد گردابه بازهسو^۱ به مقدار سرعت جریان آزاد، جریان به عقب، جانبوزش و دوران پنل وابسته است.

¹ Spanwise

سرعت جانب وزش در (۱۲) داده شد و سرعت به عقب از رابطهی زیر محاسبه می شود:

$$\frac{u}{U} = \frac{1}{4\pi} \sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_n}{U} \overline{F}_{u,n} \tag{14}$$

کە:

$$\overline{F}_{u,n} = F_{u,n} \left(x', y, z, s, \psi', \phi \right)_{\substack{left \\ panel}} + F_{u,N+1-n} \left(x', y, z, s, \psi', \phi \right)_{\substack{right \\ panel}}$$
(10)

یک رشته گردابه مرزی در راستای بازه (بازهسو) در شکل۴ نشان داده شده است.



اختیاری در جریان

براء تولید شده در امتداد این رشته گردابه از تعامل سرعت محوری کلی با مولفه رشته گردابه موازی محور \hat{Y} ($\phi \cos 2s$) و تعامل سرعت جانبوزش با مولفه رشته گردابه موازی با محور \hat{X} ($\phi \cos \phi$) میآید. معادله این براء که به وسیله فشار دینامیکی جریان آزاد و مساحت مرجع بی بعد شده به صورت زیر است:

$$\frac{\hat{l}_s}{q_{\infty}S_{ref}} = \frac{2}{S_{ref}} \frac{\Gamma}{U} (2s) \left[\left(1 - \frac{u}{U} \right) + \frac{v}{U} \tan \psi \right] \cos \phi \tag{19}$$

سهم براء پنل برای ممان خمشی به صورت زیر است:

$$\frac{m_Y}{q_{\infty}S_{ref}c_{ref}} = \frac{l_s}{q_{\infty}S_{ref}}\frac{\hat{x}_s}{c_{ref}} + \frac{l_t}{q_{\infty}S_{ref}}\frac{\hat{x}_t}{c_{ref}}$$
(1V)

به منظور حصول ضریب ممان خمشی و ضریب براء برای کل بال این ترمها روی تمام پنلها با هم جمع میشوند که معادلات ضریب براء و ضریب ممان خمشی در نهایت به صورت زیر می شوند:

$$C_{L} = \frac{L}{q_{\infty}S_{ref}} = 2\sum_{n=1}^{N/2} \left(\frac{\hat{l}_{s}}{q_{\infty}S_{ref}}\right)_{n} + \left(\frac{\hat{l}_{t}}{q_{\infty}S_{ref}}\right)_{n}$$
(1A)

$$C_m = \frac{M_Y}{q_{\infty}S_{ref}c_{ref}} = 2\sum_{n=1}^{N/2} \left(\frac{m_Y}{q_{\infty}S_{ref}c_{ref}}\right)_n \tag{19}$$

در رابطه بالا Sref مساحت مرجع و Cref وتر مرجع میباشد. پارامتر پایداری طولی برای بال حول مبدا محور \hat{X} به صورت زیر است:

$$\frac{\partial C_m}{\partial C_L} = \frac{\left(\frac{M_Y}{q_\infty S_{ref} c_{ref}}\right)_a}{\left(\frac{L}{q_\infty S_{ref}}\right)_a}$$
(Y•)

ممان خمشی در براء صفر و مرکز فشار در جهت بازه نیز به صورت زیر محاسبه میشود:

$$C_{m_o} = \left(\frac{M_Y}{q_{\infty}S_{ref}c_{ref}}\right)_{tc} - \frac{\partial C_m}{\partial C_L} \left(\frac{L}{q_{\infty}S_{ref}}\right)_{tc}$$
(Y1)

$$y_{cp} = \frac{\sum_{n=1}^{N/2} \left[\left(\frac{\hat{l}_s}{q_{\infty} S_{ref}} \right)_{a,n} \hat{y}_{s,n} + \left(\frac{\hat{l}_t}{q_{\infty} S_{ref}} \right)_{a,n} \hat{y}_{t,n} \right]}{\frac{1}{2} \left(\frac{L}{q_{\infty} S_{ref}} \right)_a \left(\frac{b}{2} \right)}$$
(YY)

ضریب بار بازه از براء در امتداد گردابههای مرزی بازهسو و وترسوی گردابه نعل اسبی به دست میآید. ضریب بار بازه برای یک پنل به صورت زیر است:

$$\frac{c_l c}{C_L c_{av}} = \frac{\hat{l}}{q_{\infty} S_{ref}} \frac{T}{C_L}$$
(177)

در رابطه بالا Cav وتر متوسط و C۱ براء محلی است. برای یک موقعیت بازهسوی خاص هر یک از این براءهای وترسو با هم جمع میشوند و به ضریب بار بازه تبدیل میشوند که به صورت معادلهی زیر است:

برای براء در امتداد رشته گردابه بازهسو:

$$\left(\frac{c_{l}c}{C_{L}c_{av}}\right)_{s} = T \sum_{i=1}^{j} \left(\frac{\hat{l}_{s}}{q_{\infty}S_{ref}}\right)_{i} \frac{1}{C_{L}}$$
(Yf)

برای براء در امتداد رشته گردابه وترسو:

$$\left(\frac{c_l c}{C_L c_{av}}\right)_t = T \sum_{i=1}^j \left(\frac{\hat{l}_i}{q_{\infty} S_{ref}}\right)_i \frac{1}{C_L}$$
(Y Δ)

نتایج این معادلات بایستی ترکیب شوند تا توزیع نهایی حاصل شود. فرض میشود ضریب بار بازه در نوک بال صفر باشد این نتیجه مستقیما از ترکیب معادلات (۲۴) و (۲۵) بدست نمی آید. از آنجایی که روش گردابه یک تقریب متناهی برای تغییرات پیوستهی دوران در سراسر بازهی بال است، هر

مقدار از دوران، مقدار متوسط روی عرض یک گردابه نعل اسبی را نشان میدهد.

به منظور تعیین پارامتر تعدیل در غلتش بالهای دارای زاویه هفتی، بایستی توزیع براء که از بار بازهی نامتقارن ناشی میشود با بازوی گشتاوری بازهسوی مناسب ترکیب شود. این ترکیب به صورت زیر بیان میشود[۱۰ و ۱۱]:

$$C_{l} = \frac{2}{q_{\infty}S_{ref}b} \left[\sum_{n=1}^{N/2} (\hat{l}_{t}\hat{y}_{t})_{n} + \sum_{n=1}^{N/2} (\hat{l}_{s}\hat{y}_{s})_{n} \right]$$
(79)

و همچنين:

$$C_{lp} = \frac{\partial C_l}{\partial \left(\frac{pb}{2U}\right)} \approx \frac{C_l}{\frac{5\pi}{180}}$$
(YY)

۲-۲-۲ براء و گشتاور با استفاده از فقط رشته گردابههای در راستای بازه (بازهسو)

محاسبه دادههای خروجی، براء و ممان خمشی و غلتشی، برای بالهایی که زاویه هفتی ندارند در این بخش توصیف میشوند. تمام براء به وسیله سرعت جریان آزاد عبوری از رشته گردابه بازهسو تولید میشود زیرا در اینجا سرعتهای جانبوزش و جریان به عقب وجود ندارد. برای یک پنل واحد براء در فرم بدون بعد به صورت زیر میشود:

$$\frac{l}{q_{\infty}c_{av}} = \frac{2}{c_{av}}\frac{\Gamma}{U}$$
(YA)

ضریب براء کلی با انتگرال گیری روی بازه به صورت زیر بدست میآید:

$$C_{L} = \frac{S_{\tau}}{S_{ref}} \int_{0}^{1} \frac{c_{l}c}{c_{av}} d\left(\frac{\hat{y}}{b/2}\right)$$
(79)

یا به صورت تقریبی:

$$C_L = \frac{8}{S_{ref}} \sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_n}{U} s_n \tag{(7.)}$$

پايداري طولي حول محور \hat{X} به صورت زير است:

$$\frac{\partial C_m}{\partial C_L} = \frac{1}{c_{ref}} \frac{\sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_{a,n}}{U} \hat{x}_{s,n} s_n}{\sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_{a,n}}{U} s_n}$$
(٣١)

ممان خمشی در براء صفر:

$$C_{m_o} = \frac{8}{c_{ref} S_{ref}} \sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_{tc,n}}{U} \hat{x}_{s,n} s_n - \frac{\partial C_m}{\partial C_L} C_{L,tc} \qquad (\text{TT})$$

$$y_{cp} = \frac{1}{b/2} \frac{\sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_{a,n}}{U} \hat{y}_{s,n} s_n}{\sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_{a,n}}{U} s_n}$$
(٣٣)

$$\frac{c_l c}{C_L c_{av}} = \frac{\frac{b}{2} \sum_{i=1}^{r} \frac{\Gamma_i}{U}}{2 \sum_{n=1}^{N/2} \frac{\Gamma_n}{U} s_n}$$
(°°°)

i

پارامتر تعدیل غلتش برای بالهای بدون زاویه هفتی با حذف سهم مربوط به گردابه وترسو از معادلهی (۲۶) به صورت زیر است:

$$C_{l} = \frac{2}{q_{\infty}S_{ref}b} \left[\sum_{n=1}^{N/2} 2\left(\frac{\Gamma}{U}\right) \hat{y}_{s,n} 2s_{n} \right]$$
(°\Delta)

و همچنين:

$$C_{lp} \approx \frac{C_l}{5\pi/180} \tag{(79)}$$

۲-۲-۳- پسا القایی و سایر پارامترهایآیرودینامیکی

در این بخش کمیت تعدیل خمش، براء به سبب نرخ خمش، کمیت پسای القایی، زاویه حمله برای براء صفر، زاویه حمله برای ضریب براء مطلوب، توزیع بار بازه پایه، توزیع بار بازه اضافی محاسبه شدهاند.

مشتق خمشی با استفاده از قدرتهای گردابه بدست آمده با مقادیر شرایط مرزی که یک حرکت خمشی ثابت را نشان میدهد، محاسبه میشود و این قدرتهای گردابه برای محاسبهی 2_Lو _{Cm}به کار میروند.

$$C_{m_q} = \frac{\partial C_m}{\partial \left(\frac{qc}{2U}\right)} \approx \frac{C_m}{\frac{5\pi}{180} \frac{c_{ref}}{2}} \tag{(47)}$$

$$C_{L_q} = \frac{\partial C_L}{\partial \left(\frac{qc}{2U}\right)} \approx \frac{C_L}{\frac{5\pi}{180} \frac{c_{ref}}{2}} \tag{(\%)}$$

محاسبات میدان نزدیک برای پسای القایی برمبنای براء و نیروی لبه برخورد برای هر پنل به صورت زیر است:

$$\frac{d_{ii}}{q_{\infty}} = \alpha \frac{l}{q_{\infty}} - \frac{t}{q_{\infty}} \tag{(4)}$$

که براء بر واحد بازه $_{\infty} l/q_{\infty}$ برای پلانهای بدون زاویه هفتی از معادلهی (۲۸) و برای پلانهای دارای زاویه هفتی از معادلات (۱۳) و (۱۶) محاسبه میشود. نیروی لبه برخورد بر واحد بازه به وسیله تئوری کوتا- جاکوفسکی محاسبه میشود جایی که مولفههای سرعت جریان آزاد و القایی موازی با صفحهی $\hat{Z} - \hat{Y}$ در تعامل با رشته گردابه مرزی بازهسو هستند و به صورت زیر بیان میشوند:

$$\frac{t}{q_{\infty}} = -2\left(\frac{w}{U} - \frac{v}{U}\tan\phi - \alpha\right)\left(\frac{\Gamma}{U}\right)_{a,rad}$$
(f.)

در نهایت حل میدان نزدیک برای پارامتر پسای القایی میشود:

$$\frac{C_{D,i}}{C_L^2} = \frac{4b}{S_{ref} \left(C_{L_{\alpha}}\right)_{rad}^2} \sum_{k=1}^{\bar{N}_s} \left(\frac{c_{d,i}c}{2b}\right)_k 2s_k \cos \phi_k \qquad (\texttt{fi})$$

به علاوه ضریب نیروی لبه برخورد و ضریب مکش به طور مشابه به طور زیر محاسبه میشوند:

$$C_T = \frac{2}{S_{ref}} \sum_{k=1}^{\overline{N}_s} \left(\frac{c_t c}{2b}\right)_k 2s_k \cos \phi_k \tag{(ft)}$$

$$C_{S} = \frac{2}{S_{ref}} \sum_{k=1}^{N_{s}} \left(\frac{c_{s}c}{2b}\right)_{k} 2s_{k} \cos\phi_{k} \tag{(fT)}$$

توزیع بار بازه در ضریب براء مطلوب ورودی به صورت زیر است:

$$\left(\frac{c_l c}{c_{av}}\right)_d = \left(\frac{c_l c}{c_{av}}\right)_B + \sum_{i=1}^j \left(\frac{l}{q_{\infty} c_{av}}\right)_{i,a} \frac{C_{L,d}}{C_{L,a}} \qquad (ff)$$

ضریب فشار افزایشی به صورت زیر تعریف میشود:

$$\Delta C_{p,n} = \frac{\left(p_{lower} - p_{upper}\right)_n}{q_{\infty}} \tag{Φ}$$

از آنجایی که روی هر پنل فشار یکنواخت فرض میشود داریم:

$$\Delta C_{p,n} = \frac{\left(l/c\right)_n}{q_{\infty}} \tag{(ff)}$$

که این معادله در برنامه استفاده شده است. برای پلانهای بدون زاویه هفتی معادله (۴۶) به صورت زیر قابل بیان است[۱۰]و [۱۱]:

$$\Delta C_{p,n} = \frac{\rho U \Gamma_n / c_n}{q_{\infty}} = \frac{2}{c_n} \frac{\Gamma_n}{U}$$
(FY)

۲-۴- معادلهی تشابه پرانتل - گلورت⁽

در جریانهای مادون صوت با سرعت زیاد برای اعمال اثر تراکم پذیری از اعمال تصحیحات نسبتا سادهای بر روی نتایج جریان تراکم ناپذیر استفاده می شود. یکی از مشهورترین این تصحیحات، تشابه پرانتل گلورت است. این نظریه کاملا زیر صوتی است و از $0.7 = _{\infty} M$ به بالا، نتایج آن غیر قابل استفاده است [۸].

به طور کلی نتایج تاثیر تشابه پرانتل - گلورت بر روی پارامترهای آیرودینامیکی به این صورت بیان شده است: اگر ضریب فشار تراکم ناپذیر با $C_{p,0}$ نشان داده شود در حالت تصحیح شده برای جریان تراکم پذیر به صورت زیر بدست میآید:

$$C_p = \frac{C_{p,0}}{\sqrt{1 - M_{\infty}^2}} \tag{(f.)}$$

به همین ترتیب برای ضریب براء و ضریب گشتاور خمشی، معادلات اصلاح شده با فرض اینکه $C_{L,0}$ و $C_{m,0}$ به ترتیب ضریب براء و گشتاور خمشی جریان تراکم ناپذیر باشند، به صورت زیر بیان می شوند:

$$C_{L} = \frac{C_{L,0}}{\sqrt{1 - M_{\infty}^{2}}} and \qquad C_{m} = \frac{C_{m,0}}{\sqrt{1 - M_{\infty}^{2}}} \qquad (49)$$

۳- بحث و بررسی نتایج

۳-۱- مقایسهی نتایج روش حاضر با نتایج تجربی

ابتدا برای اطمینان از صحت نتایج روش حاضر، نتایج حاصل از این روش با نتایج تجربی یک بال ذوزنقهای (شکل ۵) مقایسه شده است. نتایح تجربی این بال از مرجع [۱۲] استخراج شده و در ماخ صفر می،اشند.



ضریب براء برای بال مورد نظر در شکلهای ۶ و ۷ رسم شده است. همانطور که در نمودار زیر دیده میشود تطابق خوبی بین دادههای تجربی و نتایج روش حاضر وجود دارد.

ضريب براء برحسب زاويه حمله و ضريب پسا برحسب



شکل ۷ منحنی پسای القایی بر حسب ضریب براء را نشان می دهد، دیده می شود در براء صفر داده های تجربی مقدار خیلی کم حدود ۲۰۰۵ را نشان می دهد در حالی که روش حاضر مقدار صفر را محاسبه می کند و همچنین یک فاصله تقریبا ثابتی بین منحنی داده های تجربی و روش حاضر وجود دارد. بایستی توجه شود که این همان پسای ناشی از اصطکاک پوسته است که در روش حاضر پسای القایی محاسبه شده و پسای شکلی وارد محاسبات نشده است.

¹ Prandtl - Glauert Equation

۳–۲– تأثیر عدد ماخ روی ضرایب آیرودینامیکی در این بخش تاثیر عدد ماخ روی ضرایب آیرودینامیکی بررسی شده است. بدین منظور پیکربندی زیر در نظر گرفته شده و در سه عدد ماخ صفر، ۳.۲ و ۶.۶ ضرایب براء و پسای القایی با روش عددی مذکور بدست آمده و در ادامه رسم شده است.



آيروديناميكي

شکل ۹ ضریب براء بر حسب زاویه حمله را در ماخهای مختلف نشان میدهد. همانطور که مشاهده می شود با افزایش ماخ ضریب براء نیز افزایش یافته است. شکل ۱۰ ضریب پسای القایی را بر حسب ضریب براء نشان میدهد. طبق شکل شاید اینطور برداشت شود که تغییر ماخ روی ضریب پسای القایی تاثیر نداشته اما بایستی بیان شود که چون روند منحنی یکسان است بنابراین با تغییر ماخ منحنی جدید روی منحنی قبلی می افتد ولی مقداری به جلو شیفت می خورد.



شکل۹- ضریب براء بر حسب زاویه حمله در ماخهای مختلف



شکل ۱۱ ضریب گشتاور خمشی برحسب ضریب براء را نشان میدهد. مشاهده میشود که شیب ضریب گشتاور خمشی برای هر سه ماخ یکسان است یعنی با تغییر عدد ماخ پایداری طولی تغییر نکرده است.



۳-۳- تاثیر نوع شکل بالک جلو روی ضرایب آیرودینامیکی

در این بخش تاثیر نوع شکل بالک جلو روی مشخصههای آیرودینامیکی هواپیما مورد بررسی قرار گرفته است. چهار نوع پیکربندی با بالک جلو متفاوت و بازه یکسان در نظر گرفته شده است و با استفاده از روش عددی مذکور ضرایب آیرودینامیکی در ماخ ۰.۳ بدست آمده و با پیکربندی بدون بالک جلو مقایسه شده است. در جدول ۱ مشخصات مربوط به پیکربندیها و در شکلهای ۸ و ۱۲ تا ۱۵ شماتیکی از پیکربندیها آورده شده است.



شکل ۱۵- پیکربندی با بالک جلو دارای پیشتابیدگی

در شکل ۱۶ منحنی ضریب براء بر حسب زاویه حمله برای پیکربندیهای اشاره شده رسم شده است. همانطور که مشاهده می شود وجود بالک موجب بیشتر شدن ضریب براء شده است. در بین انواع بالکها، بالک دارای پیشتابیدگی (شکل۱۵) بیشترین ضریب براء را دارا می باشد. نکته یمهم دیگر این است که وجود بالک جلو باعث شده است تا شروع واماندگی به زوایای حمله ی بزرگتری منتقل گردد.



در شکل ۱۷ منحنی پسای قطبی نشان داده شده است. دیده می شود که منحنی های مربوط به پیکربندی های دارای بالک جلو تقریبا یکسان بوده و در یک ضریب براء یکسان، پسای القایی بزرگتری از بدون بالک را نشان می دهند.

در شکل ۱۸ منحنی ضریب گشتاور خمشی بر حسب ضریب براء رسم شده است. طبق این شکل پیکربندیهای دارای بالک جلو گشتاور خمشی کمتری نسبت به پیکربندی بدون بالک دارند که علت آن کوچکتر شدن بازوی گشتاوری است.

جدول ۱- مشخصات پیکربندیهای با بالک جلوِ متفاوت	
مقدار	پارامتر
۱۵/۵ m	طول پیکربندی
۹/۵ m	بازەي بال اصلى
۵ m	بازەى بال جلو
شکل ۸: بدون بالک جلو	
شکل ۱۱: ذوزنقهای	
شکل۱۲: مستطیلی	شکا پالک جلہ
شکل۱۳: دارای پستابیدگی	<i>y</i> -,, <i>y</i>
شکل۱۴: دارای پیشتابیدگی	



شکل۱۲- پیکربندی با بالک جلو ذوزنقهای شکل



شکل ۱۳- پیکربندی با بالک جلو مستطیلی شکل



شکل ۱۴- پیکربندی با بالک جلو دارای پستابیدگی



شکل ۱۷- ضریب براء بر حسب ضریب پسای القایی در ماخ ۰/۳



سکل ۱۸- صریب نستاور حمسی بر حسب صریب براء د. ماخ۳/۰

شکلهای ۱۹ و ۲۰ به ترتیب منحنیهای توزیع ضریب براء محلی و توزیع بار روی بازهی بال اصلی را نشان میدهند. در شکل ۲۰ مشاهده میشود که طولی از بازهی بال که در معرض دنبالههای ایجاد شده توسط بالک جلو قرار گرفتهاند، افت شدید در مقدار بار ایجاد شده است. دلیل دیگر کمتر بودن گشتاور خمشی پیکربندیهای دارای بالک جلو همین کاهش بار روی بازه است.



شکل ۱۹- توزیع براء محلی بر روی بازهی بال در ماخ ۲/۳



۴-۳ تاثیر محل قرارگیری بالک جلو از نوک هواپیما روی ضرایب آیرودینامیکی

در این بخش تاثیر موقعیت قرار گیری بالک جلو (فاصلهی بالک از نوک پیکربندی) روی ضرایب آیرودینامیکی مورد بحث قرار گرفته است. مطابق شکلهای ۲۱ تا ۲۳، بالکها در سه موقعیت متفاوت قرار گرفتهاند و با استفاده از روش عددی مذکور مشخصههای آیرودینامیکی در ماخ ۳.۰ محاسبه شدهاند. مشخصات پیکربندیها در جدول ۲ آمده است.

جدول ۲- مشخصات پیکربندیهای مورد بررسی		
پارامتر	مقدار	
طول پیکربندی	۱۵/۵ m	
بازەي بال اصلى	۹/۵ m	
بازەى بال جلو	۵ m	
فالبيا العالية	شکل۲۱: a=0.15L	
کاصله ی بالک جلو از تو ک	شکل۲۲: a=0.30L	
پيدربىدى	شکلa=0.44L :۲۳	



شکل ۲۱- بالک جلو در موقعیت 0.15L از نوک پیکربندی



شکل ۲۲– بالک جلو در موقعیت 0.3L از نوک پیکربندی



شکل ۲۳- بالک جلو در موقعیت 0.44L از نوک پیکربندی

در شکل ۲۴ منحنی ضریب براء بر حسب زاویه حمله رسم شده است. مشاهده می شود در دو حالتی که بالک خیلی نزدیک به نوک پیکربندی و خیلی دور از آن (شکلهای ۲۱ (۲۳) قرار دارد نسبت به حالتی که بین این دو حالت قرار دارد، ضریب براء کمتری دارند. در نتیجه بایستی بالک جلو نه

خیلی نزدیک به بال اصلی و نه خیلی دور از آن باشد. شکل ۲۵ منحنی پسای قطبی را برای پیکربندیهای در نظر گرفته شده نشان میدهد. طبق این شکل موقعیت قرار گیری بالک روی روندمنحنی پسای القایی تاثیر نگذاشته است.



شکل ۲۴- ضریب براء بر حسب زاویه حمله در ماخ ۰/۳



شکل ۲۵- ضریب براء بر حسب ضریب پسای القایی در ماخ

+/٣



شکل ۲۶- ضریب گشتاور خمشی برحسب ضریب براء در ماخ ۰/۳

طبق شکل قبل (شکل ۲۶) که منحنی ضریب گشتاور خمشی بر حسب ضریب براء را نشان نمایش میدهد هر چه بالک جلو به بال اصلی نزدیکتر باشد گشتاور خمشی کمتری حاصل میشود. البته بایستی توجه شود که در هر سه حالت نسبت به پیکربندی بدون بالک کمتر است. (شکل ۱۸)

در شکلهای ۲۷ و ۲۸ به ترتیب توزیع ضریب براء محلی و توزیع بار روی بازهی بال رسم شده است. در شکل ۲۸ مشاهده میشود که هر چه بالک جلو به بال اصلی نزدیک باشد تاثیر دنبالههای ایجاد شده توسط بالک بیشتر شده و در نتیجهی آن افت بیشتری در بار اتفاق افتاده است.



شکل ۲۷- توزیع براء محلی بر روی بازهی بال در ماخ ۲/۲



شکل ۲۸- توزیع بار روی بازهی بال در ماخ ۰/۳

۳-۵- تاثیر هم ارتفاع نبودن بالک جلو و بال اصلی هواپیما روی ضرایب آیرودینامیکی

در این بخش تاثیر ارتفاع نسبی قرار گرفتن بالک جلو و بال اصلی نسبت به هم دیگر مورد بررسی قرار گرفته است. بدین منظور پنج حالت مختلف انتخاب شده است. مشخصات مربوطه در جدول ۳ و شماتیکی از پیکربندی در شکل ۲۹

آورده شده است. باستی اشاره گردد که محاسبات در ماخ ۰.۳ با استفاده از روش عددی مذکور انجام گرفته است.

جدول ۳- مشخصات پیربندی های مورد بررسی

پارامتر
طول پیکربندی
بازەى بال اصلى (b)
بازەى بال جلو
ارتفاء قرار گررم رالک جار از
ارتشاع ترار فيرى بانك بحو ار
بال اصلی



اصلى

شکل ۳۰ منحنی ضریب براء بر حسب زاویه حمله را نشان میدهد. مشاهده میشود که با افزایش ارتفاع قرار گرفتن بالک از بال اصلی ابتدا ضریب براء کاهش مییابد و سپس دوباره افزایش مییابد تا در یک ارتفاع معینی (برای این پیکربندی 0.32b است) دوباره برابر با حالت ارتفاع صفر میشود و پس از آن بیشتر شدن ارتفاع موجب بیشتر شدن ضریب براء نسبت به حالت هم ارتفاع بودن بال اصلی و بالک می گردد.

در شکل ۳۱ منحنی پسای قطبی رسم شده است. طبق این شکل تغییر ارتفاع تاثیری روی روند منحنی پسای القایی ندارد. شکل ۳۲ ضریب گشتاور خمشی بر حسب ضریب براء را نشان میدهد، وقتی ارتفاع بالک از بال اصلی بیشتر میشود گشتاور خمشی تولیدی نیز بیشتر میشود.

در شکلهای ۳۳ و ۳۴ به ترتیب توزیع ضریب براء محلی و توزیع بار روی بازهی بال اصلی رسم شده است. مشاهده میشود وجود ارتفاع بین بالک جلو و بال اصلی ناهمگونی ایجاد شده در توزیع بار (که ناشی از دنبالههای ایجاد شده توسط بالک است) از بین میرود و هر چه ارتفاع بیشتر

می شود تاثیر دنباله های بالک بیشتر شده و ماکزیمم مقدار بار نيز بيشتر مىشود







شکل ۳۱- ضریب براء بر حسب ضریب پسای القایی در ماخ ٠/٣





شکل ۳۳- توزیع براء محلی بر روی بازهی بال در ماخ ۰/۳



۳-۶- نتیجه گیری کلی

همانطور که در بخش نتایج مشاهده شد وجود بالک جلو موجب بهبود ضریب براء و کاهش بار روی بازهی بال اصلی می گردد. البته به علت تاثیر دنباله های بالک جلو روی بال اصلی یک ناهمگونی در توزیع بار به وجود میآید. به منظور رفع ناهمگونی توزیع بار و در عین حال حفظ مزیت کاهش بار حاصل شده از وجود بالک، بال اصلی و بالک جلو در ارتفاع متفاوتی از هم قرار داده میشوند که علاوه بر رفع ناهمگونی توزيع بار ضريب براء را نيز افزايش مىدهد. در ادامه طبق نتایج مربوط به موقعیت قرارگیری بالک جلو نسبت به بال اصلی مشاهده شد که فاصله خیلی کم بالک جلو از بال اصلی و فاصله زیاد آن مناسب نیست. همچنین از نتایج مربوط به تاثیر عدد ماخ روی ضریب براء مشخص است که با افزایش عدد ماخ ضریب براء افزایش یافته است. همانطور که در مقدمه اشاره شد استفاده از بالک جلو هم مزایا و هم

زاويه هفتي	ϕ
چگالی	ρ
زاویه تاب بال	ψ

معایب دارد که در بخش نتایج نیز به وضوع مشاهده شد. به طور کلی مزایای استفاده از بالک جلو بر معایبش برتری دارد.

مراجع

- Yang Y, Wu Zh, Yang Ch (2012) Equivalent plate modeling for complex wing configurations. J. Procedia Engineering 31: 409–415.
- [2] Huang J, Mostafa MI, Wu Z (2003) Conceptual Design Optimization of Fighter Trainer Aircraft with Double-delta Wing Configuration. Chinese Journal of Aeronautics 16(2): 80-85.
- [3] Qin N, Vavalle A, Le Moigne A, Laban M, Hackett K, Weinerfelt P (2004) Aerodynamic considerations of blended wing body aircraft. J. Progress in Aerospace Sciences 40(6): 321–343.
- [4] Coiro DP, NicolosiF (2002) Design of a Three Surfaces R/C Aircraft Model. J. Acta Polytechnica 42(1): 44–52.
- [5] Guoqing Z, Shuxing Y, Yong X (2010) Investigation of Vortex Interaction in Canard-FSW Configurations Based on the Numerical Wind Tunnel Method.Chinese Journal of Aeronautics 23(3): 312–319.
- [6] Watts PE, Treadgold DA (1959) A Wind Tunnel Investigation of the Longitudinal and Lateral Aerodynamic Characteristics of a Canard Aircraft Model, Reports and Memoranda No. 3226.
- [7] Weissinger J (1947) The Lift Distribution of Swept-Back Wings, NACA TM-1120.
- [8] Glauert H (1948) The Elements of Aerofoil and Airscrew Theory, Second ed., Cambridge, Univ. Press.
- [9] Robinson A, Laurmann JA (1956) Wing Theory; Chap 1, Cambridge University Press, Cambridge, England.
- [10] Rubbert PE (1964) Theoretical Characteristics of Arbitrary Wings by a Non-Planar Vortex Lattice Method, Doc., No. D6-9244, Boeing Company.
- [11] Dastourani H, DJavareshkian MH (2012) Evaluation of the PotentialFlowon UAVs & MAVs with Practical Configuration, M.Sc. Thesis, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran.
- [12] Bertin J (1989) Aerodynamic for Engineers, fifth ed., US. Air Force Academy.

	۴- فهرست علائم
بازەي بال، (m)	b
وتر، (m)	с
ضريب پسا القايي	C _{Di}
ضريب براء	C_L
پارامتردمپ غلتش	C_{lp}
ضريب ممان خمشي	C _m
پارامتر دمپ خمش	C_{mq}
ضریب براء به سبب نرخ خمش	C_{lp}
ضريب مكش	Cs
ضریب نیروی لبه برخورد	C _T
وتر متوسط، (m)	C _{av}
ضريب براء محلي	c_1
وتر بال مرجع، (m)	C _{ref}
جمع تابع تاثیر(F)	\overline{F}
گشتاور خمشی	M_y
ماخ	М
ماکزیمم تعداد پنل روی بال	Ν
فشار، (Pa	Р
فشار دینامیکی جریان آزاد، (Pa)	q_{∞}
مساحت بال مرجع، (m ²)	S_{ref}
مساحت درست بال، (m ²)	${S}_{ au}$
نیروی لبه برخورد محلی، (N)	t
نیروی لبه برخورد، (N)	Т
سرعت جریان آزاد، (m/s)	U
سرعت آشفتهی برگشتی، (m/s)	u
سرعت برآيند، (m/s)	V
جانبوزش(سايدواش)، (m/s)	v
فرووزش(دانواش)، (m/s)	W
سیستم محورهای مختصات	x,y,z
قدرت جريان حلقوى	Г