

# مقایسهی عملکرد الاستومرهای الکترو/مگنتورئولوژیک در میراسازی ارتعاشات روتورهای دوار

محمدالرکابی<sup>(</sup>، جلیل رضایی پژند<sup>۲.»</sup> و حمید معین فرد <sup>۱</sup> دانشجوی دکتری، گروه مهندسی مکانیک، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد ۲ استاد، گروه مهندسی مکانیک، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد ۲ دانشیار، گروه مهندسی مکانیک، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد مقاله مستقل، تاریخ دریافت ۲۰/۱/۱/۱۱

#### چکیدہ

هدف از این مقاله، بررسی کاربرد میراگرهای الاستومری هوشمند مغناطیسی (MRF) یا الکتریکی (ERE) در کاهش میزان ارتعاشات و گسترش ناحیه پایداری سیستمهای دوار است. در این راستا، از روش المان محدود بر پایهی تئوری تیر رایلی برای مدل کردن محور با میراگرهای ERE/MRE استفاده شده است. در مدلسازی اجزا محدود، اینرسی دورانی، اثرات ژیروسکوپی و میرایی داخلی محور، لحاظ گردیده است. در شبیهسازی، ضرایب سفتی و میرایی الاستومرهای ERE/MRE، تابعی از میدان مغناطیسی/الکتریکی لحاظ شده است. نتایج مدلسازی نشان میدهد که استفاده از الاستومرهای ERE/MRE باعث کم شدن سرعت بحرانی و کاهش دامنه ارتعاشات می ود سرعت حدی پایداری سیستم بهبود می یابد. همچنین، نتایج حاکی از آن است که استفاده از الاستومرهای MR در مقایسه با الاستومرهای RR، تاثیر بیشتری در میراسازی ارتعاشات و گسترش ناحیهی پایداری سیستم دارند. در نهایت، بهمنظور گسترش ناحیه پایداری سیستم دوار به سرعتهای دورانی بالاتر، از یک استراتژی کنترلی روشن خاموش ساده استفاده شده است. طرح جدید می تواند برای بهینهسازی سطح ارتعاش و گسترش ناحیه پایداری سیستمهای دوار کارآیی موثری داشته باشد.

كلمات كليدى: ديناميك روتورها، ميراكر الاستومرى الكتريكي، ميراكر الاستومرى مغناطيسي، استراتژى كنترلى روشن-خاموش.

#### Performance Comparison of the Electro/Magneto-Rheological Elastomers for Vibration Reduction of Rotating Rotors

#### Mohammed A.K.AL Rkabi<sup>1</sup>, J. Rezaeepazhand<sup>2,\*</sup>, Hamid Moeenfard<sup>3</sup>

<sup>1</sup> Ph.D. Student, Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran.
 <sup>2</sup> Professor, Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran.
 <sup>3</sup> Associate Professor, Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran.

#### Abstract

The objective of the current study is to investigate the application of smart Magneto/Electro-Rheological (MR/ER) elastomers in vibration suppression and extending the stability region of the rotors system. The rotor is modeled via finite element method based on the Rayleigh beam theory. Proposed model takes the rotary inertia, gyroscopic effects and internal damping of the shaft into account. The stiffness and damping of the elastomers are considered as functions of the applied electric or magnetic fields. The simulation results reveal that the use of MR/ER elastomer leads to down shifting of the critical speeds and a reduction in its corresponding vibration amplitude. Also, the stability limit speed of the system is improved. Simulation results revealed that MR elastomer supports are superior on ER elastomer supports in the vibration suppression and extending the stability region of the rotor system. Finally, to improve the stability of the rotor system to higher operating rotational speeds, an on-off control strategy is employed. The proposed novel idea can be effectively utilized for optimization of the vibration level and widening the stability regions of rotating systems.

**Keywords:** Rotor Dynamic; Electro-Rheological Elastomer; Magneto-Rheological Elastomer; On-Off Control Strategy.

\* نویسنده مسئول؛ تلفن: ۵۵۱۳۸۸۰۵۱۲۳؛ فکس: ۵۵۱۳۸۸۰۶۰۵۵

آدرس پست الكترونيك: jrezaeep@um.ac.ir

#### ۱– مقدمه

اخیراً محققان امکان استفاده از مواد هوشمند به عنوان تکیهگاه، بهمنظور کاهش ارتعاشات در سیستمهای دوار را بررسی کردهاند. این مواد، دارای قابلیت تغییر خواص مکانیکی و رئولوژیکی بوسیله اعمال اثرات خارجی هستند [۳–۱] و میتوانند با موفقیت برای کاهش ارتعاشات سیستمهای مکانیکی به کار روند.

مقالات متعددی کاربرد میراگرهای سیالی ER را در کنترل ارتعاشات سیستمهای دوار مطالعه کردهاند [۴–۱۲]. برخی از آنها بر کنترل ارتعاشات سیستمهایی تمرکز کردهاند که در آنها، سیال ER در وضعیت برش مستقیم (مد کلاچ) کار میکند [۲-۴] یا میراگر با سیال ER در مود فشاری قرار دارد [۸–۱۲]. نیکولایسن و هوک [۴] بهصورت تجربی فن آوری سیال ER را به منظور کنترل ارتعاشات یک سیستم روتور یکسر گیردار بهکار بردند. آنها توانایی میراگر سیالی ER در کاهش ارتعاشات روتور را نشان دادند. یائو و منگ [۵] به صورت تحلیلی و تجربی، همان نوع از میراگر ER را با روتور یکسر گیردار مطالعه کردند و نتایج مشابهی بدست آوردند. بائر و دنیل [۶] به بررسی تحلیلی و تجربی میراگرهای دیسکی سیالی ER پرداختند. آنها دو مدل را برای میراگر سیالی ER در مد برشی توسعه دادند. مدل اول، مدل تغييريافته بينگهام بود. اين مدل نسبتاً ساده تنش برشی را برحسب ولتاژ اعمالی و سرعت در میراگر محاسبه مىكند. مدل دوم، مدل تغييريافته بوك-ون بود كه با تحریک هارمونیک و نامیزانی آزمایش شد.

محققان بسیار دیگری میراگرهای لایه فشاری با سیال ER را بررسی کردند. این مطالعات بیشتر برپایه اصول میراگرهای لایه فشاری هستند و با جایگذاری روغن روانساز به کار رفته در میراگر لایه فشاری متداول (SFD) با سیال رئوالکتریکی (ER) بدست میآیند. محققان این نوع از میراگرها را برای کنترل ارتعاشات روتور و همچنین بهبود پایداری بوسیله کنترل میدان الکتریکی استفاده میکنند. دیماروگوناس و کولیاس [۸] یک روتور صلب شبیهسازی شده توسط مدل بینگهام را بررسی کردند که بر روی دو یاتاقان ژورنال روانکاری شده با سیال ER غیرنیوتونی قرار گرفته بود. آنها دریافتند که خواص چنین یاتاقانهایی میتواند بهمیزان قابل توجهی با اعمال میدان الکتریکی تغییر

نماید و ناحیه پایداری وسیعتر شود. گوژی و همکاران [۹] یک SFD با سیال ER چند لایه طراحی کردند. سپس، به بررسی تحلیلی و تجربی رفتار دینامیکی یک روتور تک دیسک انعطاف پذیر یکسر آویزان پرداختند که بر روی یک SFD با سیال ER چند لایه قرار گرفته بود. موریشیتا و میتسوئی [۱۰] رفتار دینامیکی یک روتور انعطاف پذیر با میراگر لایه فشاری با سیال ER را بهصورت تجربی مطالعه کردند. آنها دریافتند که سرعت بحرانی اول و دوم روتور بههمراه نسبت میرایی با افزایش قدرت میدان الکتریکی، بهطور قابل توجهی افزایش می یابد. تیچی [۱۱] با استفاده از مدل پلاستیک بینگهام، میراگر لایه فشاری با سیال ER را در یاتاقان ژورنال تحلیل کرد. لومپاسفسکی و همکاران [۱۲] خصوصیات دینامیکی روتور با یاتاقانهای ژورنال را مطالعه کردند که در آن از سیال رئوالکتریکی بهعنوان روانساز استفاده میشد.

تحقیقات بسیاری نیز در مورد مواد MR انجام شده است. ژو [۱۳] تأثیر میراگر سیالی MR را بر پاسخ ارتعاشی یک روتور بهصورت آزمایشگاهی بررسی کرد. او تأیید کرد که به کار بردن سیال MR در کاهش میزان ارتعاشات روتور تأثیر فراوانی دارد. فورت و همکارن [۱۴] به بحث در مورد طراحی، مدلسازی و ارزیابی تجربی میراگر لایه فشاری با سیال MR یرداختند. ونگ و همکاران [۱۵] اثرات استفاده از میراگر MR بر خصوصیات پاسخ نامیزان روتور صلب و انعطاف پذیر را مطالعه كردند. آنها از مدل پلاستيك بينگهام و تقريب یاتاقان بلند در شبیهسازی استفاده کردند. قاسمی و همکاران [18] به مطالعه تحليلي سيستم روتور-ياتاقان با ياتاقان هوشمند پرداختند که در آن از میراگر سیالی MR در مود فشاری استفاده شده بود. آنها یک مدل ریاضی روتور انعطاف پذیر نصب شده روی میراگر سیالی MR ارائه کردند. همچنین، به انتخاب سیال MR با لزجت مناسب پرداختند و از تکنیک کنترلی روشن-خاموش استفاده کردند. ایرانینژاد و اوحدی [۱۷] با استفاده از روش المان محدود، رفتار دینامیکی روتور انعطافپذیر شامل میراگر سیالی MR را بررسی نمودند. زاپومل و همکاران [۱۸] میراگر لایه فشاری با سیال MR را بهمنظور کاهش ارتعاشات روتورهای صلب مطالعه کردند و یک مدل دوسویه ریاضی-موادی ارائه دادند. استفاده از مدل موادی دوسویه توصیف بهتری از رفتار

فیزیکی سیال رئومغناطیسی که درحین فرآیند میرایی تحت تأثیر میدان مغناطیسی قرارگرفته است، فراهم میکند. نتایج نشان داد که تغییر القای مغناطیسی در لایهی روانساز به عملکرد بهینه میراگر در گستره وسیعی از سرعت کاری روتور منجر میشود و افزایش پایداری عددی در روشهای محاسباتی را تأیید مینماید.

سیالات MR/ER، متشکل از مایع بهعنوان جزء اصلی و ذرات پراکنده یا ذرات فرومغناطیس میباشند. در چنین مایعاتی، مشکل رسوبگذاری اجتناب ناپذیر است [۱۹]. از سوی دیگر، برای هر دو نوع میراگرهای سیالی ER، باید ولتاژ بالا (بیش از ۲۰۰۰ ) به سطوح ثابت یا متحرک اعمال شود. اگر به هر دلیلی مانند نقص در عایق,بندی الکتریکی، این اجزای با ولتاژ بالا با یکدیگر تماس پیدا کنند، تولید جرقه مینمایند که قابلیت اطمینان میراگرها را کاهش میدهند [۱۳].

الاستومرهای ER/MR که نسل جدیدی از مواد ER/MR مستند تشکیل شدهاند از ذراتی با ثابت دی الکتریک بالا یا هستند تشکیل شدهاند از ذراتی با ثابت دی الکتریک بالا یا ذرات آهن معلق در زمینه پلیمر. هنگامی که یک میدان الکتریکی/مغناطیسی اعمال می شود، ذرات قطبی می شوند و در راستای میدان الکتریکی/مغناطیسی به شکل زنجیر یا ساختار ستونی درمی آیند [۲۰]. الاستومرهای MR (MRE) و ER (ARE) نه تنها همانند سیالات MR/ER پاسخ سریع و برگشت پذیری مشابهی دارند، بلکه با توجه به رسوب گذاری و پایداری ذرات، نسبت به سیالات MR/ER دارای برتری هستند. علاوهبراین، می توانند در گستره فرکانسی وسیعی کار پایداری ذرات می توانند در گستره فرکانسی وسیعی کار میند [۲۱ و ۲۲]. همچنین، اندازه و شکل الاستومرهای ملارحی نمود [۳۳] و مدول الاستیسیتهی آنها با اعمال میدان مغناطیسی/الکتریکی قابل کنترل است.

تاکنون با توجه به مطالعات صورت گرفته، تحقیقی در مورد کاربرد الاستومرهای MR/ER بهمنظور کنترل ارتعاشات سیستم روتور –یاتاقان انعطاف پذیر منتشر نشده است. بنابراین در این مقاله بهعنوان یک ایده نو، کاربرد الاستومرهای MR/ER جهت کنترل ارتعاشات یک سیستم روتور –یاتاقان انعطاف پذیر بررسی می گردد. نحوه مدل کردن روتور با تکیه گاههای MR/ERE ارائه شده است که در آن الاستومرهای MR/ER به صورت مواد ویسکوالاستیک خطی با

خواص الکتریکی قابل کنترل درنظر گرفته شدهاند. پاسخ نامیزانی و تحلیل پایداری روتور با تکیه گاههای MRE/ERE نیز بررسی شدهاند. علاوهبراین، درباره اثرات میدان مغناطیسی/الکتریکی بر سرعت بحرانی و پاسخ ارتعاشی بحث شده است و عملکرد آنها مقایسه شده است.

# ۲- خصوصیات ویسکوالاستیک و مدل دینامیکی ۱لاستومرهای MR/ER

در این بخش، ضرایب سفتی و میرایی برای لایههای الاستومری MR/ER تعیین می شوند. ماده الاستومری MR/ER اطراف یا تاقان اضافه شده است و الاستومرها بین دو حلقه فلزی هم مرکز همانند شکل ۱ قرار گرفته اند.



شكل ۱- هندسه المان حلقوى الاستومري MR/ER

خصوصیات ویسکوالاستیک مواد MR/ER بهصورت تحلیلی و تجربی، مطالعه شدهاست. مدلهای بسیاری برای بیان رفتار مواد MR در ناحیه پیش از تسلیم ارائه شدهاند. یو و همکاران [۲۴] نمودارهایی به روش تجربی بدست آوردند که وابستگی مدول ذخیرهسازی و ضریب اتلاف را به چگالی شار مغناطیسی توضیح میدهد. این نتایج را میتوان به سفتی و میرایی کلاسیک تبدیل کرد که در شبیهسازیهای عددی و تحلیلی مورد استفاده قرار میگیرند. مدلهای بسیاری برای بیان رفتار مواد AE در ناحیه پیش از تسلیم توسعه داده شده است. این مدلها شامل مدل کلوین - وویت، مدل جامد سه پارامتری و مدل ویسکوالاستیک چهار پارامتری میشوند [۲۵]. مواد AE رفتار ویسکوالاستیک از مدل جامد سه پارامتری و مدل ویسکوالاستیک از مود بروز میدهند که در آن بخشی از انرژی ورودی بازیابی میشود و بخشی به شکل گرما مستهلک میگردد. بنابراین، رفتار ویسکوالاستیک الاستومرهای AE در ناحیه پیش از

تسلیم، توسط یک مدل ویسکوالاستیک خطی ارائه شده است.

لی و همکاران [۲۵] با توسعه مدل ویسکوالاستیک چهار پارامتری، خواص مواد الاستومرهای MR را تخمین زدند. همان طور که در شکل ۲ نشان داده شده است، این مدل بسط مدل جامد سه پارامتری کلاسیک میباشد. در واقع در شکل ۲، پارامترهای  $k_1$   $k_2$  و 2 پارامترهای مدل جامد ویسکوالاستیک استاندارد هستند که بیشتر با میرایی مدل ارتباط دارند. از سوی دیگر،  $k_b$  بیانگر وابستگی مدول الاستیسیته به میدان الکتریکی اعمالی است. تنش برشی  $\tau$ طبق مدل ویسکوالاستیک چهار پارامتری به وسیله مدول مختلط T با کرنش برشی  $\gamma$  مرتبط است [۲۶].

$$\tau = G^* \gamma = (G' + jG'')\gamma \tag{1}$$



شکل ۲- مدل ویسکوالاستیک چهار پارامتری برای تکیهگاههای ER

که  $\overline{1} = \sqrt{-1}$  مدول ذخیرهسازی مرتبط با انرژی قابل بازیابی (الاستیک) و "G مدول اتلاف است که اثرات استهلاک انرژی را نشان میدهد. ضریب اتلاف  $\eta$  بهصورت نسبت این دو پارامتر تعریف میشود. 'G و "G با استفاده از تئوری ویسکوالاستیسیته خطی، به شرح ذیل بدست میآیند. جزئیات مربوطه در مرجع [۲۶] قابل رویت است.

$$G' = \frac{(k_1k_b + k_2k_b + k_1k_2)}{(k_1 + k_2)} + \frac{(c_2\omega k_1)^2}{(k_1 + k_2)[(k_1 + k_2)^2 + (c_2\omega)^2]}$$
(Y)

$$G'' = \frac{c_2 \omega k_1^2}{[(k_1 + k_2)^2 + (c_2 \omega)^2]}$$
(7)

در این معادلات، ۵ فرکانس تحریک است. وی و همکاران [۱۹] مدل چهار پارامتری ویسکوالاستیک را برای الاستومر ER امتحان کردند. آنها از روش پیشنهادی لی و همکاران

[۲۵] برای بررسی پارامترهای ا<sup>k</sup><sub>2</sub> ا<sup>k</sup><sub>2</sub> و k<sub>b</sub> استفاده کردند. یافتههای آنها به طور مختصر در جدول ۱ ارائه شده است.

[19]  $k_b$  و  $c_2 \cdot k_2 \cdot k_1$  جدول ۱– مقادیر پارامترهای  $c_2 \cdot k_2$  و

Ε				
۱/۵	١/•	• /۵	•/•	پارامىر
۹۹۰/۳۵	۷۳۷/۰ ۱	678/40	401/2	$k_1$ (kPa)
878/97	۱۵۱/۵۸	۵ • / • ۵	۱۷/۹۰	$k_2$ (kPa)
۳۵۸/۵۹	188/49	54/41	१९/८९	$k_b$ (kPa)
۱۸/۱۴	۱۰/۳۲	۴/۷۴	•/ <b>/</b> \Y	c <sub>2</sub> (kPa s)

باید توجه داشت که در این مطالعه موردی، خواص دینامیکی الاستومر MR (مدول ذخیرهسازی، G' و ضریب اتلاف n) در ناحیه پیش از تسلیم مطابق شکل ۲ هستند [۲۴]. این خواص، بهصورت تابعی از چگالی شار مغناطیسی سنجیده شدهاند و خواص دینامیکی الاستومر R در ناحیه پیش از تسلیم، از مرجع [۱۹] انتخاب شدهاند. این خواص بهصورت تابعی از فرکانس و میدان الکتریکی هستند. علاوه بر این، بر اساس [۲۷]، سفتی \* و میرایی \* حلقههای میراگر الاستومر MR/ER بهصورت تابعی از فرکانس  $\omega$  و اندازه چگالی شار یا قدرت میدان الکتریکی H و به صورت زیر نعیین میشود

 $k^*(\omega, E \text{ or } B) = 3. n. \pi. D_m. k_L. G'(\omega, E \text{ or } B)$ 

(۴)

$$c^*(\omega, E \text{ or } B) = k^* \cdot \frac{\eta(\omega, E \text{ or } B)}{\omega}$$
 ( $\Delta$ )

که در آن  $k^*$  و  $k^*$  سفتی و میرایی حلقههای میراگر الاستومری m، MR/ER تعداد حلقههای موازی الاستومری،  $\omega$  ، میانی حلقه الاستومری MR/ER همانند شکل ، فرکانس تحریک و  $k_L$  پارامتر شکل موثر بر سفتی حلقه الاستومری می باشد که برابر است با [۲۲ و ۲۸]

$$k_L = \frac{1}{6}\beta(5+\beta^2) \tag{(5)}$$

در این معادله، 
$$eta = b/h$$
 بیانگر نسبتِ عرض به ارتفاع حلقه الاستومری MR/ER است.

# ۳- مدلسازی روتور با روش المان محدود

سیستم روتوری مورد مطالعه، از یک محور، یک یا چند دیسک و چندین یاتاقان غلتشی منعطف تشکیل شده است. در این قسمت، یک مدل ریاضی برای روتور استخراج خواهد شد. سپس بر اساس تئوری تیر رایلی، فرمولاسیون المان محدود سیستم ارائه خواهد گردید. در استخراج معادلات، توزیع جرم، اینرسی دورانی، اثرات ژیروسکوپیک و فرم لزچ میرایی داخلی ماده ی محور مورد نظر قرار خواهند گرفت.

# ۳-۱-المان محور

محور را میتوان به المانهای محدود تیر تقسیم کرد. هر المان همانند شکل ۳ دارای دو گره با هشت درجه آزادی (چهار درجه آزادی در هر گره شامل دو جابهجایی  $v \ e \ w \ e$  دو دوران  $\theta \ e \ w$ ) میباشد. معادله حرکت المان محور روتور تحت سرعت دوران ثابت  $\Omega$  rad/sec تمامل اثرات جابهجایی، اینرسی دورانی و ژیروسکوپی و میرایی داخلی ماده تشکیل دهنده محور میباشد که برابر است با [۲۹–۳۱]

 $[[M_T]_s^e + [M_R]_s^e] \{ \ddot{q} \}_s^e + [\eta_v [K_B]_s^e - \Omega[G]_s^e] \{ \dot{q} \}_s^e$ 

 $+[[K_B]_s^e + (\Omega\eta_v)[K_C]_s^e]\{q\}_s^e = \{F\}_s^e \quad (Y)$ 



که در آن  $[M_T]_s^e$  و  $[M_R]_s^e$  بهترتیب ماتریسهای جرمی انتقالی و دورانی،  $[K_B]_s^e$  ماتریس سفتی خمشی،  $[K_C]_s^e$ ماتریس دوران،  $[G]_s^e$  ماتریس ژیروسکوپی المان شفت و  $\eta_r$  میدان جابهجایی گرهی است.  $\{F\}_s^e$  بردار نیروی خارجی و  $\eta_r$ ضریب میرایی داخلی ویسکوز است.

# ۳-۲- المان دیسک صلب

دیسک در روتورها میتواند بسته به شرایط، نماینده پرههای توربین، پروانه پمپ، چرخطیار، قرقره یا چرخدنده باشد.

دیسک بهصورت المان صلب فرض می شود که فقط با انرژی جنبشی توصیف می شود. المان دیسک فقط با یک گره در نظر گرفته می شود. درنتیجه، بردار تغییرمکان گرهی نظر گرفته می شود. درنتیجه، بردار تغییرمکان گرهی منظر  $Q_{i}^{i} = [v_{i} \quad w_{i} \quad \theta_{i} \quad \psi_{i}]^{T}$ متناسب با دستگاه مختصات مرجع به صورت زیر بدست می آید [۲۹ و ۲۳]

 $\left[ \left[ M_T \right]_d^i + \left[ M_R \right]_d^i \right] \{ \ddot{q} \}_d^i - \Omega[G]_d^i \{ \dot{q} \}_d^i = \{ F \}_d^i$ 

(٨)

که  $[M_T]^i_d$ ،  $[M_T]^i_d$  و  $[M_a]^i_d$  بهترتیب ماتریسهای جرمی انتقالی، اینرسی دورانی و ژیروسکوپی دیسک میباشند.

### ۳–۳–المان ياتاقان

رابطه غیرخطی بین نیرو و خیز در بیشتر انواع یاتاقانها، تحلیل آنها را پیچیده میسازد و برای اجتناب از این پیچیدگی در تحلیل دینامیکی روتورها، میتوان رابطهای خطی بین نیرو و خیز در یاتاقان فرض کرد [۳۲–۳۵]. بنابراین، یاتاقانها همانند شکل ۴، المانی انعطاف پذیر درنظر گرفته میشوند که به صورت فنرها و میراگرهایی به ترتیب با چهار ضریب سفتی (ربه یر *k*<sub>yy</sub> *k*<sub>yy</sub>) و چهار ضریب میرایی (ربری یر *c*<sub>2</sub>y *c*<sub>2</sub>y *c*<sub>2</sub>y) نمایش داده میشوند.



شکل ۴ – نمای شماتیک از المان یاتاقان

معادله حرکت یاتاقانها را برحسب بردار تغییرمکان گرهی در گره *ن*ام، را می توان به صورت زیر نوشت [۲۹ و ۳۰]

$$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} C \end{bmatrix}_{b}^{i} & \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \{\dot{q}\}_{b}^{i} + \begin{bmatrix} K \end{bmatrix}_{b}^{i} & \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \{q\}_{b}^{i} = \{F\}_{b}^{i}$$
(9)

$$[K]_b^i = \begin{bmatrix} k_{yy} & k_{yz} \\ k_{zy} & k_{zz} \end{bmatrix}, [C]_b^i = \begin{bmatrix} c_{yy} & c_{yz} \\ c_{zy} & c_{zz} \end{bmatrix}$$
(1.)

### MR/ER - درنظر گرفتن اثر الاستومر

در این مقاله، مدل استفاده شده برای توصیف رفتار دینامیکی لایههای الاستومری MR/ER و یاتاقان ساچمهای، بهمنظور سهولت فقط شامل سفتی و میرایی مستقیم (اجزای YY و (اجزای YZ و magen فقط شامل سفتی و میرایی مستقیم (اجزای Yz و الاستومری MR/ER و یاتاقان ساچمهای در صورت بهره گیری الاستومری MR/ER، از نیروی میرایی یاتاقان ساچمهای بدون کاهش دقت قابل ملاحظهای، صرفنظر شده است [77]. این مدل را در یک راستا میتوان به صورت شکل مایت از ۲۹]. این مدل را در یک راستا میتوان به صورت شکل ساچمهای و حلقه فازی داخلی است. این رویکرد، بر اساس مرجع [۲۳]، پارامترهای معادل تعمیم یافته می باشد که اجازه می دهد دینامیک مجموعه (روتور –یاتاقان –تکیه گاه) را فقط به صورت تابعی از مختصات عمومی سیستم روتور بیان کرد.



شکل ۵- مدل جرم-فنر-میراگر یاتاقان و لایه الاستومر در یک راستا: الف) با جزئیات و ب) سفتی دینامیکی معادل

روش پارامترهای معادل تعمیمیافته از ضریب سفتی دینامیکی معادل استفاده میکند. این روش بهاندازه کافی دقیق است و زمان کمتری نیاز دارد [۳۷]. بنابراین، در این

تحقیق از روش ضریب سفتی دینامیکی معادل برای شبیهسازی رفتار دینامیکی تکیهگاه استفاده می گردد. سفتی دینامیکی معادل توسط  $(\Omega)/Q_1(\Omega)$  تعیین میشود. براساس این روش، مدل تئوری یاتاقان و تکیهگاه میشود. براساس این روش، مدل تئوری یاتاقان و تکیهگاه الاستومری MR/ER نشان داده شده در شکل ۵-الف بر اساس تحقیق انجام شده توسط ریبیرو و همکاران [۳۷] به سیستم فنر معادل با سفتی مختلط همانند شکل ۵-ب کاهش می یابد.

$$k_{eq} = \frac{F(\Omega)}{Q_1(\Omega)} = k - \frac{k^2}{k + k^* - \Omega^2 m_A + j\Omega c^*}$$
(11)

سپس، معادله حرکت سیستم مرکب از الاستومر  
MR/ER یاتاقان به صورت زیر خواهد بود.  
$$[K]_{sup}^{i} [0] [q]_{sup}^{i} = \{F\}_{sup}^{i}$$
 (۱۲)  
 $[0] [0] [0]$  که در آن،  $\{q\}_{sup}^{i}$  بردار تغییرمکان عمومی برای تکیه گاه

است و **[K**] برابر است با

$$[K]_{sup}^{i} = \begin{bmatrix} k_{eq})yy & 0\\ 0 & k_{eq})zz \end{bmatrix}$$
(17)

#### ۳-۵- معادلات حرکت و تحلیل آن

$$[M]{\dot{q}} + [D]{\dot{q}} + [K]{q} = {F}$$
(14)

در این معادله، [**M**] ماتریس جرمی شامل اثرات حرکت انتقالی و دورانی شفت و دیسک صلب، [*D*] ماتریس میرایی و بیانگر حالت لزج میرایی داخلی ماده سازنده شفت و کوپل ژیروسکوپی شفت و دیسکها، [*K*] ماتریس سفتی شامل اثرات سفتی المانهای شفت و تکیهگاه، {**ب**} بردار تغییرمکان سیستم روتور و {*F*} بردار تحریک شامل نیروهای تحریک ناشی از جرم نامیزان و سایر نیروهای خارجی میباشد.

### ۴- شبیهسازی نتایج

در این بخش، برای مقایسه بین تکیهگاههای MR و ER، چندین شبیهسازی عددی ارائه شده است تا بتوان به کمک آنها، اثر استفاده از تکیهگاههای الاستومری ویسکوالاستیک

هوشمند (ERE و MRE)، بر سطح ارتعاشات روتور انعطاف پذیر را بررسی نمود.

#### ۴-۱- جزئیات سیستم مورد مطالعه

در این بخش، مدلی عددی از یک روتور ساده با تکیه گاههای MRE و ERE ارائه شدهاست که شامل یک دیسک قرار گرفته در وسط محور و دو یاتاقان یکسان میباشد. هریک از تکیه گاهها از یاتاقان ساچمهای و المان حلقهای الاستومر MR یا ER، همانند شکل ۱، تشکیل شده اند. لایه الاستومر MR

یا ER، در اطراف یاتاقان اضافه شده است و الاستومر بین دو حلقه فلزی هممرکز قرارگرفته است. شکل ۶ روتور و مدل المان محدود را نشان میدهد که برپایه تئوری تیر رایلی است. ده المان با چهار درجه آزادی در هر گره درنظر گرفته شده است. بر اساس شبیه ازی های انجام شده، این تعداد المان همگرایی نتایج را تضمین میکنند و نتایج بدست آمده، دارای دقت کافی هستند. همچنین، خصوصیات روتور فلزی، دیسک، و الاستومر MR و ER در جدول های ۲، ۳ و ۴ آورده شده است.



شکل ۶- جزئیات فیزیکی و مدل المان محدود روتور

	د رو تور	ات هندسی و مواد	خصوصي	جدول ۲-		
ميرايي ويسكوز داخلي	ضريب پوآسون	چگالی		مدول الاستيسيته	طول	قطر
•/•••¥s	٠ /٣	۲۸۵•kg/m	3 I	۲۰۶GPa	۵۰۰mm	۲۵mn
	دیسک	ات هندسی و مواد	خصوصيا	جدول ۳-۰		
موقعیت از انتهای سمت چپ روتور		نامیزانی جرمی		چگالی	ضخامت	قطر خارجی
۲۵۰mm		۴/۵gr.mm		$VY\Delta \cdot kg/m^3$	۲۵mm	۱۵۰mm
	MR/ER	ت حلقه الاستومر	صوصيار	جدول ۴- خ		
ذخیرهسازی و مدول اتلاف	مدول	تعداد حلقهها	ار تفاع	عرض	قطر میانی	حلقه الاستومر
مطابق شکل ۲		١	۶mm	۱۲mm	۶۸mm	MR
مطابق معادلات (۲) و (۳) و جدول ۱		)	۶mm	۱۲mm	۶۸mm	ER

در بخشهای بعد، به بررسی تاثیر استفاده از الاستومرهای MR/ER بر سرعت بحرانی و سرعت حدی پایداری سیستم خواهیم پرداخت. لازم به ذکر است که اگر سرعت دورانی یک سیستم دوار، با یکی از فرکانسهای طبیعی سیستم برابر شود، دامنهی ارتعاشات حاصله، بسیار بالا خواهد شد. این سرت دورانی، سرعت بحرانی نامیده میشود. دامنهی ارتعاشات سیستمهای دوار در سرعت بحرانی دارای بیشترین مقدار خود است. از سوی دیگر، سرعت حدی پایداری، بزرگترین سرعت دورانی روتور است که در آن سرعت، سیستم دوار، دارای پایداری است. قابل توجه است که سرعت حدی پایداری الزاما با سرعت بحرانی برانی و سرعت حدی پایداری در سیستم مورد بررسی، ارائه بحرانی و سرعت حدی پایداری در سیستم مورد بررسی، ارائه

# ۴-۲- اثر الاستومر MR/ER بر دامنه ارتعاشات و سرعتهای بحرانی

در این قسمت، برای مقایسهی اثر الاستومرها بر ارتعاشات سیستم با روتور با یاتاقان ساچمهای، روتور با تکیهگاه الاستومري MR (ياتاقان ساچمهاي و الاستومر MR) و روتور با تكيه كاه الاستومري ER (ياتاقان ساچمهاى و الاستومر ER) مدل می شود. روتور با تکیه گاه الاستومری MR بدون درنظر گرفتن جریان (بدون حضور میدان مغناطیسی B = 0.0T)، و روتور با تکیهگاه الاستومری ER بدون درنظر گرفتن میدان الكتريكي (E = 0.0 kV/mm) مدل شدهاست. سيستم بهدلیل نامیزانی در دیسک (واقع در گره ۶) تحریک شده است و سرعت دورانی به تدریج از صفر تا ۱۰۰۰۰rpm با گام ۱rpm تغییر میکند. شکل ۷ منحنی پاسخ فرکانسی را برای سه حالت نشان مىدهد: بدون تكيه گاه الاستومرى (فقط ياتاقان ساچمهاى)، با تكيه گاه الاستومرى MR (ياتاقان ساچمهای و الاستومر MR) و با تکیه گاه الاستومری ER (یاتاقان ساچمهای و الاستومر ER). سرعت بحرانی اول برای حالت اول، ۵۳۹۷rpm، برای حالت دوم ۳۶۲۰rpm و برای حالت سوم ۳۳۳۳rpm میباشد. جدول ۵ خلاصهای از تأثیر استفاده از الاستومر MR و الاستومر ER بر پاسخ نامیزان را نشان میدهد. این جدول شامل اطلاعاتی درباره سرعتهای بحرانی و دامنه ارتعاشات در این سرعتها است. از شکل ۷ و

جدول ۵ واضح است که مزیت بزرگ استفاده از MRE و MRE و MRE و eMRE، کاهش قابل توجه (بیش از ۹۹٪) دامنه پاسخ نامیزان است. همچنین استفاده از MRE و ERE باعث انتقال سرعت بحرانی به سرعتهای کمتر در مقایسه با تکیهگاههای متداول می شود. ولی در این حالت، دامنه ارتعاشات در سرعت بحرانی در مقایسه با وقتی که از یاتاقان ساچمهای استفاده شود. کاهش می یابد.

جدول ۵- تأثیر استفاده از الاستومر MR و ER بر پاسخ نامینان در سرعت بحرانی اوا

فالميران در سرعت بصراحي أول							
سرعت بحرانی	کاهش دامنه (./)	دامنه (µm)	نوع تكيه گاه				
۵۳۹۷		7777	ياتاقان ساچمەاى				
481.	१९/८۶	٣/٣۶۴	MRE با یاتاقان ساچمەای				
۳۳۳۳	૧૧/૪١	٩/٣٩١	ERE با ياتاقان ساچمەاى				

# ۳-۴- اثر الاستومر MR/ER بر سرعت حدی پایداری (SLS)

شکل ۸، قسمت حقیقی مقدار ویژه برای سرعتهای مختلف روتور با یاتاقان ساچمهای، با تکیهگاه الاستومری MR و با تکیهگاه الاستومری ER را نشان میدهد. مشاهده میشود که استفاده از MRE و ERE بهطور قابلتوجهی SLS را افزایش داده است. این پارامتر برای سیستم روتور-یاتاقان ساچمهای، داده است. این پارامتر برای سیستم روتور-یاتاقان ساچمهای، داده است. این پارامتر برای سیستم را و بور ۵۳۹۷۲pm است (که اولین سرعت بحرانی میباشد)، ولی پس از بهکاربردن تکیهگاه الاستومری RR، به ۱۰۸۳۰۲pm افزایش از استفاده از تکیهگاه الاستومری ER به ۱۰۸۳۰۲pm افزایش یافته است.

شکل ۹ پاسخ زمانی روتور با تکیهگاه الاستومری ER و MR را در Ω = 11000 rpm نشان میدهد. ملاحظه می شود که روتور با تکیهگاه الاستومری MR پایدار است، در حالی که با تکیهگاه الاستومری ER ناپایدار می شود. سرعت حدی پایداری سیستم در حالت استفاده از الاستومر FR، می باشد، که با به کارگیری تکیهگاه الاستومری MR. به MR۲۰۲pm افزایش می بابد.



شکل ۷ - پاسخ نامیزان برای روتور با یاتاقان ساچمهای، با تکیهگاه الاستومری MR و با تکیهگاه الاستومری ER



شکل A- نمودار پایداری روتور با یاتاقان ساچمهای، با تکیهگاه الاستومری MR و ER



arOmega شكل P- پاسخ زمانى روتور باتكيهگاه الاستومرى MR و ER در -۹ پاسخ زمانى روتور باتكيه

۴-۴- تأثیر میدان مغناطیسی /الکتریکی بر سرعتهای بحرانی و SLS

هدف این بخش، بررسی اثر میدان مغناطیسی/الکتریکی بر سرعتهای بحرانی و SLS است. سیستم روتور-یاتاقان با تكيه كاه الاستومري MR با ميدان هاى مغناطيسي مختلف و همان سیستم، ولی با تکیه گاه الاستومری ER با میدانهای الکتریکی مختلف شبیهسازی شد. شکل ۱۰ دامنه پاسخ در گره ۶ (محل نصب دیسک نامیزان) را نسبت به سرعت در مقادير مختلف ميدان مغناطيسي الكتريكي، نمايش ميدهد. ملاحظه میشود که در هر دو نوع سیستم، سرعتهای بحراني با افزايش ميدان مغناطيسي الكتريكي بهتدريج بيشتر می شوند. سرعت بحرانی در B = 0.0T است، درحالی که سرعت بحرانی در B = 1.2 T به B = 1.2 TE = 0.0 kV/mm افزایش یافته است. سرعت بحرانی در ۳۳۳۳rpm است، درحالی که سرعت بحرانی در E = 1.5 kV/mm افزایش یافته است. این رفتار ناشی از افزایش سفتی موثر تکیهگاهها میباشد. با افزایش میدان مغناطیسی/الکتریکی، سفتی موثر تکیهگاه افزایش می یابد که باعث بیشتر شدن سرعت بحرانی سیستم می گردد. البته شکل ۱۰ نشان میدهد که افزایش سرعت بحرانی با افزایش دامنه پاسخ نامیزان در سرعت بحرانی همراه است.

برای درک بهتر نتایج، سرعت بحرانی اول بی بعد برای سیستم روتور-یاتاقان با تکیهگاه الاستومری MR و ER برحسب چگالی شار مغناطیسی بی بعد یا میدان الکتریکی بی بعد در شکل ۱۱ رسم شده است. از این شکل می توان استنباط کرد که هنگامی که میدان مغناطیسی/الکتریکی افزایش می یابد، سرعتهای بحرانی به تدریج و به صورت مطلوبی افزایش پیدا می کنند. شکل ۱۲ قسمت حقیقی مقدار ویژه بر حسب سرعتهای دورانی مختلف، در چگالی شارهای مغناطیسی و الکتریکی مختلف را نشان می دهد. ملاحظه می شود که SLS با افزایش چگالی شار مغناطیسی یا میدان الکتریکی، کاهش می یابد. برای مثال، SLS در A9/۳۴/ کمتر از SLS در TOM است و در K2/mm است.

برای آنکه تأثیر میدان مغناطیسی/الکتریکی بر SLS بهتر درک شود، SLS بیبعد برای همین سیستم با تکیهگاه الاستومری MR و ER برحسب چگالی شار مغناطیسی بیبعد یا میدان الکتریکی بیبعد در شکل ۱۳ رسم شده است. باید توجه داشت هرچند افزایش قدرت میدان مغناطیسی/الکتریکی باعث کاهش SLS میشود، ولی کماکان با این افزایش، SLS بیشتری را نسبت به سیستمی با یاتاقان معمولی فراهم میآورد. مثلا SLS سیستمی با تکیهگاه





الاستومری MR در B = 0.0 و B = 1.2 ت. بهترتیب است. این اعداد در سیستمی با تکیهگاه الاستومری ER در MR در Mu تکیهگاه الاستومری E = 1.5 kV/mm در E = 0.0 kV/mm و E = 1.5 kV/mm در  $\Delta^{1/1}$  $\Delta^{1/1}$  خواهند بود. باید توجه داشت که هرچند افزایش چگالی شار مغناطیسی یا میدان الکتریکی باعث کاهش SLS میشود، ولی اعمال میدان مغناطیسی یا الکتریکی دارای مزایایی نیز میباشد. برای نمونه، افزایش میدان مغناطیسی یا مزایایی نیز میباشد. برای نمونه، افزایش میدان مغناطیسی یا الکتریکی، سرعت بحرانی را بیشتر میکند. همچنین، شرایطی را برای طراحی کنترلرهایی جهت تضمین پایداری سیستم در گستره وسیعی از سرعتهای کاری فراهم میآورد. این موضوع با جزئیات بیشتر در بخش های بعد مطرح میشود.

# ۴-۵- تأثیر میدان مغناطیسی در الاستومرهای MR، و میدان الکتریکی در الاستومرهای ER بر دامنه ار تعاشات

در این بخش، تأثیر میدان مغناطیسی بر دامنه ارتعاشات بررسی میشود. بدین منظور، پاسخ تکیهگاه سمت چپ (گره ۱) و دیسک (گره ۶) در سرعت ۳۶۲۰۲pm (که نزدیک به سرعت بحرانی اول است) با میدانهای مغناطیسی مختلف بررسی شده است. نتایج شبیهسازی حاکی از آن است که دامنه بحرانی در تکیهگاه و دیسک در T2.T = B بهترتیب ٪ میاشد. همینطور شبیهسازی سیستم در تکیهگاه سمت چپ (گره ۱) و دیسک (گره ۶) در سرعت ۳۳۳۳pm نشان میدهد که با افزایش قدرت میدان الکتریکی دامنه بحرانی در کره ۱) و دیسک در ۳۸/۲۹ کمتر از مقادیر آنها در ۲۳۳۳ نشان میدهد که با افزایش قدرت میدان الکتریکی دامنه بحرانی در (گره ۱) و دیسک در ۳۸/۳ میدان الکتریکی دامنه میرانی در میدهد که با افزایش قدرت میدان الکتریکی دامنه بحرانی در میدهد که با افزایش قدرت میدان الکتریکی باعث افزایش سفتی و میرایی سیستم روتور و کاهش قابل توجه دامنه ارتعاشات آن میشود.

#### ۴-۶- طرح کنترلی روشن-خاموش

همان طور که اشاره شد، افزایش میدان مغناطیسی/الکتریکی اعمالی سبب انتقال سرعت بحرانی به سمت مقادیر بیشتر میشود. البته، این رویداد با افزایش اندکی در دامنه و کاهش در SLS همراه است. برای اجتناب از اثرات جانبی، روش

./۴/۲ و ۲۷/۴٪ بیشتر از SLS سیستمی با یاتاقان معمولی کنترلی روشن-خاموش پیشنهاد می شود تا از سطح ارتعاشات در نزدیکی سرعت بحرانی بکاهد و ناحیه پایداری روتور را گسترش دهد. رویکرد کنترلی را میتوان بهصورت زیر خلاصه نمود: برای روتور با تکیه گاه الاستومری MR، هنگامی که روتور شروع به کار می کند و در حال افزایش سرعت است، میدان مغناطیسی روشن میشود. مطابق شکل ۱۴، پاسخ از منحنى نقطه أبىرنگ دامنه برحسب سرعت (B = 1.2 T) پیروی میکند. زمانیکه سرعت روتور از سرعت بحرانی (۳۶۲۰ rpm) گذشت و به مقدار معینی رسید (نزدیک محل تلاقی دو منحنی T 1.2 و O.O)، جریان خاموش می شود (B = 0.0 T) و پاسخ از منحنی خط چین آبیرنگ دامنه بر حسب سرعت (B = 0.0 T) تبعيت مىكند. اگر سرعت روتور در حال کاهش باشد، روش کنترلی برعکس میشود. همان طور که در شکل مشاهده می شود، همین الگوریتم برای روتور با تکیه گاه الاستومری ER نیز قابل اعمال است. همان گونه که در این شکل مشاهده می شود، بیشترین دامنه روتور در محل دیسک به اندازه ٪ ۸۲/۱ در مقایسه با بیشترین SLS دامنه در حالت B = 1.2T کاهش می یابد. علاوه بر این، به ۱۱۴۲۰rpm بازمی گردد (SLS سیستم، ٪ ۵۲/۷ بیشتر از SLS همان سیستم بر روی یک یاتاقان معمولی است). در رابطه با روتور با تكيه گاه الاستومرى ER، بيشترين دامنه روتور در محل دیسک بهمیزان قابل توجهی (تا / ۹۴/۶) در مقایسه با بیشترین دامنه روتور در E = 1.5 kV/mm کاهش یافتهاست. علاوه بر این، SLS به ۱۰۸۳۰rpm باز میگردد (SLS سیستم ٪ ۵۰/۲ بیشتر از SLS همان سیستم بر روی یک یاتاقان معمولی است). لذا می توان نتیجه گرفت که اثرات جانبی استفاده از MRE/ERE با میدان مغناطیسی الکتریکی بهخوبی با بهره گیری از روش کنترلی روشن-خاموش برطرف شده است و عملکرد خوبی را برای گسترهی وسیعی از سرعتهای عملکردی تضمین مینماید.

#### ۴- نتیجهگیری

کاهش ارتعاشات دستگاههای دوار نامیزان، اهمیت ویژهای در دینامیک سیستمهای دوار دارد. هدف از این مقاله، کنترل ارتعاشات، بهبود عملکرد و افزایش پایداری روتور انعطاف پذیر بوسیلهی الاستومرهای هوشمند الکترو/مگنتورئولوژیک بود.

نتایج ویژهی بدست آمده را میتوان بهصورت زیر خلاصه نمود:

- ۱) تکیهگاههای الاستومری ER/MR در مقایسه با یاتاقانهای معمولی بهخوبی ارتعاشات روتور نامیزان را کاهش میدهند. علاوهبراین، سرعت حدی پایداری روتور افزایش مییابد. البته سرعتهای بحرانی روتور، و همینطور دامنهی ارتعاشات در این سرعتهای بحرانی، اندکی کاهش می یابند.
- ۲) ملاحظه شد که تکیه گاه الاستومری ER/MR با استفاده از یک روش کنترلی ساده روشن-خاموش برای تعیین میدان الکتریکی یا مغناطیسی مورد

نیاز، میتواند بهخوبی دامنه ارتعاشات را در نزدیکی سرعت بحرانی کاهش و ناحیه پایداری روتور را گسترش دهد.

۳) نتایج حاصله از شبیه سازی ها حاکی از این بود که استفاده از الاستومرهای MR در مقایسه به الاستومرهای ER، عملکرد بهتری در بهبود سرعت حدی پایداری و کاهش دامنه یارتعاشات دارند.

نتایج حاصل از این تحقیق میتواند به صورت عملی در سیستمهای دواری که از ارتعاشات در سرعتهای بحرانی رنج میبرند مورد استفاده قرار بگیرند و باعث بهبود عملکرد آنها شود.



vibration control: a survey. Smart Mater Struct 5: 464-482.

- [4] Nikolajsen JL, Hoque MS (1990) An electro viscous damper for rotor applications. J Vib Acoust 112: 440-443.
- [5] Yao Z, Meng G (1999) Vibration control of a rotor system by disk type electro rheological damper. Sound Vib 219: 175-188.
- [6] Bauer J, Daniel GB (2011) Modeling and testing of an ERF vibration damper For Light Rotors with large amplitudes. 21st International Congress of

#### ۵- مراجع

- Yalcintas M, Dai H (1999) Magneto rheological and electro rheological materials in adaptive structures and their performance comparison. Smart Mater Struct 8: 560-573.
- [2] Gawade SS, Jadhav AA (2012) A review on electro rheological (ER) fluids and its applications. Int J Eng Tech 1: 1-7.
- [3] Stanway R, Sproston JL, El-Wahed AK (1996) Applications of electro-rheological fluids in

- [21] Ladipo IL, Fadly JD, Faris WF (2016) Characterization of magneto rheological elastomer (MRE) engine mounts. Mater Today-Proc 3: 411-418.
- [22] Behrooz M, Wang X, Gordaninejad F (2014) Modeling of a new semi-active/passive magneto rheological elastomer isolator. Smart Mater Struct 23: 045013 (7pp).
- [23] Gao L, Zhao X (2007) Mechanical and electrical properties of hydrous electro rheological elastomers based on gelatin/glycerin/water hybrid. J Appl Polym Sci 104: 1738-1743.
- [24] Yu M, Xing Z, Zheng X, Fu J, Choi SB (2015) Experimental investigation on the field-dependent properties of magneto rheological elastomer with circular honeycomb holes. Smart Mater Struct 1: 1-5.
- [25] Li WH, Zhou Y, Tian TF (2010) Viscoelastic properties of MR elastomers under harmonic loading. Rheol Acta 49: 733-740.
- [26] Zhu G, Liu X (1996) Theory of viscoelasticity. 1st edn. The Press of the University of Science and Technology of China, Hefei.
- [27] Liebich R, Scholz A, Wieschalla M (2012) Rotors supported by elastomer ring dampings: Experimental and numerical investigations. 10th International Conference on Vibrations in Rotating Machinery, London.
- [28] Alexander B (2005) Elastomer rings for vibration suppression in rotor dynamics: Theory, measurements and optimized design. Technische Universität Berlin.
- [29] Zorzi ES, Nelson HD (1977) Finite element simulation of rotor-bearing systems with internal damping. J Eng Power-T ASME 99: 71-76.
- [30] Han Q, Chu F (2015) Parametric instability of flexible rotor-bearing system under time-periodic base angular motions. Appl Math Model 39: 4511-4522.
- [31] Das AS, Dutt JK, Ray K (2010) Active vibration control of unbalanced flexible rotor–shaft systems parametrically excited due to base motion. Appl Math Model 34: 2353-2369.
- [32] Ozgiiven HN, Ozkan ZL (1984) Whirl speeds and unbalance response of multi bearing rotors using finite elements. J Vib Acoust 106: 72-79.
- [33] Friswell M, Penny J, Garvey S, Lees A (2010) Dynamics of rotating machines. 1st edn. Cambridge University Press.
- [34] Ku DM (1998) Finite element analysis of whirl speeds for rotor-bearing systems with internal damping. Mech Syst Signal Pr 12: 599-610.
- [35] Kalita M, Kakoty SK (2004) Analysis of whirl speeds for rotor-bearing systems supported on

Mechanical Engineering, October 24-28, Natal, Brazil.

- [7] Lim S, Park S, Kim K (2005) AI vibration control of high-speed rotor systems using electro rheological fluid. Sound Vib 284: 685-703.
- [8] Dimarogonas AD, Kollias A (1992) Electrorheological fluid controlled Smart Journal Bearings. STLE Tribol T 35: 611-618.
- [9] Guozhi Y, Fah YF, Guang M (2000) Electrorheological multi-layer squeeze film damper and its application to vibration control of rotor system. J Vib Acoust 122: 7-11.
- [10] Morishita S, Mitsui Y (1992) Controllable squeeze film damper an application of electro-rheological fluid. J Vib Acoust 114: 354-357.
- [11] Tichy JA (1993) Behavior of a squeeze film damper with an electro-rheological fluid. STLE Tribol T 36: 127-133.
- [12] Loumpasefski O, Tzifas I, Nikolakopoulos PG, Papadopoulos CA (2017) Dynamic analysis of rotor-bearing systems lubricated with electro rheological fluids. P I Mech Eng K-J Mul 232: 153-168.
- [13] Zhu C (2001) Dynamics of a rotor supported on magneto-rheological fluid squeeze film damper. Chinese J Aeronaut 14: 7-12.
- [14] Wang J, Meng G (2005) Study of vibration control of a rotor system using a magneto rheological fluid damper. J Vib Control 11: 263-276.
- [15] Wang J, Meng G, Feng N, Hahn EJ (2005) Dynamic performance and control of squeeze mode MR fluid damper-rotor system. Smart Mater Struct 14: 529-539.
- [16] Ghasemi AH, Ohadi AR, Ghaffari MH (2008) Vibration control of a rotor-bearing system with smart bearing using magneto rheological fluids. 15th International Congress on Sound and Vibration, Daejeon, Korea.
- [17] Irannejad M, Ohadi A (2017) Vibration analysis of a rotor supported on magneto rheological squeeze film damper with short bearing approximation: A contrast between short and long bearing approximations. J Vib Control 23: 1792-1808.
- [18] Zapoměl J, Ferfecki P, Kozánek J (2017) Modelling of magneto rheological squeeze film dampers for vibration suppression of rigid rotors. Mech Sci 127: 191-197.
- [19] Wei K, Bai Q, Meng G, Ye L (2.11) Vibration characteristics of electro rheological elastomer sandwich beams. Smart Mater Struct 20: 055012 (8pp).
- [20] Zhou GY, Wang Q (2005) Magneto rheological elastomer-based smart sandwich beams with nonconductive skins. Smart Mater Struct 14: 1001-1009.

[37] Ribeiro EA, Pereira JT, Bavastri CA (2015) Passive vibration control in rotor dynamics: Optimization of composed support using viscoelastic materials. Sound Vib 351: 43-56.

fluid film bearings. Mech Syst Signal Pr 18: 1369-1380.

[36] Bavastri CA, Ferreira ES, Espíndola JJ, Lopes EO (2008) Modeling of dynamic rotors with flexible bearings due to the use of viscoelastic materials. J Braz Soc Mech SCI 30: 22-29.