

محبه علمی بژوهشی مکانیک سازه کا و شاره کا



# ارزیابی معادلات جوانهزایی و روشهای میانگینگیری شعاع قطرات و بررسی اثر ترکیب آنها بر پارامترهای جریان چگالشی بخار

ماکان طالبی صومعه سرائی<sup>۱</sup>، احسان امیری راد<sup>۲،®</sup> و محمدرضا مه پیکر<sup>۳</sup> <sup>۱</sup> دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک، دانشگاه حکیم سبزواری، سبزوار، ایران ۱<sup>۲</sup> استادیار مهندسی مکانیک، دانشگاه حکیم سبزواری، سبزوار، ایران ۱۳ استاد مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران تاریخ دریافت: ۹۲/۷/۱۸، تاریخ بازنگری: ۹۲/۱۷/۱۰، تاریخ پذیرش: ۹۴/۲/۳۰

#### چکیدہ

انبساط بخار خشک در طبقات کمفشار توربینهای بخار به علت مافوق سرد شدن بخار موجب بروز پدیده جوانهزایی و متعاقباً دوفازی شدن جریان می شود. محاسبه دقیق توزیع فشار، نرخ رطوبت و شعاع قطرات تولیدی در طول نازل نقش مؤثری در پیش بینی خصوصیات جریان دارد. یکی از معادلات مهم حاکم بر جریان بخار تر معادله جوانهزایی است، که تعیینکننده تعداد قطرات تولیدی می باشد. با توجه به مکانیزمهای انتقال جرم و انرژی بین دو فاز روشهای مختلفی برای میانگین گیری شعاع قطرات استفاده شده است. در تحقیق حاضر برای اولین بار مدلهای مختلف جوانهزایی با روشهای مختلف میانگین گیری شعاع قطرات در یک مدل لاگرانژی-اویلری ترکیب گردیده، و نتایج توزیع فشار و شعاع قطرات محاسباتی در چندین حالت با نتایج تجربی مقایسه شده است. بر این اساس، استفاده از روش میانگین ساوتر در ترکیب با اصلاح گیرشیک-چیو بر معادله جوانهزایی هیل بهترین کارکرد را در پیش بینی خواص جریان بخار تر خواهد داشت. ضمن آنکه دو مدل ترکیبی معادله جوانهزایی کلاسیک با اصلاح گیرشیک-پو و بعترین کارکرد را در پیش بینی خواص جریان بخار تر خواهد داشت. ضمن آنکه دو مدل ترکیبی معادله جوانهزایی کلاسیک با اصلاح گیرشیک بو و میاشر

**کلمات کلیدی:** نازل همگرا-واگرای فراصوت؛ جوانهزایی؛ میانگین گیری شعاع قطرات؛ شوک چگالش؛ بخار مافوق سرد.

# Evaluation of different nucleation models and droplet radius averaging methods and their combination on condensing steam flow

M. Talebi Somesaraee<sup>1</sup>, E. Amiri Rad<sup>2,\*</sup> and M. R. Mahpeykar<sup>3</sup>

<sup>1</sup> M.Sc. Student., Mech. Eng., Hakim Sabzevari Univ., Sabzevar, Iran <sup>2</sup> Assist. Prof., Mech. Eng., Hakim Sabzevari Univ., Sabzevar, Iran <sup>3</sup> Prof., Mech. Eng., Ferdowsi Univ. of Mashhad, Mashhad, Iran

#### Abstract

During the course of expansion of steam in LP steam turbines, the vapor becomes supersaturated, and subsequently nucleates. Then condensation occurs, that causes some damages. Exact prediction of wetness terms, and formed droplets radius has extensive effects on accurate estimation of the flow properties, and damages due to vapor condensation. Nucleation rate is one of the governing equations of liquid phase which finally determines number of generated droplets. Considering exchange of mass and energy between two phases, different models of radius averaging at each cross-section of nozzle have been used. In the present investigation, various nucleation models have been combined with different droplet radius averaging methods in a semi-analytical Eulerian-Lagrangian model. The pressure distribution and droplets radius, in several cases, have been compared with experimental data. According to the results, using Girshik-Chiu's refinement on Hale's nucleation model with simultaneous application of Sauter averaging approach, provides the best prediction of the flow properties. In addition, classical nucleation with Girshick-Chiu's refinement and without any refinement in combination with Sauter averaging approach; are standing on the second and third ranks and specially focusing on the pressure distributions.

**Keywords:** Compressible Convergent Divergent Nozzle; Nucleation; Droplets Radius Averaging; Condensation Shock; Supercooled Vapor.

\* نویسنده مسئول؛ تلفن: ۵۵۱۴۴۴۱۰۱۰۴؛ فکس: ۰۵۱۴۴۴۱۰۱۰۴

آدرس پست الكترونيك: A.amirirad@hsu.ac.ir

#### ۱– مقدمه

فیزیک جریان تراکمپذیر فراصوت بخار تر در نازلهای همگرا-واگرا شامل انتقال حرارت بازگشتناپذیر ناشی از تغییر فاز و فرآیندهای پیچیده تشکیل قطرات و رشد آنها می باشد. انبساط بخار خشک در قسمت واگرای نازل با افت فشار و کاهش سریع دما همراه است و در این شرایط جریان از حالت تعادل خارج می شود. به دلیل آنکه دمای سیال از دمای اشباع متناظر با فشار آن کمتر می شود به این حالت در اصطلاح فوق اشباع گویند. به جهت بازیابی تعادل، جوانهزایی و متعاقباً چگالش خودبخودی آغاز می گردد. انتقال حرارت داخلی بازگشتناپذیر ناشی از چگالش منجر به تولید انتروپی و افت ترمودینامیکی در بازده شده و آزاد شدن گرمای نهان و انتقال آن به جريان موجب افزايش فشار مى شود. اين افزايش فشار به شوک چگالش<sup>۲</sup> معروف است که موجب بروز افتهای آيروديناميكي هم مي گردد. علاوه بر برآورد درست توزيع فشار و تری، محاسبه دقیق شعاع قطرات نیز بسیار حائز اهمیت است. زیرا در شرایط یکسان از نظر توزیع فشار و میزان رطوبت، ممکن است توزیع شعاعهای متفاوت وجود داشته باشد. محاسبه دقيق شعاع خروجي قطرات منجر به برآورد درست آسیبهای مکانیکی اجزای مختلف توربین بخار، پیشبینی درست میزان نشست قطرهها روی تیغههای توربین و به دنبال آن تخمین صحیح میزان خوردگی آنها می گردد.

معادله جوانهزایی یکی از معادلات حاکم بر فاز مایع است. این معادله در هر گام محاسباتی تعداد قطرات تازه شکل گرفته با شعاع بحرانی را محاسبه می کند و در نتیجه تعیین کننده تعداد قطرات تولیدی می باشد. دانشمندان زیادی از قبیل ولمر<sup>7</sup> و وبر<sup>‡</sup>، فار کاس<sup>6</sup>، بکر<sup>2</sup> و دورینگ<sup>7</sup>، فرنکل<sup>^</sup> و زلدویچ<sup>۹</sup> برای تحلیل پدیده جوانهزایی همگن تلاش نمودهاند و نتیجه کار ایشان تحت عنوان معادله جوانهزایی کلاسیک

بیان شدهاست [1]. پس از آن مطالعه بر روی موضوع جوانه-زایی منجر به اعمال اصلاحات متنوع بر معادله کلاسیک شدهاست. همچنین هیل<sup>۱۰</sup> با استفاده از استدلالات مقیاسی<sup>۱۱</sup> یک معادله جوانهزایی مستقل از معادله کلاسیک به دست آورد [۲و۳].

جوانهزایی مرحله اول تشکیل ریزقطرات یا جوانهها است و در محل برخورد نمودارهای توزیع دما و یا توزیع فشار با خط اشباع شروع می شود. پس از برخورد نمودار توزیع دما با خط اشباع دمای سیال از دمای اشباع آن کمتر و فشار سیال از فشار اشباع آن بیشتر شده و جریان فوق اشباع می گردد. در این شرایط با ادامه انبساط جریان جوانهزایی بیشتر می-شود. هنگامی که میزان درجه فوق سردی به حد قابل توجهی برسد قطرات با شعاع بحرانی تشکیل میشود و چگالش رخ میدهد. چگالش روی سطح قطرات موجود سبب رشد آنها شده و همزمان قطرات جدید نیز شکل می گیرند، تا سیستم به تعادل ترمودینامیکی بازگردد. پس از آن دیگر قطرات جديد توليد نمى شوند و فقط قطرات قبلى رشد مى-نمایند. در جریان چگالشی بخار، قطرات با یکدیگر برخورد داشته و برخورد قطرات ممکن است به ادغام<sup>۱۲</sup> یا شکست<sup>۱۳</sup> آنها بیانجامد. این موضوع موجب پیچیدهتر شدن مدلسازی این نوع جریانها می شود. البته لغزش بین فازی <sup>۱۴</sup>، حجم اشغال شده توسط مايع و كنش وواكنش بين قطرات كه شامل مکانیزمهای ادغام و شکست قطرات میباشد در بیشتر کارها نادیده گرفته میشود و تاکنون تأثیر همزمان آنها در محاسبات اعمال نشدهاست.

مدلهای عددی متنوعی برای حل جریان بخار تر به کار برده شدهاست. مدل لاگرانژی-اویلری<sup>۱۵</sup> یک بعدی توسط محققانی نظیر یانگ<sup>۱۰</sup> و باختر<sup>۱۲</sup> [۴] و در قالب طرحهای عددی تایم مارچینگ توسط اسکیلینگز<sup>۱۸</sup> و جکسون<sup>۱۰</sup> [۵] گسترش یافتهاست. روش لاگرانژی-اویلری تایم مارچینگ

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> supersaturation <sup>2</sup> condensation shock

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Volmer

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Weber

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Farkas

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Becker

<sup>7</sup> Döring

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Frenkel

<sup>9</sup> Zeldovich

<sup>10</sup> Hale

<sup>11</sup> scaling arguments

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> coalescence

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> breakage

 <sup>&</sup>lt;sup>14</sup> interphase slip
 <sup>15</sup> Eulerian-Lagrangian

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup> Young

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup> Bakhtar

<sup>18</sup> Skillings

<sup>19</sup> Jackson

دوبعدی توسط باختر و توچائی ( [۶]، یانگ [۷] و وایت ۲ و یانگ [۸] استفاده شده، همچنین مدل لاگرانژی-اویلری سه-بعدی توسط کرمانی ۲ و گربر ۴ [۹] بر جریان بخار تر اعمال گشتهاست.

مدل اویلری-اویلری<sup>۵</sup> به شکل یکبعدی توسط وایت [۱۰]، در قالب طرح دوبعدی توسط ینگ<sup>7</sup> و شن<sup>۷</sup> [۱۱] و به شکل سهبعدی توسط گربر و کرمانی [۱۲] استفاده شدهاست.

روش مومنت<sup>۸</sup> که در آن معادلات بقا با بهرهگیری از مومنتهای مرتبه پایین توزیع اندازه قطره (مومنتهای توزیع اندازه قطره با رابطه (۴۳) محاسبه میشوند و در بخش میانگینگیری شعاع قطرات به آنها اشاره شده) در جریان چگالشی بخار توسط وایت و هانسلو<sup>۹</sup> [۱۳] اعمال شدهاست. این روش در پژوهشهای دیگر توسط هالاما<sup>۱۰</sup> و همکاران [۱۴] و چندلر<sup>۱۱</sup> و همکاران [۱۵] به کار برده شده و به منظور بهبود روند محاسبات، روش مربعسازی مومنتها<sup>۱۲</sup> توسط گربر و موسوی<sup>۱۲</sup> [۱۶] استفاده شدهاست.

استفاده از مدل لاگرانژی اویلری به شبکهبندی بسیار ریز برای حل معادلات اصلی جریان در ناحیه جوانهزایی احتیاج ندارد. همچنین این روش به دلیل طبیعت لاگرانژی آن از تکنیک گامبهگام دقیقی برای حل معادلات حاکم بر قطرات بهره برده و در ناحیه حساس نزدیک نقطه ویلسون (محل اوج جوانهزایی) دقیقتر از روشهای اویلری-اویلری است [۷]. به علاوه روش لاگرانژی-اویلری (برخلاف روش وایلری-اویلری) نسبت به خطاهای قطع مربوط به شارهای جابجایی حساس نمیباشد [۱۰]. علیرغم توسعه روشهای دو جریان در نازلهای یکبعدی به علت دقت مناسب آن و عدم ورود خطاهای عددی ناشی از محاسبات بعدهای دوم و سوم

8 the moment method

- معادله بقای جرم در محور یک حجم کنترل یکبعدی به طول dx مانند شکل ۱ با رابطه (۱) بیان میشود:
- $M = M_L + M_G = \text{Constant} \tag{1}$

همچنان مورد اقبال پژوهشگران میباشد. علاوه بر تحقیقات قبلی نویسندگان حاضر این مدل در سالهای اخیر نیز مورد استفاده قرار گرفته [۱۸و۱۸]، و میتواند با تمهیداتی برای مقایسه با روشهای عددی دوبعدی و سهبعدی در کانالها و پرههای توربینهای بخار مورد استفاده قرار گیرد. لازم به ذکر است برای حالتهایی که نتایج آزمایشگاهی وجود ندارد، روش حل دقیق مذکور بسیار مورد استقبال میباشد.

با وجود تحقیقات گسترده در موضوع جریان چگالشی بخار در نازلهای همگرا-واگرا، تاکنون مطالعه جامعی در مورد بررسی همزمان معادلات گوناگون جوانهزایی و روش-های میانگینگیری شعاع قطرات انجام نشدهاست. با توجه به موارد مذکور، برای اولین بار بررسی ترکیب معادلات گوناگون جوانهزایی و روشهای میانگینگیری شعاع قطرات در این تحقیق انجام شده، و نتایج محاسباتی با نتایج تجربی مراجع [۱۹و۲۰] مقایسه شدهاست.

# ۲- مدل نیمه تحلیلی لاگرانژی -اویلری

در مدل لاگرانژی- اویلری معادلات دینامیک گاز در دستگاه مختصات اویلری و معادلات جوانهزایی و رشد قطره در مختصات لاگرانژی حل می شود. به منظور ترکیب محاسبات لاگرانژی و اویلری، محدوده جریان به گامهای بسیار کوچک تقسیم شده و در هر گام، محاسبات ترکیبی دوبار انجام می-گردد. در ابتدا با استفاده از دما و فشار خروجی گام قبل معادلات رشد قطره انتگرالگیری می شود تا تخمین اولیه ای از پارامترهای تری به دست آید. با استفاده از این تخمین معادلات دینامیک گاز حل شده و متغیرهای جریان از قبیل دما، فشار، سرعت، چگالی و عدد ماخ محاسبه می شود. سپس روند ترکیبی محاسبات تکرار می شود تا مقادیر ثانویه پارامترهای تری و متغیرهای جریان حاصل گردد. در نهایت برای بیان پارامترهای تری خروجی گام محاسباتی از مقادیر اولیه و ثانویه یارامترهای تری میانگین گرفته میشود. همچنین مقادیر ثانویه متغیرهای جریان به عنوان ورودی گام بعد استفاده می گردد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Tochai <sup>2</sup> White

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Kermani

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Gerber

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Eulerian-Eulerian

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Yang ۲ – ۱–۲ معادله بقای جرم ۲ Shen

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> Hounslow <sup>10</sup> Halama

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> Chandler

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> the quadrature method of moments (QMOM)

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> Mousavi

نهایت معادله ویریال به شکل محاسباتی زیر در میآید: $\frac{dP}{P} - X \frac{d\rho_G}{\rho_G} - Y \frac{dT_G}{T_G} = 0 \tag{(A)}$ 

$$X = \frac{\rho_G}{P} \left(\frac{\partial P}{\partial \rho_G}\right)_{T_G} = (1 + 2B_1\rho_G^2 + 3B_2\rho_G^2 + 4B_3\rho_G^3 + 5B_4\rho_G^4 + 6B_5\rho_G^5)/ (1 + B_1\rho_G + B_2\rho_G^2 + B_3\rho_G^3 + B_4\rho_G^4 + B_5\rho_G^5)$$
(9)

$$Y = \frac{T_G}{P} \left( \frac{\partial P}{\partial T_G} \right)_{\rho_G} = 1 + [(\rho_G T_G) / (1 + B_1 \rho_G + B_2 \rho_G^2 + B_3 \rho_G^3 + B_4 \rho_G^4 + B_5 \rho_G^5)] \times [\frac{dB_1}{dT_G} + \rho_G \frac{dB_2}{dT_G} + \rho_G^2 \frac{dB_3}{dT_G} + \rho_G^3 \frac{dB_4}{dT_G} + \rho_G^4 \frac{dB_5}{dT_G}]$$
(1.)

۲-۵- عدد ماخ

با توجه به فراصوت بودن جریان محاسبه عدد ماخ اهمیت به-سزایی در تحلیل صحیح جریان دارد.

$$Z = Ma^2 = \left(\frac{U_G}{C}\right)^2 \tag{11}$$

$$C = \left(\frac{\partial P}{\partial \rho_G}\right)^{0.5} \tag{11}$$

که C سرعت صوت است و با دیفرانسیل گیری از رابطه (۱۱) معادله (۱۳) حاصل می شود:

$$\frac{dZ}{Z} = 2\frac{dU_G}{U_G} + \frac{d\rho_G}{\rho_G} - \frac{dP}{P}$$
(17)

اویلری و به روش رانج-کوتای مرتبه چهارم، متغیرهای جریان در هر گام محاسبه می گردد. از آنجایی که پیچیدگی این نوع جریانها به دلیل تغییر فاز میباشد، باید پارامترهای تری نیز



که M نرخ جریان جرمی بوده و زیرنویسهای L و G به ترتیب مربوط به فازهای مایع و بخار میباشد.

با دیفرانسیلگیری از رابطه (۱) و انجام عملیات مختصر ریاضی شکل محاسباتی قانون بقای جرم در جریان چگالشی یکبعدی به دست میآید:

$$\frac{d\rho_G}{\rho_G} + \frac{dA}{A} + \frac{dU_G}{U_G} + \frac{dM_L}{M_G} = 0$$
(Y)
  
Constraints the set of the set

#### ۲-۲- معادله بقای مومنتوم

با اعمال قانون بقای مومنتوم بر حجم کنترل یکبعدی و انجام عملیات ریاضی رابطه (۳) به دست میآید:

$$AdP + \frac{f\rho_G U_G^2}{2D_e} Adx + M_G U_G \frac{dU_G}{U_G} + M_L U_L \frac{dU_L}{U_L} = 0$$
<sup>(Y)</sup>

که  $_{\rm o} {\rm D}_{\rm e}$  قطر هیدرولیکی، f ضریب اصطکاک و P فشار جریان است. با تقسیم طرفین معادله (۳) بر AP و در نظر نگرفتن اختلاف سرعت بین فازی شکل محاسباتی معادله بقای مومنتوم حاصل می گردد:

$$\frac{dP}{P} + \frac{f\rho_G U_G^2}{2PD_e} dx + \frac{(M_G + M_L)U_G}{AP} \frac{dU_G}{U_G}$$
(\*)

#### ۲-۳- معادله بقای انرژی

معادله بقای انرژی برای حجم کنترل گفته شده به شکل رابطه (۵) نوشته میشود:

$$d[(M - M_L)(h_G + U_G^2) + M_L(h_L + U_L^2)] = 0$$
( $\Delta$ )

که TG، CP و hG به ترتیب ظرفیت گرمایی ویژه در فشار ثابت، دما و انتالپی فاز بخار است. با تقسیم طرفین معادله (۵) بر CpTG و صرف نظر نمودن از اختلاف سرعت بین فازی، شکل محاسباتی قانون بقای انرژی حاصل می شود:

به دست آید که محاسبات آن به صورت لاگرانژی انجام می-شود.

۲-۶- معادله جوانهزایی

چنانچه جریان بخار در حال انبساط با سطح جامد تماسی نداشته و عاری از ذرات خارجی و یون باشد، هنگام برخورد با خط اشباع سریعاً چگالیده نمیشود، بلکه دچار حالت شبه پایدار و فوق اشباع می گردد. با گذر زمان از طریق شکل گیری و رشد تعداد زیاد قطرات بسیار ریز، جریان دوفازی شده به حالت تعادل باز می گردد. فرآیند شکل گیری قطرات در این شرایط جوانهزایی همگن نامیده می شود.

برای آنکه جوانهزایی رخ دهد باید خوشههای مولکولی بر سد انرژی آزاد بحرانی غلبه کنند تا قطره با شعاع بحرانی شکل گیرد [۲۲]. انرژی آزاد گیبس مورد نیاز برای تشکیل یک قطره کروی از رابطه (۱۴) به دست میآید:

$$\Delta G = \Delta G_V + \Delta G_S = -mRT_G \ln\left(\frac{P}{P_S(T_G)}\right) + 4\pi r^2 \sigma_r \qquad (1f)$$

که  $\Delta G_V$  انرژی آزاد مورد نیاز برای شکل گیری توده یا حجم قطره و متناسب با توان سوم شعاع است و  $\Delta G_S$  انرژی لازم شکل گیری سطح قطره و متناسب با توان دوم شعاع میباشد. همچنین  $\sigma$  کشش سطحی قطره است. جرم کل خوشه g ام که تشکیل شده از g مولکول با جرم m و سطح A میباشد برابر است با  $\sigma_L = gm$  و سطح کل آن برابر است با برابر است با  $\pi r^2 = Ag^{2/3}$ 

$$\frac{\Delta G_g}{kT_G} = \frac{A\sigma_r}{kT_G} g^{\frac{2}{3}} - g \ln S$$
(۱۵)

که S=P/Ps(TG) نسبت فوق اشباع است. با مشتق گیری جزئی از رابطه (۱۴) نسبت به شعاع، شعاع بحرانی و از آنجا انرژی آزاد بحرانی قطره پایدار به دست می آید [۲۳]:

$$r^* = \frac{2\delta_r}{\rho_L R T_G \ln S} \tag{(Y)}$$

$$\Delta G^* = \frac{16\pi \sigma_r}{3(\rho_L R T_G \ln S)^2} \tag{(17)}$$

نتیجه تلاشهای فراوان برای محاسبه نرخ جوانهزایی همگن بر حسب تعداد در واحد حجم و زمان با عنوان معادله جوانهزایی کلاسیک به شکل معادله (۱۸) ارائه شدهاست[۱]:

$$J_{\text{Classic}} = q_c \frac{\rho_G^2}{\rho_L} \sqrt{\frac{2\sigma_r}{\pi m^3}} \exp\left[-\frac{4\pi r^{*2}\sigma_r}{3kT_G}\right] \qquad (1\lambda)$$

که qc ضریب چگالش بوده و مطابق مراجع [۲۴و۲۴] برابر با یک فرض شدهاست.

تاکنون اصلاحات زیادی بر معادله کلاسیک اعمال شده-است. به طور کلی میتوان این اصلاحات را به دو دسته عمده اصلاح فشار و اصلاح دما تقسیم نمود. کورتنی معتقد بود در نظریه کلاسیک جوانهزایی فشار جزئی خوشهها برای 1<g در نظر گرفته نشده و معادله (۱۵) باید اصلاح گردد:

$$\frac{\Delta G_g}{kT_G} = \frac{A\sigma_r}{kT_G}g^{\frac{2}{3}} - (g-1)\ln S \tag{19}$$

شعاع بحرانی و انرژی آزاد بحرانی حاصل از رابطه (۱۹) با r e و  $\Delta G^*$  نظریه کلاسیک برابر است، اما نسبت فوق اشباع بر J تأثیر می گذارد و نرخ جوانهزایی اصلاح کورتنی از رابطه (۲۰) به دست می آید [۲۵]:

$$J_{\rm Co} = \frac{\rho_s(T_G)}{\rho_c} J_{\rm Classic} \tag{(Y \cdot)}$$

این اصلاح توسط محققین متعددی تأیید گردیده و در مراجع [۲۰،۱۷] در محاسبات لحاظ شدهاست.

بررسی اصلاح کورتنی مشخص می سازد که معادله (۱۹) انرژی لازم برای شکل گیری خوشه اول را Aor محاسبه می-کند، در حالی که باید برابر با صفر باشد. معادله (۱۹) می تواند از راههای گوناگونی اصلاح شود تا برای 1=g سازگاری حاصل گردد. یکی از این راهها اصلاح سازگاری داخلی معادله جوانه-زایی است که توسط گیرشیک و چیو ارائه شدهاست:

$$\frac{\Delta G_g}{kT_G} = \frac{A\sigma_r}{kT_G} (g^2 - 1) - (g - 1) \ln S$$
(71)
  
بدین ترتیب تلاش گیرشیک و چیو برای در نظر گرفتن فشار

جزئی خوشهها و اعمال اصلاح سازگاری برای شرایط g=1 منجر به ظاهر شدن ضریب e0/S در نرخ جوانهزایی شد [۲۸<sub>و</sub>۲۷]:

$$J_{\rm GC} = \frac{e^{\theta}}{S} J_{\rm Classic} \tag{(TT)}$$

که در آن 
$$\theta$$
 برابر است با:  
 $\theta = (36\pi)^{1/3} v_m^{2/3} \frac{\sigma_r}{kT_G}$ 
(۲۳)

کانتروویتز بالاتر بودن دمای قطره نسبت به دمای بخار

را در محاسبات لحاظ کرد [۲۹]:
$$J_{
m Ka}=rac{1}{1+arphi}J_{
m Classic}$$

$$\varphi = \frac{q_c \rho_G}{\alpha_r} \left(\frac{RT_G}{2\pi}\right)^{0.5} \left(\frac{L^2}{RT_G^2} - \frac{L}{2T_G}\right) \tag{7a}$$

که αr ضریب انتقال حرارت است. این اصلاح بسیار مورد توجه بوده و در مراجع [۲۱،۱۷،۱۱۵و۲۶] مورد استفاده قرار گرفتهاست.

ولک و همکاران معتقد بودند که معادله کلاسیک بیش از حد به دما وابسته است و در دماهای بالا و پایین نرخ جوانهزایی را به ترتیب بالاتر و پایین تر از مقدار واقعی پیش-بینی میکند. آنها به منظور تطبیق عددی بهتر با نتایج آزمایشگاهی یک تابع اصلاح تجربی در معادله کلاسیک ضرب کرده، و رابطه (۲۶) را برای محاسبه نرخ جوانهزایی ارائه نمودند [۳۰]:

 $J_{\rm H_{20}} = J_{\rm Classic} \exp(-27.56 + \frac{6.5 \times 10^3}{T})$  (17) اصلاح جوانهزایی ولک توسط سینها [۳۱] مورد بررسی قرار گرفته و در مرجع [۳۳] در محاسبات اعمال شدهاست.

هیل یک مدل جوانهزایی براساس استدلالات مقیاسی و مستقل از مدل کلاسیک ارائه نمود، که در آن کشش سطحی به صورت تابعی خطی از دما مدلسازی شدهاست:  $\sigma_r = \sigma'_0(T_c - T)$  (۲۷) که  $\sigma_0' = \Omega \ k \ \rho^{-2/3}$  که  $\Omega_0 = \sigma_0' = \Omega$  دمای بحرانی بخار–مایع است. مقدار  $\Omega$  میتواند از دادههای نرخ جوانهزایی آزمایشگاهی یا خواص

فیزیکی ماده مورد نظر تعیین شود. این مقدار برای آب معمولی ۱/۴۷ تخمین زده شدهاست [۳۲]. با جایگذاری رابطه (۲۷) در معادله (۱۷)، رابطه (۲۸) به دست می آید: (۲۸)  $16\pi\Omega^3 (\frac{T_c}{10} - 1)^3$ 

$$\frac{W}{kT_c} = \frac{10k\Omega^2 (T_T - 1)}{3(\ln S)^2}$$

که W انرژی لازم برای تشکیل خوشه بحرانی است. مدل هیل وابستگی معادله جوانهزایی به دما را بهبود بخشید و بر اساس آن نرخ جوانهزایی از رابطه (۲۹) به دست میآید [۲و۳]:

$$J_{\text{Hale}} = J_0 \exp\left(-\frac{W}{kT_G}\right) \tag{(19)}$$

که

$$J_0 = 10^{26} \text{cm}^{-3} \text{s}^{-1} \tag{(7.)}$$

این مدل نیز توسط پژوهشگرانی مانند سینها و استری [۳۵] مورد بررسی قرار گرفته و در مرجع [۳۳] پس از مقایسه با اصلاح ولک و دیگر معادلات جوانهزایی به عنوان بهترین مدل انتخاب و در محاسبات جریان چگالشی بخار اعمال شدهاست.

به دلیل آنکه معادله هیل نرخ جوانهزایی همگن را مستقلاً محاسبه می کند با اصلاحات گفته شده تفاوت داشته، و از اینرو می تواند به عنوان جایگزین معادله کلاسیک نیز استفاده شود. همچنین این امکان وجود دارد که اصلاحات معادله جوانهزایی بر معادله هیل نیز اعمال شود که در این مطالعه برای اولین بار معادله هیل بهبود یافتهاست.

در این تحقیق برای محاسبه نرخ جوانهزایی همگن، دو معادله پایه کلاسیک و هیل به همراه اصلاحات کورتنی، کانتروویتز، ولک و گیرشیک-چیو به کار گرفته شدهاست. علاوه بر چهار اصلاح مذکور، ترکیبهای دوتایی، سهتایی و چهارتایی آنها نیز جهت مشخص شدن تأثیر اصلاحات استفاده شده که در نهایت ۳۲ معادله جوانهزایی به دست میآید.

به منظور بررسی دقیق میزان فاصله توزیع فشار محاسباتی از دادههای تجربی از انحراف معیار σ، مطابق رابطه (۳۱) استفاده شدهاست:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (\text{Pratio}_{i} - \text{Pratio}_{\exp_{i}})^{2}}{n}}$$

که n تعداد نقاط تجربی بوده و Pratioexp و Pratio به ترتیب نسبت فشار تجربی و نسبت فشار محاسباتی در هر یک از نقاط تجربی میباشند.

## ۲-۷- معادلات رشد قطره

(71)

فرآیند رشد قطره از طریق انتقال جرم و انرژی به ترتیب به سمت فازهای مایع و بخار کنترل شده و تبادل همزمان جرم و انرژی به عدد ندسن وابسته است [۳۴]. در مراجع مختلف بر اساس عدد ندسن تقسیمبندیهای متفاوتی برای رژیمهای جریان صورت گرفتهاست که در نتیجه آنها برخی ناحیهها مورد اختلاف میباشد [۳۵و۳]. در این تحقیق برای محاسبه مورد اختلاف میباشد [۳۵و۳]. در این تحقیق برای محاسبه انتقال جرم از معادله باختر و زیدی [۳۳] استفاده شده، که به همراه معادلهای جهت محاسبه عدد ندسن رابطه (۳۲) را برای انتقال جرم در همه رژیمهای جریان معرفی کردهاست:  $dm_r$ 

$$\frac{dT}{dt} = \frac{q_c m(r) \sin r}{Kn + 0.375 q_c Sc} \left[ \rho_G \sqrt{T_G} - \rho_S(T_L, r) \sqrt{T_L} \right]$$
(°Y)

به این ترتیب حتی در ناحیههای مورد اختلاف نیز مستقل از تقسیمبندی رژیمهای جریان مورد استفاده، نرخ رشد قطره یکسان به دست میآید.

با اعمال قانون اول ترمودینامیک بر یک قطره مایع معادله (۳۳) حاصل می شود [۲۴]:

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{4}{3}\pi r^{3}\rho_{L}L\right) = 4\pi r^{2}\alpha_{r}(T_{L} - T_{G}) \tag{(TT)}$$

$$\sum_{\lambda = 1}^{2} \alpha_{r} = \frac{\lambda}{r[1/(1 + 2\beta \text{Kn}) + 3.78 \text{Kn}/\text{Pr}]} \tag{(TT)}$$

که

$$\beta = 0.75, \Pr = \frac{C_P \mu_G}{\lambda} \tag{(a)}$$

با حل عددی همزمان دو معادله (۳۲) و (۳۳) شعاع و دمای قطرات در حال رشد به دست میآید.

۳- میانگینگیری شعاع قطرات

شواهد عددی و آزمایشگاهی در مورد توربینهای بخار وجود توزیع چندگانه شعاع را اثبات نموده و اندازهگیریهای نوری<sup>۱</sup> آشکار ساخته که توزیع شعاع بسیار گسترده است [۱۰]. در برخی پژوهشهای عددی گروههای مختلف قطرات در حافظه برنامه کامپیوتری حفظ شده و توزیع اندازه چندگانه<sup>۲</sup> یا توزیع چندشعاعی استفاده شده [۸،۷و۱۴]، اما در اغلب یژوهشهای دیگر گروههای مختلف قطرات حفظ نشده و توزیع اندازه یگانه<sup>۳</sup> یا توزیع تکشعاعی به کار رفتهاست. به کار بردن توزيع چندشعاعي چه در روش لاگرانژي و چه در روشهاي اویلری، اغلب شامل تکنیکهایی برای سادهتر نمودن مدلسازی توزیع قطرات است، که در کنار فرضیات دیگر مانند عدم شكست و ادغام قطرات موجب فاصله گرفتن از حالت واقعی توزیع چندشعاعی میشود. این تکنیکها شامل کم کردن تعداد گروههای قطرات به منظور کاهش حجم محاسبات [۸] و یا صرف نظر نمودن از کسرهای تری کوچک می باشد. حضور گروههای قطرات با شعاع بسیار کوچک موجب بروز مشکل در محاسبات می شود، که هالاما و همکاران [۱۴] برای حل این مشکل شعاع گروههایی با کسر تری کمتر از <sup>6</sup>-10 را صفر در نظر گرفتند.

در مدل لاگرانژی-اویلری، جریان بخار تر به شکل ترکیبی از فاز بخار به عنوان فاز پیوسته<sup>۴</sup> و تعداد بسیار زیادی

قطرات کروی به عنوان فاز پراکنده<sup>۵</sup> مدل میشود. روند تشکیل گروههای قطرات بدین صورت است که در گام اول ناحیه چگالشی اولین گروه قطرات جوانه زده میشود. در گام دوم گروه دوم ایجاد می گردد و گروه اول رشد میکند. در گام سوم گروه سوم تولید میشود و دو گروه قبلی رشد مینمایند. و این روند تا پایان محدوده جوانهزایی ادامه می یابد. محاسبات روش چندشعاعی با این فرض انجام میشود که گروههای قطرات از ابتدای شکل گیری تا انتهای محدوده جوانهزایی و حتی تا خروجی نازل به طور جداگانه رشد نموده چندان منطقی نیست. همچنین شعاع همه گروهها در حافظه پرنامه کامپیوتری ذخیره می گردد، که موجب افزایش حجم و زمان محاسبات میشود. حجم بالای محاسبات در روش دو یا سه بعدی معضل مهمی است و خطای عددی زیادی ایجاد

به دلیل آنکه در واقعیت فیزیکی ناحیه جوانهزایی محدوده ثابتی دارد، تعداد گروههای قطرات کاملاً وابسته به گام محاسباتی است. این وابستگی در هر دو روش تکشعاعی و چندشعاعی وجود دارد. البته استفاده از روش چندشعاعی به لحاظ تئوری دقیق تر از روش تکشعاعی است. اما با توجه به در نظر نگرفتن مکانیزمهای واقعی ادغام و شکست قطرات، به در نظر نگرفتن مکانیزمهای واقعی ادغام و شکست قطرات، دلیلی برای واقعی تر بودن آن وجود ندارد، و این روش لزوماً نمی تواند تخمین کاملاً درستی از توزیع اندازه قطرات ارائه دهد.

از طرف دیگر در اغلب کارهای آزمایشگاهی نازلهای یک بعدی، شعاع به شکل میانگین در هر مقطع از کانال بیان شدهاست [۱۹]. در نتیجه در پژوهش های همراه با محاسبات چندشعاعی نیز به منظور مقایسه با نتایج تجربی نیاز به محاسبه شعاع میانگین وجود دارد. به عبارت دیگر در همه روش های محاسباتی به نوعی از تکنیک میانگین گیری استفاده می گردد.

در این پژوهش از روش تکشعاعی استفاده شده که در آن در هر گام محاسباتی درون ناحیه چگالش سریع، تمام قطرات قبلی در یک گروه ادغام شده، و قطرات تازه تولید شده در یک گروه جدید قرار می گیرند. به این ترتیب برای به

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> optical measurements

 <sup>&</sup>lt;sup>2</sup> polydispersed size distribution
 <sup>3</sup> monodispersed size distribution

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> aontinuum nhasa

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> continuum phase

<sup>5</sup> dispersed phase

ید روی سطح قطره کنترل میشود [۲۴]. به علاوه میزان کل سطح در اختیار از عوامل مؤثر در کنترل نرخ جوانهزایی می-ابر باشد. بنابراین یکی از خصوصیات مهم و تأثیر گذار قطره وه متوسط سطح خارجی آن است که باید بیان درستی از سطح داد کل قطرات داشته باشد. با در نظر گرفتن LL برابر با πR<sub>su</sub> رخ شعاع میانگین سطحی Rsu، از رابطه (۴۱) به دست می آید:

$$\bar{R}_{Su} = \sqrt{\frac{S}{4\pi N}} = \sqrt{\frac{N_1 R_{1N}^2 + N_2 R_2^2}{N_1 + N_2}}$$
(F1)

شعاع متوسط سطحی میتواند با استفاده از مومنتهای توزیع اندازه قطره نیز محاسبه گردد که با R20 نمایش داده میشود [۱۵]:

$$R_{20} = \sqrt{\frac{\mu_2}{\mu_0}} \tag{(fT)}$$

 $\mu_0 = 2 \mu$  به ترتیب مومنتهای صفرام و دوم توزیع اندازه قطره  $4 \pi \mu_2$  هستند.  $\mu_0$  برابر با تعداد کل قطرات بر واحد حجم مخلوط می-برابر با سطح خارجی کل قطرات بر واحد حجم مخلوط می-باشد. مومنت j ام توزیع اندازه قطره با رابطه (۴۳) محاسبه می شود:

$$\mu_j = \int_0^\infty r^j f dr \tag{FT}$$

که در آن f تابع توزیع اندازه قطره و بر حسب تعداد بر واحد طول بر واحد حجم است. مومنتهای مرتبه پایین در محاسبات جریان بخار تر حائز اهمیت می باشند [۱۴و۱۲].

روش میانگین سطحی در مراجع [2 [Y77] و با بهره گیری از مومنتهای توزیع اندازه در مرجع [1] استفاده شدهاست. سطح قطره متوسط حاصل از میانگین گیری سطحی در هر گام محاسباتی، دقیقاً برابر با میانگین سطح همه قطرات موجود است. در این شرایط لزوماً میزان جرم کل قطرات طی فرآیند متوسط گیری ثابت نمیماند که به معنای از دست رفتن اطلاعات دقیق جرم قطرات میباشد. با توجه به این موضوع روش میانگین گیری که طی آن شعاع متوسط تابعی از جرم کل قطرات باشد به جای روش میانگین سطحی پیشنهاد شدهاست. از آنجایی که چگالی قطرات در طول المان یکسان است، میانگین گیری جرمی و حجمی به یک معنی بوده و شعاع متوسط جرمی معادل با شعاع متوسط  $4/3 \pi N \overline{R}v$  برابر با  $V_L$  برابر با  $\sqrt{R}v$  دست آوردن شعاع متوسط از دو گروه قطرات قبلی و جدید میانگین گرفته میشود.

تعداد کل قطرات بر واحد حجم مخلوط در هر گام برابر با حاصل جمع تعداد قطرات قبلی بر واحد حجم N۱، به علاوه قطرههای تازه شکلگرفته بر واحد حجم N2 است. تعداد قطرات جدید بر واحد حجم مخلوط برابر با حاصلضرب نرخ جوانهزایی J در زمان Δt میباشد [۶و۳۷]:

$$N = N_1 + N_2 \tag{(77)}$$

$$N_2 = J\Delta t \tag{(YY)}$$

مجموع سطح خارجی قطرات بر واحد حجم برابر است با:  $S_L = 4\pi N_1 R_{10}^2 + 4\pi N_1 (R_{1N}^2 - R_{10}^2)$  (۳۸)  $+ 4\pi N_2 R_2^2$ 

که در آن RIO و RIN به ترتیب شعاع متوسط قطرات قبلی در ورودی و خروجی گام محاسباتی حاضر و R2 شعاع قطرات جدید است. مطابق رابطه (۳۸) مجموع سطح خارجی قطرات شامل سه جمله است، که از سمت چپ جملات اول و سوم به ترتیب مربوط به قطرات قبلی و جدید، و جمله دوم بیانگر رشد قطرات قبلی میباشد. رابطه (۳۸) به شکل رابطه (۳۹) ساده می گردد:

$$S_L = 4\pi N_1 R_{1N}^2 + 4\pi N_2 R_2^2 \tag{(39)}$$

همچنین مجموع حجم قطرات بر واحد حجم مخلوط برابر است با:

$$V_{L} = \frac{4}{3}\pi N_{1}R_{10}^{3} + \frac{4}{3}\pi N_{1}$$

$$(R_{1N}^{3} - R_{10}^{3}) + \frac{4}{3}\pi N_{2}R_{2}^{3}$$

$$= \frac{4}{3}\pi N_{1}R_{1N}^{3} + \frac{4}{3}\pi N_{2}R_{2}^{3} \qquad (f \cdot )$$

مشابه رابطه (۳۸)، مجموع حجم قطرات بر واحد حجم مخلوط نیز سه جمله دارد که مربوط به قطرات قبلی، رشد قطرات قبلی و قطرات جدید بوده و در رابطه (۴۰) ساده می-گردد.

برای میانگین گیری شعاع از سه روش میانگین سطحی<sup>۱</sup> ، میانگین حجمی<sup>۲</sup> و متوسط ساوتر<sup>۳</sup> به طور گسترده استفاده شدهاست. استفاده از میانگین گیری سطحی از این اصل سرچشمه می گیرد که رشد قطره به وسیله شار گرما و جرم

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> surface-averaged

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> volume-averaged

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Sauter mean

$$\bar{R}_V = \left(\frac{3V_L}{4\pi N}\right)^{1/3} = \left(\frac{N_1 R_{1N}^3 + N_2 R_2^3}{N_1 + N_2}\right)^{1/3} \tag{(ff)}$$

این روش میانگینگیری شعاع در مراجع [۲۱و۳۸] استفاده شدهاست. با استفاده از میانگینگیری حجمی در هر گام محاسباتی حجم قطره متوسط دقیقاً برابر با میانگین حجم کل قطرات است، اما سطح کل قطرات تغییر می کند که می-تواند موجب بروز خطا شود.

کاملاً واضح است که استفاده از هر یک از روشهای میانگین سطحی یا حجمی میتواند به نوعی موجب بروز خطا در محاسبات گردد. در مدلسازی مسائلی که تنها شامل انتقال حرارت است به دلیل اهمیت و تأثیر سطح خارجی در انتقال حرارت استفاده از میانگین سطحی منطقی است. همچنین در مسائلی که پدیده انتقال به طور عمده محدود به انتقال جرم باشد به کار گیری میانگین حجمی توجیه می-یابد. اما در مسائلی که شامل انتقال قابل توجه و همزمان جرم و حرارت است هیچ یک از دو روش نامبرده نمی تواند بیان صحیحی از میانگین قطرات داشته باشد. به همین دلیل در مدلسازی چنین مسائلی شعاع میانگین ساوتر پیشنهاد شدهاست که در واقع معدلی از تأثیر سطح و حجم کل را در بر می گیرد. این شعاع برابر با حاصل تقسیم توان سوم شعاع میانگین حجمی Rv<sup>3</sup>، بر توان دوم شعاع میانگین سطحی یا به عبارت دیگر متناسب با نسبت حجم کل بر سطح  $\overline{R}_{Su^2}$ كل قطرات مىباشد:

$$\bar{R}_{Sa} = \frac{\bar{R}_V^3}{\bar{R}_{Su}^2} = \frac{N_1 R_{1N}^3 + N_2 R_2^3}{N_1 R_{1N}^2 + N_2 R_2^2} \tag{(6a)}$$

شعاع متوسط ساوتر میتواند با استفاده از مومنتهای توزیع اندازه قطره نیز محاسبه گردد [۱۵]:  $R_{22} = \frac{\mu_3}{2}$ 

$$R_{32} = \frac{r_3}{\mu_2} \tag{(77)}$$

 $4/3 \pi \mu_3$  که در آن  $\mu_3$  مومنت سوم توزیع اندازه قطره است و  $\mu_3 \pi / 3 \pi$  برابر با حجم کل قطرات بر واحد حجم یا همان کسر تری میباشد. روش میانگین ساوتر در مراجع متعددی از جمله در مراجع [۱۸۵٬۷۰۵/۱۰] و با بهره گیری از مومنتهای توزیع اندازه در مراجع [۱۳و۱] استفاده شدهاست.

# ۴- بحث و بررسی نتایج

به منظور بررسی اثر ترکیب معادلات جوانهزایی و روشهای میانگینگیری شعاع قطرهها بر نتایج محاسباتی، ترکیب ۳۲ معادله جوانهزایی و سه روش میانگینگیری شعاع بر ۱۶

شرط مرزی متفاوت در دو هندسه نازل یانگ [۲۰]، و همچنین بر دو هندسه نازل مور [۱۹] اعمال گشته و با نتایج تجربی یانگ و مور مقایسه شدهاست.

در هر ۱۸ مورد نتایج تجربی استفاده شده، اختلاف نمودار توزیع فشار ترکیبهای مدلهای جوانهزایی و روش-های میانگین گیری متفاوت تنها مربوط به پیش بینی شوک چگالش و اندکی بعد از ناحیه شوک می باشد. از اینرو انحراف معیار محاسبه شده (با رابطه (۳۱)) برای ترکیبهای مدل-های جوانهزایی و روشهای میانگین گیری در هندسه و شرط مرزی یکسان در اغلب موارد اختلاف کمی دارند. به دلیل آنکه انحراف معیار در حدود ۲۰۱۱ می باشد، این مقادیر در ۱۰۰ ضرب و در جداول آورده شده است.

با توجه به حجم بالای نتایج استخراج شده نرخ جوانه-زایی، توزیع فشار و نرخ رطوبت در طول نازل برای یکی از حالتهای مورد بررسی در شکلهای ۲-۴ نشان داده شده-است. مطابق این شکلها هر مدل جوانهزایی که شیب شوک چگالش را بیشتر محاسبه نموده، منجر به کسر تری بیشتر شده، همچنین قله جوانهزایی و یا سطح زیر نمودار جوانهزایی آن نیز بیشتر است. به عبارت دیگر جوانهزایی بیشتر سبب بیشتر شدن کسر تری جریان میشود و شوک چگالش قوی-تری پدید میآورد.

بررسی نتایج مشخص میکند که دو اصلاح کورتنی و



شکل ۲- توزیع فشار حاصل از معادله کلاسیک و اعمال اصلاحات معادله جوانهزایی بر آن، در ترکیب با روش میانگین ساوتر در شرط مرزی و هندسه نازل B26 یانگ [۲۰]



شکل ۳- توزیع کسر تری حاصل از معادله کلاسیک و اعمال اصلاحات معادله جوانهزایی بر آن، در ترکیب با روش میانگین ساوتر در شرط مرزی و هندسه نازل B26 یانگ، [17] P0=150.6kPa .T0=409.3K



شکل ۴- نرخ جوانهزایی حاصل از معادله کلاسیک و اعمال اصلاحات معادله جوانهزایی بر آن، در ترکیب با روش میانگین ساوتر در شرط مرزی و هندسه نازل B26 یانگ، [۲۰] Po=150.6kPa ،To=409.3K

گیرشیک-چیو نتایج مشابهی به دست میدهند. با توجه به اینکه در اصلاح گیرشیک-چیو علاوه بر فشار جزئی خوشهها سازگاری برای تشکیل خوشه مولکولی اول نیز لحاظ شده، از بین این دو مدل تنها نتایج اصلاح گیرشیک-چیو در جداول نشان داده شدهاست.

از میان ترکیبهای دوتایی، سهتایی و چهارتایی اصلاحات نامبرده نيز دو تركيب كورتنى با كانتروويتز و کورتنی با گیرشیک-چیو جوابهای قابل قبولی دارند. در نهایت ۱۲ مدل جوانهزایی که نتایج بهتری ارائه نمودند مورد بررسی دقیقتر قرار گرفتهاند. در جداول ۱، ۲ و ۳ توزیع فشار محاسباتی برای ۱۶ شرط مرزی متفاوت دو نازل یانگ از طريق ارائه انحراف معيار با نتايج تجربى موجود [٢٠] مقايسه شدهاست. بررسی این نتایج نشان میدهد که با هر سه روش میانگین گیری شعاع قطرہ، دو معادله پایه کلاسیک و هِیل هر یک به تنهایی و همچنین به همراه اصلاح گیرشیک-چیو در اكثر موارد توزيع فشار را بهتر از بقيه معادلات جوانهزايي پیشبینی میکنند و متعاقباً متوسط انحراف معیار آنها نیز کمتر است. بنابراین در ادامه از میان ۳۲ معادله جوانهزایی مورد استفاده توجه به این چهار مدل جوانهزایی معطوف می-گردد. به منظور مقایسه همزمان توزیع فشار و شعاع محاسباتی با نتایج تجربی، مدل توسعه یافته ترکیب معادله جوانهزایی و روش میانگین گیری با نتایج تجربی مور [۱۹] نیز مقایسه شده است. بر اساس نتایج به دست آمده شعاع حاصل از متوسط ساوتر بیشتر از متوسط حجمی و شعاع متوسط حجمی نیز بیشتر از متوسط سطحی است. به علاوه مشاهده می شود که به طور کلی در نازل های مور متوسط ساوتر پیشبینی بهتری از اندازه قطرات دارد. لازم به ذکر است که در رابطه با نتایج تجربی یانگ فقط توزیع فشار موجود می-باشد.

در جدولهای ۴ و ۵ انحراف معیار ضربدر ۱۰۰ برای توزیع فشار و درصد خطای شعاع محاسباتی نازلهای مور نشان داده شدهاست. با توجه به این جدولها مشخص می-شود که ترکیب معادله پایه هیل با اصلاح گیرشیک-چیو به همراه میانگینگیری به روش ساوتر، با خطای متوسط ۸/۲ درصد شعاع را با دقت بسیار بالایی پیش بینی میکند. متوسط خطای شعاع محاسباتی برای روشهای مختلف در جدول ۶ خلاصه شدهاست. در شکلهای ۵–۸ مقایسه شعاع متوسط محاسباتی با شعاع تجربی و تعداد قطرات بر واحد زمان محاسبه شده با اصلاح گیرشیک-چیو بر معادله هیل در ترکیب با روشهای مختلف میانگین گیری نشان داده شده-است. بر این اساس در هر دو نازل مور روش میانگین گیری که شعاع متوسط کوچکتری پیش بینی میکند، تعداد قطرات

#### مکانیک سازهها و شارهها/ سال ۱۳۹۴/ دوره ۵/ شماره ۱

## طالبی صومعه سرائی و همکاران ۲۰۳

نازلهای یانگ [۲۰]												
هِيل	هِيل	هِيل	هِيل	هِيل		كلاسيك	کلاسیک	کلاسیک	کلاسیک	کلاسیک		معادله
					هِيل						5	جوانه-
گیرشیک	كورتنى	ولک	كانترو-	گيرشيک	(بدون	گیرشیک	كورتنى	ولک	كانترو-	گیرشیک	(بدەن	زايى
- چيو			ويتز	- چيو	اصلاح)	- چيو			ويتز	- چيو	(بناون اصلاح)	
	كانترو-						كانترو-				, C	شرط
كورتنى	ويتز					كورتنى	ويتز					مرزى
۲/۴	۲/۷	۲/۴	۲/۴	۲/۱	۲/۰	۲/۵	$\Upsilon/\Lambda$	۲/۵	۲/۴	۲/۲	۲/۱	A1
۲/۰	۲/۳	۲/۰	۲/۰	۱/۸	١/٨	۲/۱	۲/۳	۲/۰	۲/۰	١/٩	۱/۸	A2
۲/۱	۲/۳	۲/۰	۲/۱		١/٨	۲/۲	۲/۳	۲/۱	۲/۱	۲/۰	١/٨	A3
۱/٣	۱/٣	١/٣	۱/٣	١/٣	۱/۳	۱/٣	۱/٣	١/٣	١/٣	۱/٣	۱/٣	A4
۲/۱	۲/۵	۲/۶	۲/۱	۱/۹	۲/۰	۲/۱	۲/۵	۲/۶	۲/۲	۲/۰	۲/۰	A5
۲/۰	۲/۵	۲/۵	۲/۱	١/٨	١/٨	۲/۱	۲/۵	۲/۵	۲/۱	١/٩	١/٨	A6
۲/۱	۲/۲	۲/۲	۲/۱	۲/۰	١/٩	٣/۴	٣/۵	٣/۵	۲/۱	۲/۰	١/٩	A8
۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۴	۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۴	A9
١/٨	١/٩	۲/۲	١/٨	۱/۸	١/٨	١/٨	١/٩	۲/۱	١/٨	١/٨	١/٨	A11
١/٧	١/٩	۲/۰	١/٧	۱/۶	۱/۵	١/٧	۱/۹	۲/۰	١/٨	۱/۶	۱/۶	A17
١/٧	۲/۴	۲/۰	١/٧	١/۵	١/٨	١/٨	۲/۴	۲/۰	١/٨	۱/۶	١/٧	B22
r/r	٣/۵	٣/٣	٣/٢	۲/۹	۲/۵	٣/٣	۳/۶	٣/٣	٣/٢	٣/٠	۲/۶	B23
۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	B24
۱/۴	۲/۲	۲/۵	۱/۶	١/٣	١/۵	۱/۶	۲/۳		١/٨	۱/۴	۱/۴	B25
۱/۶	۲/۰	٣/٣	۱/۶	۱/۵	۱/۶	۱/۶	۲/۰	۲/۱		۱/۵	۱/۶	B26
٣/٠	٣/١	٣/١	٣/٠	$\Upsilon/\Lambda$	۲/۶	٣/٠	٣/١	٣/١	٣/٠	۲/٩	۲/۷	B27
۲/۰	۲/۳	۲/۳	۲/۰	۱/۹	١/٨	۲/۱	۲/۴	۲/۳	۲/۱	١/٩	١/٩	ميانگين

جدول ۱- انحراف معیار \*۱۰۰ محاسبه شده برای توزیع فشار معادلات مختلف جوانهزایی در ترکیب با روش میانگین سطحی، در

ساخته، که منجر به نرخ جوانهزایی بالاتر و نتیجتاً شکلگیری تعداد قطرات بیشتری میشود.



چیو بر مدل جوانهزایی هِیل در نازل A مور [19]

بر واحد زمان بیشتری محاسبه کردهاست. زیرا سطح مورد نیاز کمتری برای چگالش ریزقطرات شبه پایدار فراهم



## طالبی صومعه سرائی و همکاران ۲۰۴

	نازلهای یانگ [۲۰]											
هِيل	هِيل	هِيل	هِيل	هِيل		کلاسیک	کلاسیک	کلاسیک	کلاسیک	کلاسیک		معادله
					هِيل						5 15	جوانه-
گیرشیک	كورتنى	ولک	كانترو-	گیرشیک	(بدون	گيرشيک	كورتنى	ولک	كانترو-	گيرشيک	لرسيت	زايى
- چيو			ويتز	- چيو	اصلاح)	- چيو			ويتز	- چيو	(بناون اصلاح)	
	كانترو-						كانترو-					شرط
كورتنى	ويتز					كورتنى	ويتز					مرزى
۲/۴	۲/۷	۲/۵	۲/۳	۲/۱	۲/۰	۲/۴	۲/۷	۲/۵	۲/۴	۲/۲	۲/۰	A1
۲/۰	۲/۳	۲/۱	۱/۹	١/٨	١/٨	۲/۰	۲/۳	۲/۱	۲/۰	۱/۸	١/٨	A2
۲/۱	۲/۳	۲/۱	۲/۰	۱/۹	١/٧	۲/۲	۲/۳	۲/۱	۲/۱	۲/۰	١/٨	A3
۱/٣	۱/٣	١/٣	۱/٣	۱/٣	۱/۳	١/٣	١/٣	١/٣	١/٣	٦/٣	۱/٣	A4
۲/۰	۲/۵	۲/۸	۲/۱	۱/۹	۲/۰	۲/۱	۲/۵	$\Upsilon/\Lambda$	۲/۱	۲/۰	۲/۰	A5
۲/۰	۲/۵	۲/۷	۲/۱	١/٨	١/٨	۲/۱	۲/۵	۲/۷	۲/۱	١/٩	١/٨	A6
۲/۱	۲/۲	۲/۲	۲/۱	۱/۹	١/٨	۲/۱	۲/۲	۲/۳	۲/۱	۲/۰	١/٩	A8
۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۴	١/۴	١/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۵	۱/۴	A9
١/٨	١/٩	۲/۲	١/٨	١/٨	١/٩	١/٨	۱/۹	۲/۲	١/٨	۱/٨	١/٨	A11
۱/۶	١/٩	۲/۲	١/٧	۱/۵	۱/۵	١/٢	۱/۹	۲/۱	١/٨	۱/۶	١/۵	A17
١/٧	۲/۳	۲/۲	۱/۶	۱/۵	۱/۹	١/٢	۲/۳	۲/۲	١/٧	۱/۵	١/٨	B22
٣/٢	٣/۵	٣/۴	٣/٢	$\Upsilon/\Lambda$	۲/۵	٣/٣	٣/۵	٣/۴	٣/٢	۲/۹	۲/۶	B23
۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۰	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	B24
۱/۴	۲/۱	۲/۹	۱/۵	۱/٣	۱/۶	۱/۵	۲/۲	$\Upsilon/\Lambda$	۱/۶		۱/۵	B25
۱/۶	۱/۹	۲/۳	۱/۶	١/۵	۱/۶	۱/۶	۲/۰	۲/٣	١/٢	۱/۵	۱/۶	B26
۲/۹	٣/١	٣/١	٣/•	$\Upsilon/\Lambda$	۲/۶	٣/٠	٣/١	٣/١	٣/•	۲/۸	۲/۷	B27
۲/۰	۲/۲	۲/۳	۲/۰	۱/۹	١/٨	۲/۰	۲/۳	۲/۳	۲/۰	۱/۹	١/٨	مىانگىن

جدول ۲- انحراف معیار \*۱۰۰ محاسبه شده برای توزیع فشار معادلات مختلف جوانهزایی در ترکیب با روش میانگین حجمی، در

بر این اساس روش میانگین گیری ساوتر در ترکیب با معادله پایه کلاسیک، و همچنین در ترکیب با اعمال اصلاح در جدول ۷ متوسط انحراف معیار محاسباتی برای توزیع فشار تمامی ۱۸ حالت تجربی مورد بررسی محاسبه شدهاست.





گیرشیک-چیو بر مدل جوانهزایی هِیل در نازل B مور [۱۹]

## طالبی صومعه سرائی و همکاران ۲۰۵

نازلهای یانگ [۲۰]												
هِيل	هِيل	هِيل	هِيل	هِيل		کلاسیک	کلاسیک	کلاسیک	کلاسیک	کلاسیک		معادله
					هِيل						5	جوانه-
گیرشیک	كورتنى	ولک	كانترو-	گيرشيک	(بدون	گيرشيک	كورتنى	ولک	كانترو-	گيرشيک	نارسیت (بدم:	زايى
- چيو			ويتز	- چيو	اصلاح)	- چيو			ويتز	- چيو	(بيلون اصلاح)	
	كانترو-						كانترو-					شرط
كورتنى	ويتز					كورتنى	ويتز					مرزى
۲/۴	۲/۷	۲/۶	۲/۳	۲/۱	١/٩	۲/۴	۲/٨	۲/۶	۲/۴	۲/۱	۲/۰	A1
۲/۰	۲/۳	۲/۲	۲/۰		١/٧	۲/۱	۲/۴	۲/۲	۲/۰	۱/۸	١/٧	A2
۲/۱	۲/۲	۲/۱	۲/۱	۱/۹	١/٧	۲/۱	٣/٣	۲/۱	۲/۱	۱/۹	١/٨	A3
۳/۱	۱/٣	۳/۱	۱/٣	١/٣	۱/٣	١/٣	١/٣	١/٣	١/٣	۱/٣	۱/٣	A4
۲/۱	۲/۵	۲/٩	۲/۱	۱/۹	۲/۱	۲/۱	۲/۵	۲/۹	۲/۱	۱/۹	۲/۰	A5
۲/۱	۲/۵	۲/۸	۲/۲	١/٨	١/٢	$\Upsilon/\Lambda$	۲/۶	$\chi/\chi$	۲/۲	۱/۹	١/٧	A6
۲/۱	۲/۲	۲/۳	۲/۱	۲/۰	۱/۹	۲/۱	۲/۳	۲/۳	۲/۱	۲/۰	١/٩	A8
۱/۴	۱/۵	۱/۵	١/۴	۱/۴	١/٣	١/۵	١/۵	١/۵	١/۵	۱/۴	١/٣	A9
١/٨	١/٩	۲/۴	۱/٨	١/٨	۱/۹	١/٨	۲/۰	۲/۳	١/٨	١/٨	١/٨	A11
١/٨	۱/۹	۲/۳	١/٨	۱/۶	۱/۵	١/٨	۲/۰	٣/٣	۱/۹	۱/۶	۱/۵	A17
١/٧	۲/۲	۲/۲	١/٧	۱/۵	۱/۹	١/٧	۲/۳	٣/٣	١/٧	۱/۵	١/٩	B22
٣/٢	٣/۵	٣/۴	٣/١	$\Upsilon/\Lambda$	۲/۵	٣/٢	٣/۵	٣/۴	٣/٢	۲/۹	۲/۶	B23
۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۰	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	۲/۱	B24
١/٨	۲/۵	٣/١	١/٩	۱/۵	۱/۶	١/٢	۲/۴	٣/٠	١/٨	۱/٣	۱/۵	B25
۱/۶	۲/۱	۲/۳	١/٧	١/۵		۱/۶	۲/۱	۲/۳	١/٧	۱/۵	۱/۶	B26
۲/۹	٣/١	٣/٢	۲/۹	$\Upsilon/\Lambda$	۲/۶	۲/۹	٣/١	٣/٢	٣/٠	۲/۸	۲/۷	B27
۲/۰	۲/۳	۲/۴	۲/۰	۱/۹	۱/۸	۲/۱	٣/٣	۲/۴	۲/۱	۱/۹	١/٨	ميانگين

جدول ۳- انحراف معیار \*۱۰۰ محاسبه شده برای توزیع فشار معادلات مختلف جوانهزایی در ترکیب با روش میانگین ساوتر، در

گیرشیک-چیو بر هر دو معادله پایه کلاسیک و هیل به طور متوسط بهترین پیشبینی فشار را نشان میدهد. این بدان معناست که اگرچه این ترکیبها در صددرصد موارد بهترین نتیجه را ندادهاند، اما در مجموع برای پیشبینی فشار قابل اعتمادتر از بقیه مدلهای ترکیبی میباشند.

مدل ترکیبی میانگین ساوتر به همراه معادله جوانهزایی کلاسیک با متوسط حدود ۱۲/۵ درصد خطا در پیشبینی شعاع قطرات برآورد خوبی از اندازه قطرهها داشتهاست. با اعمال اصلاح گیرشیک-چیو خطای محاسبه شعاع به حدود ۱۱ درصد و با استفاده از مدل هیل به جای مدل کلاسیک

جدول ۴- انحراف معیار توزیع فشار \*۱۰۰، و درصد خطای نسبی شعاع محاسباتی در نازل A مور [۱۹]

		•			<b>C</b>	
انحراف معیار * ۱۰۰ برای توزیع فشار با روش میانگین	درصد اختلاف نسبی شعاع محاسیاتی	انحراف معیار * ۱۰۰ برای توزیع فشار با روش میانگین	درصد اختلاف نسبی شعاع محاسیاتی	انحراف معیار * ۱۰۰ برای توزیع فشار با روش میانگین	درصد اختلاف نسبی شعاع محاسیاتی	درصد اختلاف نسبی شعاع محاسباتی و انحراف معیار توزیع فشار * ۱۰۰
ساوتر	ساوتر	حجمی	حجمى	سطحى	سطحی	معادله جوانهزایی
١/٧	-11/۴	١/٩	- <b>F</b> •/9	۲/۰	-47/4	كلاسيك (بدون اصلاح)
1/8	14/1	۱/۶	-74/4	۱/۶	-٣۴/١	کلاسیک، گیرشیک-چیو
۱/٩	- T • / T	۲/۰	-48/4	۲/۱	-۵۲/۴	هِيل (بدون اصلاح)
۱/۶	۴/۴	١/٧	- <b>~ ·</b> /۵	١/٧	-۳۸/۹	هِيل، گيرشيک-چيو

انحراف معیار *۱۰۰ برای توزیع فشار با روش میانگین ساوتر	درصد اختلاف نسبی شعاع محاسباتی ساوتر	انحراف معیار ۲۰۰۹ برای توزیع فشار با روش میانگین حجمی	درصد اختلاف نسبی شعاع محاسباتی حجمی	انحراف معیار * ۱۰۰ برای توزیع فشار با روش میانگین سطحی	درصد اختلاف نسبی شعاع محاسباتی سطحی	درصد اختلاف نسبی شعاع محاسباتی و انحراف معیار توزیع فشار «۱۰۰ معادله جوانهزایی
۱/۶	$- i r / \Delta$	۲/۵	-۵۲/۶	۲/۶	-۵٩/٨	كلاسيك (بدون اصلاح)
١/٢	۴/۷	١/٧	-47/5	١/٨	-44/9	کلاسیک، گیرشیک-چیو
۲/۰	- ۲ ۱ /۳	۲/٨	$-\Delta\Delta/\lambda$	۲/٩	-87/8	هِيل (بدون اصلاح)
١/۴	$-\Psi/\Upsilon$	۲/۱	-48/8	۲/۲	$-\Delta F/\lambda$	هِيل، گيرشيک-چيو

جدول ۵- انحراف معیار توزیع فشار \*۱۰۰، و درصد خطای نسبی شعاع محاسباتی در نازل B مور [۱۹]

جدول ۶- میانگین قدر مطلق درصد خطای نسبی شعاع محاسباتی روشهای گوناگون میانگینگیری در ترکیب با معادلات جوانهزایی تأیید شده، در نازلهای مور [۱۹]

ميانگين	ميانگين	ميانگين	روش میانگین گیری
			شعاع
ساوتر	حجمى	سطحى	
			معادله جوانهزايي
17/4	۴۶/۸	54/1	كلاسيك (بدون اصلاح)
۱۰/۹	۳۴/۰	٣٩/۵	کلاسیک، گیرشیک-چیو
۲۰/۸	۵۱/۰	$\Delta V / \Delta$	هِيل (بدون اصلاح)
٣/٨	$\gamma\lambda/\Delta$	۴۶/۸	هِيل، گيرشيک-چيو

جدول ۷- متوسط انحراف معیار ۱۰۰۰ برای توزیع فشار روشهای گوناگون میانگینگیری در ترکیب با معادلات جوانهزایی تأیید شده، برای ۱۸ مورد تجربی [۱۹و۲۰]

ميانگين	ميانگين	ميانگين	روش ميانگين گيري
			شعاع
ساوتر	حجمى	سطحى	
			معادله جوانهزايى
١/٨	۱/۹	١/٩	كلاسيك (بدون اصلاح)
١/٨	۱/۹	١/٩	كلاسيك، گيرشيك-چيو
۱/۹	١/٩	١/٩	هِيل (بدون اصلاح)
١/٨	١/٩	١/٩	هِيل، گيرشيک-چيو

(به همراه اصلاح گیرشیک-چیو) خطای متوسط محاسبه شعاع به حدود ۴ درصد کاهش مییابد. به علاوه مشاهده میشود که در نازلهای A و B مور شعاع محاسبه شده با مدل کلاسیک در ترکیب با هر سه روش میانگین گیری کمتر از مقدار واقعی است.

در مجموع ترکیب اصلاح گیرشیک-چیو بر معادله جوانهزایی هیل و متوسط گیری ساوتر بهترین نتایج را در پیشبینی همزمان فشار سیال و شعاع قطرات خواهد داشت و مدل ترکیبی بهینه میباشد. با توجه به موارد اشاره شده در بخشهای معادله جوانهزایی و میانگین گیری شعاع قطرات این نتیجه قابل پیشبینی بودهاست. تاکنون اصلاحات گوناگونی بر معادله جوانهزایی کلاسیک اعمال شده که هر کدام از آنها اثر فشار یا دما بر نرخ جوانهزایی را اصلاح نمودهاند. مطابق مباحث مطرح شده، اختلاف اصلاح گیرشیک-چیو با اصلاح کورتنی تنها مربوط به انرژی تشکیل خوشه اول است و از آنجایی که تأثیر خوشههای بزرگتر بر نرخ جوانهزایی چشمگیرتر است این اختلاف منجر به تفاوت قابل توجهی در نرخ جوانهزایی نمی شود. در نتیجه خصوصیات جریان محاسبه شده با این دو اصلاح مشابه می-باشند. اما همانطور که قبلاً ذکر شد اصلاح گیرشیک-چیو به لحاظ تئوري و بر اساس نتايج به دست آمده، مجموعاً كامل-ترین اصلاح اثر فشار بر معادله جوانهزایی است.

با توجه به مراجع متعدد مورد استفاده در مقاله، اصلاح غیرهمدما و یا اصلاح وابستگی بیش از حد نرخ جوانهزایی کلاسیک به دما در محاسبات جریان چگالشی بخار همواره مورد توجه بودهاست. مطابق نتایج ارائه شده از میان اصلاحات معادله کلاسیک که مربوط به دما میباشند، مدل جوانهزایی هیل بسیار دقیق تر از اصلاح ولک و یا کانتروویتز بر معادله کلاسیک نتیجه میدهد. این در حالی است که در مراجع [۳۴] اصلاحات کانتروویتز و کورتنی اعمال شده، یعنی همزمان اثر دما و فشار بر معادله کلاسیک اصلاح شدهاست. با توجه به قابلیت مدل هِیل در بهبود یافتن به وسیله اصلاحات

معادله جوانهزایی که تاکنون هرگز مورد استفاده قرار نگرفته، مطابق نتایج ارائه شده اعمال اصلاح گیرشیک-چیو بر معادله هیل که به طور همزمان ضعفهای وابستگی بیش از حد معادله کلاسیک به دما و در نظر نگرفتن فشار جزئی خوشهها در محاسبات جریان بخار تر را برطرف میکند، کارآمدترین مدل جوانهزایی است.

همچنین روش میانگین گیری ساوتر به دلیل آنکه در هر گام محاسباتی همزمان اثر سطح و حجم کل قطرهها را در محاسبه شعاع متوسط وارد مینماید علمیترین روش متوسط گیری قطرات است و مطابق شکلهای ۵ و ۷ و جدول ۶ در محاسبه شعاع متوسط با فاصله قابل توجهی دقیق تر از دیگر روشهای میانگین گیری عمل می کند.

با توجه به آنکه دقت محاسبه فشار معادله جوانهزایی کلاسیک با اصلاح گیرشیک-چیو و بدون اصلاح در ترکیب با متوسط گیری ساوتر برابر با دقت مدل ترکیبی بهینه بوده و اختلاف دقت آنها در محاسبه شعاع اندک است، این دو مدل ترکیبی نیز در مواردی مانند نازلهای تجربی یانگ که فاقد شعاع تجربی هستند، یا مواردی که تأکید بر محاسبه توزیع فشار است قابل اعتماد میباشند. یافتن مدل ترکیبی بهینه معادله جوانهزایی و روش میانگین گیری شعاع، و همچنین معرفی مدل بدیلی که با اختلاف اندک نسبت به مدل بهینه در مدلسازی جریان قابل اعتماد باشد از نوآوریهای این

در خصوص انواع اثرات نامطلوب ناشی از دوفازی شدن جریان و وابستگی آنها به فاز مایع میتوان گفت که تخریب مکانیکی ناشی از برخورد قطرات با دیواره پرهها، به مومنتوم جریان و در نتیجه جرم و شعاع میانگین قطرات وابسته است. همچنین نشست قطرهها روی پرههای توربین بخار و در نتیجه خوردگی آنها به شدت به اندازه قطرات وابسته است. در حالی که افتهای ترمودینامیکی ناشی از افزایش انتروپی و افتهای آیرودینامیکی بیشتر به کسر جرم مایع و یا نرخ تری بستگی دارد [۱۰،۹].

# ۵– نتیجه گیری

در این مقاله پس از ارزیابی تئوری معادلات مختلف جوانه-زایی و روشهای گوناگون میانگین گیری شعاع قطرات، تأثیر ترکیب آنها بر پارامترهای جریان چگالشی بخار به کمک یک مدل لاگرانژی-اویلری نیمه تحلیلی یک بعدی بررسی شده

و نتایج به دست آمده با ۱۸ نتیجه تجربی در هندسهها و شرایط مرزی مختلف مقایسه گردیدهاست. مطابق نمودارها و جدول های ارائه شده از جمله جداول ۶ و ۷ به شرح زیر، بهترین جوابها در محاسبه فشار سیال مربوط به میانگین شعاعی ساوتر در ترکیب با سه معادله جوانهزایی هِیل با اصلاح گیرشیک-چیو، کلاسیک با اصلاح گیرشیک-چیو و کلاسیک بدون اصلاح می باشد. با توجه به آنکه معادلههای جوانهزایی کلاسیک با اصلاح گیرشیک-چیو و کلاسیک بدون اصلاح در ترکیب با متوسط گیری ساوتر با اختلاف اندکی در رتبههای دوم و سوم محاسبه شعاع قرار گرفتهاند، این دو مدل ترکیبی در محاسبات جریان چگالشی بخار قابل اعتماد میباشند، به ویژه در مواردی که دقت بالاتر پیشبینی توزیع فشار، مدلسازی شوک چگالش، محاسبه دقیقتر کسر تری و به دنبال آن برآورد درست اتلافات آیرودینامیکی و ترمودینامیکی مورد نظر باشد. مطابق نتایج به دست آمده مدل هيل دقيقترين اصلاح دماي معادله كلاسيك است و نرخ جوانهزایی را مستقلاً محاسبه مینماید. این مدل در ترکیب با اصلاح گیرشیک-چیو که دقیقترین اصلاح اثر فشار بر نرخ جوانهزایی است، کامل ترین و بهترین معادله جوانهزایی را ارائه میدهد. همچنین روش میانگین گیری ساوتر به دلیل لحاظ كردن همزمان اثرات سطح و حجم كل قطرهها در محاسبه شعاع متوسط در هر گام محاسباتی، علمی ترین و دقیق ترین روش میانگین گیری است. بنابراین و مطابق نتایج ارائه شده ترکیب معادله جوانهزایی هیل با اصلاح گیرشیک-چيو و روش ميانگين ساوتر به عنوان دقيقترين و بهترين ترکیب معادله جوانهزایی و روش میانگین گیری پیشنهاد می-شود. اگرچه این مدل ترکیبی در همه موارد بهترین مدل نمی باشد، از بیشترین قابلیت اعتماد در تحلیل جریان چگالشی بخار برخوردار است، به ویژه هنگامی که محاسبه دقيق تر شعاع خروجي قطرات، پيشبيني درست اتلافات مكانيكي اجزاى توربين بخار، ميزان نشست قطرهها روى تیغهها و خوردگی آنها مدنظر قرار گرفته باشد.

در مجموع اعمال اصلاحات در معادله جوانهزایی کلاسیک و اعمال اصلاحات مشابه در معادله جوانهزایی هیل در ترکیب با روشهای میانگینگیری شعاع قطرات برای اولین بار مورد بررسی قرار گرفتهاست. علاوه بر تحقیقات نظری اصلاحات معادله کلاسیک جهت بهبود در محاسبه نرخ

- [10] White AJ (2003) A comparison of modelling methods for polydispersed wet-steam flow. Int. J. Numer. Methods Eng. 57, 819–834.
- [11] Yang Y, Shen S (2009) Numerical simulation on non-equilibrium spontaneous condensation in supersonic steam flow. Int. Commun. Heat Mass Transfer, 36, 902-907.
- [12] Gerber AG, Kermani MJ (2004) A Pressure Based Eulerian-Eulerian Multiphase Model for Condensation in Transonic Steam Flows. Int. Journal of Heat and Mass Transfer, Vol. 47, pp. 2217-2231.
- [13] White AJ, Hounslow MJ (2000) Modelling droplet size distribution in polydispersed wet-steam flows. Int. J. Heat and mass transfer, Vol. 43, pp. 1873-1884.
- [14] Halama J, Benkhaldoun F, Fo'rt J (2010) Numerical modeling of two-phase transonic flow. Mathematics and Computers in Simulation, 80, 1624–1635.
- [15] Chandler KD, White AJ, Young JB (2011) Unsteady Wetness Effects in LP Steam Turbines, Proc. ASME Turbo Expo 2011, GT2011-45320.
- [16] Gerber AG, Mousavi A (2007) Representing Polydispersed Droplet Behaviour in Nucleating Steam Flow. Trans. ASME, J. Fluids Eng., 129, pp. 1404–1414.
- [17] Mohsin R, Majid ZA (2008) Water Condensation In Low Pressure Steam Turbine: A Nucleation Theory Part2. Journal of Chemical and Natural Resources Engineering, Special Edition: 50-56.
- [18] WenMing J, ZhongLiang L, HengWei L, HuiZhang P, LingLing B (2009) Influences of friction drag on spontaneous condensation in water vapor supersonic flows, Sci China Ser E-Tech Sci, 52(9): 2653-2659.
- [19] Moore MJ, Walters PT, Crane RI, Davidson BJ (1973) Predicting the fog drop size in wet steam turbines. Institute of Mechanical Engineers (UK), Wet Steam 4 Conf., University of Warwick, paper C37/73.
- [20] Young JB (1973) Nucleation in High Pressure Steam and Flow in Turbine. Submitted for the degree of Ph.D., Birmingham University, England.
- [21] Mahpeykar MR, Lakzian E, Amirirad E (2009) Reduction of thermodynamic losses in a supersonic nucleating steam nozzle by spraying water droplets, Scientia Iranica, Vol. 16, No. 3, pp. 253–262.
- [22] Mahpeykar MR, Amiri Rad E (2010) The suppression of condensation shock in wet steam flow by injecting water droplets in different regions of a Laval nozzle, Scientia Iranica, Transaction B, 17(5), pp. 337–347.
- [23] Mahpeykar MR, Teymourtash AR, Amirirad E (2011) Reducing entropy generation by volumetric

جوانهزایی و ارزیابی کیفی روشهای مختلف متوسط گیری شعاع قطرات که دانستن آنها مهم میباشد، پس از بررسی کمی تأثیر ترکیب مدلهای جوانهزایی و روشهای میانگین-گیری گوناگون بر پارامترهای جریان چگالشی بخار، مدل ترکیبی بهینه در محاسبه توزیع فشار سیال و شعاع خروجی قطرهها در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی مشخص شدهاست. همچنین دو مدل ترکیبی دیگر نیز در مواردی که تأکید بر محاسبه توزیع فشار میباشد در این تحقیق پیشنهاد شده-است.

8- مراجع

- Bakhtar F, Young JB, White AJ, Simpson DA (2005) Classical nucleation theory and its application to condensing steam flow calculations. Proc. Instn. Mech. Engnrs. Part C: J. Mechanical Engineering Science, Vol. 219, No. C12, pp.1315– 1333.
- [2] Hale B (1992) The Scaling of Nucleation Rates. Metall. Trans. A, 23A:1863–1868.
- [3] Hale BN, DiMattio DJ (2004) Scaling of the nucleation rate and a Monte Carlo discrete sum approach to water cluster free energies of formation. Journal of Physical Chemistry B, 108, pp. 19780–19785.
- [4] Young JB, Bakhtart F (1976) A Comparison Between Theoretical Calculations and Experimental Measurements of Droplet Sizes in Nucleating Steam Flows. Trans. Inst. Fluid Flow Machinery, pp. 259-276.
- [5] Skillings SA, Jackson R (1987) A robust timemarching solver for one-dimensional nucleating steam flows. Int. J. Heat and Fluid Flow, 8, 139– 144.
- [6] Bakhtar F, Mohammadi Tochai MT (1980) An investigation of two-dimensional flows of nucleating and wet steam by the time-marching method. International Journal of Heat and Fluid Flow, 2(1):5–18.
- [7] Young JB (1992) Two-dimensional, nonequilibrium, wet-steam calculations for nozzles and turbine cascades. Transactions of the American Society of Mechanical Engineers Journal of Turbomachinery; 114: 569–579.
- [8] White AJ, Young JB (1993) A time-marching method for the prediction of two-dimensional unsteady flows of condensing steam. Am. Inst. Aeronaut. Astronaut., J. Propulsion and Power, 9, 579–587.
- [9] Kermani MJ, Gerber AG (2003) A general formula for the evaluation of thermodynamic and aerodynamic losses in nucleating steam flow. Int. J. Heat Mass Transfer46, 3265–3278.

[۳۷] علیرضا تیمورتاش، محمدرضا مهپیکر (۲۰۰۶) "تحلیل جریان گذر صوتی و غیر لزج بخار ضمن چگالش در پاساژ تیغههای توربین به روش تایم مارچینگ جیمسون روی شبکه منطبق بر مرز"، دانشکده مهندسی- دانشگاه فردوسی مشهد، شماره (۱۸)، صفحه ۱-۲۰.

[38] Gerber AG (2006) Inhomogeneous Multiphase Model for Non-Equilibrium Phase Transition and Droplet Dynamics, Proceeding of ASME FEDSM, Miami. heat transfer in a supersonic two-phase steam flow in a Laval nozzle, Int. J. Exergy, Vol. 9, No. 1.

- [24] Senoo S, White AJ (2006) Numerical simulation of unsteady wet steam flows with non-equilibrium condensation in the nozzle and the steam turbine, ASME Joint US-European Fluid Engineering Summer Meeting.
- [25] Courtney WG (1961) Remarks on homogeneous nucleation, Journal of Chem. Phys., Vol. 35, pp. 2249–2250.
- [26] Mahpeykar MR, Teymourtash AR, Amiri Rad E (2013) Theoretical investigation of effects of local cooling of a nozzle divergent section for controlling condensation shock in a supersonic Two- Phase flow of steam, Journal of Meccanica, 48:815–827.
- [27] Girshick SL, Chiu CP (1990) Kinetic nucleation theory: A new expression for the rate of homogeneous nucleation from an ideal supersaturated vapor. J. Chem. Phys., 93, pp. 1273-1278.
- [28] Girshick SL (1991) Self consistency correction to homogeneous nucleation theory, J. Chem. Phys., 94, pp. 826-828.
- [29] Kantrowitz A (1951) Nucleation in very rapid vapor expansion, F. Chem. Phys., Vol. 19, No.19, pp. 1097–1100.
- [30] Wolk J, Strey R, Heath HC, Wialouzil BE (2002) Empirical function for homogeneous water nucleation rates, Journal of Chemical Physics, 117(10), pp. 4954–4960.
- [31] Sinha S, Wyslouzil BE, Wilemski G (2009) Modeling of H2O/D2O condensation in supersonic nozzles, *Aerosol Science and Technology*, 43, pp. 9–24.
- [32] Amirirad E, Mahpeykar MR, Teymourtash AR (2013) Evaluation of simultaneous effects of inlet stagnation pressure and heat transfer on condensing water-vapor flow in a supersonic Laval nozzle, Journal of Scientia Iranica.
- [33] Strey R, Wagner PE, Viisanen Y (1994) The Problem of Measuring Homogeneous Nucleation Rates and the Molecular Contents of Nuclei: Progress in the Form of Nucleation Pulse Measurements, J. Phys. Chem., 98, 7748-7758.
- [34] Mahpeykar MR, Mohamadi AR (2013) Effect of Important Thermophysical Properties on Condensation Shock in a Steam Flow, Journal of Thermophysics and Heat Transfer, Vol. 27, No. 2, 286-297, April–June.
- [35] Schaff SA, Chambre PI (1958) Flow of Rarefied Gases, Vol. 3, Oxford Press, UK.
- [36] Fang Y (2003) Numerical Simulations of High Knudsen Number Gas Flows and Microchannel Electrokinetic Liquid Flows, PhD Thesis, Drexel University.