مکانیک سازهها و شارهها/ سال ۱۳۹۸/ دوره ۹/ شماره ۲/ صفحه ۲۲۷–۲۴۷





DOI: 10.22044/jsfm.2019.7949.2806

# بررسی عددی تاثیر تزریق هوای خنککننده نوسانی سینوسی بر خنککاری لایهای لبه حمله، سطح فشار و مکش یک پره توربین

سید مهدی حسینی بغدادآبادی<sup>۱</sup>، سعادت زیرک<sup>۳</sup><sup>۵</sup> و مهران رجبی زرگر آبادی<sup>۳</sup> <sup>۱</sup> دانشجوی دکتری، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه سمنان، سمنان، ایران <sup>۲</sup> استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه سمنان، سمنان، ایران <sup>۲</sup> استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه سمنان، سمنان، ایران مقاله مستقل، تاریخ دریافت: ۱۳۹۷/۱/۱/۱، تاریخ بازنگری: ۲۱/۲۹۸/۰ تاریخ پذیرش: ۵۰/۱۵/۱۰

#### چکیدہ

خنککاری لایهای یکی از موثرترین روش ها برای حفظ پرههای توربین از داغ شدگی بیش از حد است. برای جریان گاز پایا، خنککاری لایهای به طور گسترده بررسی شده است؛ اما دانش کمی درباره تاثیر نوسان بر عملکرد خنککاری لایهای وجود دارد. در این تحقیق، اثر نوسانی کردن تزریق هوای خنککننده پره توربین با نوسان سینوسی بر توزیع دما و اثربخشی خنککاری سطوح مختلف یک پره توربین، به صورت عددی بررسی میشود. سیال خنککاری از طریق سه پلنوم و در پنج نسبت دمش ۵/۰، ۷۱، ۱/۰، ۲۰ و ۲/۱، در فرکانس ۵۰ هر تز به لبه حمله، سطح فشار و مکش پره تزریق میشود؛ همچنین تاثیر عدد رینولدز جریان اصلی بر اثربخشی خنککاری لایهای مطالعه می شود. از روش حجم محدود برای حل معادلات جریان استفاده گردید. نتایج بدست آمده نشان می دهد که نوسانی بودن دبی خنک-کننده، سبب تغییر اندازه جفت ورتکس ناهمسان گرد می گردد و در نتیجه تغییر توزیع دمای سطح در هر گام زمانی را در پی دارد. متوسط توزیع اثربخشی خط مرکزی در حالت نوسانی، روی سطح پاییندست سوراخ تزریق لبه حمله، سطح فشار و سطح مکش به تریب در نسبت دمش های ۵/۰، ۵/۰، ۱/۰ و ۱/۰

**کلمات کلیدی:** خنککاری لایهای؛ نوسان سینوسی؛ مدل توربولانسی SST k – w ؛ نسبت دمش؛ پره توربین.

## Numerical Investigation of the Effect of Sinusoidal Pulsating Cooling Air on Film Cooling Effectiveness of Leading Edge, Pressure and Suction Side of a Turbine Blade

S. M. Hosseini Baghdad Abadi<sup>1</sup>, S. Zirak<sup>2,\*</sup>, M. Rajabi Zargarabadi<sup>3</sup>

<sup>1</sup> Ph.D. Student, Mech. Eng., Semnan Univ., Semnan, Iran.
<sup>2</sup> Assoc. Prof., Mech. Eng., Semnan Univ., Semnan, Iran.
<sup>3</sup> Assoc. Prof., Mech. Eng., Semnan Univ., Semnan, Iran.

#### Abstract

Film cooling is one of the most effective methods for protecting turbine blades from thermal overheating. For steady gas flow, the film cooling has been extensively investigated, but there is insufficient knowledge of how the pulsation affects the film cooling performance. In this study, the effects of air coolant injection with sinusoidal pulsations on temperature distribution and film cooling effectiveness of a turbine blade is numerically investigated. Cooling air is injected through the three plenums to leading edge, pressure and suction sides of the blade at five blowing ratios of 0.5, 0.75, 1, 1.5, 2, and 2.5 with frequency of 50Hz. Also, the effect of main flow Reynolds number on cooling performance is studied. Finite volume method was used to solve flow governing equations. Obtained results show that pulsating the blade cooling mass flow rate causes the size of counter vortex rotating pair to be varied, resulting in change of temperature distribution of the surface at each time steps. The averaged centerline pulsed film cooling effectiveness distribution is maximized on downstream of the injection hole of leading edge, pressure side and suction side at blowing ratio of 0.75, 0.5 and 1, respectively.

**Keywords:** Film Cooling; Sinusoidal Pulse; SST  $k - \omega$  Turbulent Model; Blowing Ratio; Turbine Blade.

\* نویسنده مسئول؛ تلفن: ۲۳۳۱۵۳۳۳۵۰؛ فکس: ۲۳۳۳۶۵۴۱۲۲

آدرس يست الكترونيك: s zirak@semnan.ac.ir

#### ۱– مقدمه

امروزه توربین گازی به یکی از پیچیدهترین و کارآمدترین ماشینهای دنیا تبدیل شده است. تولید قدرت خروجی در توربین گازی، به شدت تحت تاثیر پره و ساختار آیرودینامیکی آن است [1].

با پیشرفت موتور توربین گاز، بازده حرارتی نیز به طور پیوسته با افزایش دمای ورودی توربین، افزایش یافته است. افزایش دما برای استحکام و عمر پرههای توربین و محفظه احتراق خطرناک است. دستیابی به توربین گازی با بازده بالا به دلیل بهبود و کاربرد تکنیکهای خنککاری مدرن و پیشرفته است [۲]. با استفاده از مکانیزمهای خنککاری پره-ها، میتوان شرایط افزایش دمای ورودی توربین را فراهم کرده و در راستای افزایش بازدهی و توان تولیدی توربین گام برداشت [۱].

خنککاری لایهای به عنوان یک استراتژی خنککاری فعال، به طور وسیعی در توربین گاز استفاده می شود تا انتقال حرارت بین گازهای واکنشی داغ و اجزای خنککنده را مدیریت کند [۳]. پارامترهای حاکم بر جریانهای خنککاری لایهای، نسبت دمش، زاویه تزریق و توربولانس جریان آزاد هستند[۴]. مطالعات مختلفی در زمینه خصوصیات، مشخصه-ها و اثربخشی خنککاری لایهای انجام شده است [۳–۱].

هوای خنک خروجی از کمپرسور در میان سوراخهای فیلمی گسسته روی سطح پره، به جریان اصلی تزریق می شود و لایه جداکننده پره از گاز داغ را تشکیل میدهد. از آنجا که خنککاری لایهای در ایرفویلهای واقعی استفاده می شود، تاثیر جریان اصلی و متغیرهای سطح بر عملکرد خنککاری بایستی مورد توجه قرار گیرد [۱۱–۱۳]. شرایط جریان اصلی و خنککننده، هندسه سوراخ و آرایش آن و هندسه ایرفویل بر عملکرد خنککاری لایهای موثرند. در بسیاری کاربردهای صنعتی جریان متناوب به دلیل حرکت بخشهای مختلفی مانند پمپها يا توربينها يا بوسيله ارتعاشات يا نوسانات جريان اتفاق مىافتد. هنوز واضح نيست كه چه مكانيسمى سبب این اتفاق میشود و انتقال حرارت چگونه تحت تاثیر این پدیده قرار میگیرد [۱۴]. در جریانهای نوسانی اندازه و شکل ساختارهای منسجم تحت تاثیر دامنه و فرکانس است. ساختارهای منسجم بزرگ جریان، از لایههای برشی تشکیل شده بین جریان آزاد و سیال احاطه کننده ایجاد

می شود. تشکیل و برهم کنش ساختارهای جریان می تواند از اختلاط بین لایه مرزی و افزایش مشخص در شدت توربولانس ثبت شده بوسیله جریانهای نوسانی تاثیر پذیرد [1۵].

توسعه توربینهای گازی صنعتی به علت هزینه بالای تست و کارهای آزمایشگاهی، نیازمند به سرمایهگذاری زیادی است؛ لذا با توجه به نیاز روز افزون به افزایش بهرموری توربینهای گازی، موجود بودن مدلی که قادر به تخمین واقع گرایانهای از عملکرد توربین گاز باشد، بسیار مورد توجه است [۶].

پارک<sup>۱</sup> و همکاران [۷] اثربخشی و انتقال حرارت خنک-کاری لایهای را روی نوک پره توربین به صورت تجربی بررسی کردند. نسبت دمش در عدد ۱/۵ ثابت شده بود. جریان نشتی داغ به دلیل اختلاف فشار زیادی که بین سطوح مکش و فشار پره وجود دارد، شتاب می گیرد که منجر به لایه مرزی نازک و نرخ انتقال حرارت بالا می شود. نرخهای انتقال حرارت بالا نزدیک لبه حمله روی نوک سطح به دلیل جریان دوباره متصل شده مشاهده شد.

لوتوم<sup>۲</sup>و همکارانش [۸] عملکرد خنککاری لایهای روی یک سطح محدب در معرض جریان آزاد شتاب داده شده (گرادیان فشار) بررسی کردند. نتایج بررسی آنها نشان داد، گرادیان فشار جریان آزاد اثر عمدهای روی عملکرد خنک-کاری لایه ای روی سطوح تخت ندارد.

کین<sup>۲</sup> و همکاران [۹] اثرات گرادیان فشار و انحنای دیواره بر خنککاری لایهای را بررسی کردند. یافتههایشان نشان داد عملکرد خنککاری لایهای با انحنای دیواره، کاملا با دیواره تخت متفاوت است. کولبان<sup>†</sup> و همکاران [۱۱] اثربخشی خنککاری لایهای را برای پره توربین با سوراخهای خنککاری لایهای فن-شکل تحت شرایط سرعت پایین مطالعه کردند. مقادیر اثربخشی آدیاباتیک نشان داد، در نواحی با انحنای محدب، جت از سطح جدا شده و در نواحی با تقعر بالا به سطح برخورد میکند. جائو<sup>6</sup> و همکاران [۱۲]،

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Park

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Lutum

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Qin <sup>4</sup> Colban

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Gao

اثربخشی خنککاری لایهای سوراخهای فن-شکل با زاویه مرکب را روی یک پره توربین اندازه گرفتند. نتایج تحقیقاتشان نشان داد، اثربخشی خنککاری لایهای روی سطوح مکش و فشار متفاوت است. مسیرهای سیال خنک-کننده روی سطح مکش، بلندتر از سطح فشار بود و پوشش لایهای روی سطح مکش بهتر از سطح فشار صورت می-گرفت[۱۳ و ۱۲]. لی<sup>۱</sup> و همکاران[۱۴]، عملکرد خنککاری لایهای در یک کسکید سرعت پایین را به صورت تجربی بررسی کردند. خصوصیات جریان روی سطوح مکش و فشار متفاوت و وابسته به طراحی آیرودینامیکی بود.

برای حفظ بازده حرارتی بالا و کسب ایمنی پره لازم است تا راهی برای مینیمم کردن هوای خنککاری مصرفی و همزمان راهی برای فراهم کردن حفاظت مناسب اجزای در معرض دماهای بالا پیدا کنیم. در این وضعیت خنککاری لایهای-نوسانی برای کاهش مصرف هوای خنککننده، کنترل و بهبود عملکرد خنککاری لایهای مطرح شد. دومین دلیل بررسی خنککاری لایهای نوسانی این است که پدیده نوسانی، به طور طبیعی به خاطر نوسان جریان اصلی و برهم-کنش پریودیک بین روتور و استاتور اتفاق میافتد [10].

خواه نوسانی کردن اثربخشی خنککاری لایهای را افزایش دهد یا نه، حذف نوسان القا شده بوسیله برهمکنش ناپایدار پریودیک روتور استاتور یا نوسان جریان اصلی غیر ممکن است؛ بنابراین مهم است که آثار خنککاری لایهای نوسانی را بررسی کنیم. در شرایط واقعی جریان، برهمکنش روتور استاتور، منجر به تغییر تدریجی تزریق هوای خنک کننده میشود که شباهت بیشتری به موج سینوسی دارد [16].

استنگر<sup>7</sup> و همکاران [۱۶] اثربخشی خنککاری لایهای برای لبه حمله پره توربین به صورت عددی سه بعدی بررسی کردند. شبیهسازیها برای نسبتهای دمش از ۲/۷۵ تا ۲ انجام شدند. توربولانس با استفاده از مدل انتقال تنش برشی SST  $k - \omega$ به دست آمد: دیواره آدیاباتیک و دیواره رسانا. دیواره آدیاباتیک، اثربخشی خنککاری لایهای را در ناحیه دور از

پایین دست برای نسبتهای دمش کم، بیشتر پیشبینی می-کرد؛ همچنین در مجاورت سوراخ خنککننده، افزایش نسبت به دمش منجر به اثربخشی خنککاری لایهای بالاتر نسبت به آزمایشات شد. نتایج دیواره رسانا، توافق نزدیکتری با دادههای تجربی در مقایسه با دیواره آدیاباتیک داشت. خنککاری نوسانی با فرکانس نوسان ۵ و ۱۰ هرتز، بیشترین اثربخشی خنککاری را نشان داد.

آگا<sup>۳</sup> و همکاران [۱۷] به کارگیری نوسانات جت در کنترل جریان و خنککاری لایهای توربین گاز را به صورت عددی مورد بررسی قرار داد. در شبیهسازی خود مدلهای  $k - \omega$  مورد بررسی قرار داد. در شبیهسازی خود مدلهای  $k - \omega$  مدل استاندارد w - w و  $k - \omega$  مدل استاندارد w - k و مدل  $f - \frac{\overline{v^2}}{\overline{v}}$  با شبیهسازی نمونههای مختلف خنککاری لایهای برای صفحههای تخت مقایسه شدند.

حسینی بغدادآبادی و همکاران [۱۸] اثر تغییر زاویه تزریق بر اثربخشی خنککاری لایهای با نوسان موج سینوسی در فرکانسهای مختلف را بررسی کردند. چهار زاویه تزریق فر کانسهای مختلف را بررسی کردند. چهار زاویه تزریق فرکانس ۲۰، ۲۵ و ۲۵ درجه انتخاب شدند. جریان نوسانی در سه فرکانس ۲۰، ۵۵ و ۲۰۰ هرتز، مورد بررسی قرار گرفت. مدل سازی هندسه در نرمافزار گمبیت و تحلیل عددی توسط نرم-افزار فلوئنت انجام شد. از مدل w - k SST k جهت مدلسازی آشفتگی استفاده گردید. نتایج نشان داد، زاویه تزریق بین ۲۰ تشفتگی استفاده گردید. نتایج نشان داد، زاویه تزریق بین ۲۰ تا ۲۵ درجه در سه فرکانس مورد بررسی بیشترین اثربخشی خنککاری لایهای خط مرکزی و جانبی را به خصوص در نواحی دور از لبه سوراخ تزریق داشت.

اکاد<sup><sup>4</sup></sup> و همکاران [۱۹] اثر نوسان جت و سیکل کاری روی خنککاری لایهای یک جت منفرد واقع روی لبه حمله مدور بدنه پخ بررسی کردند. خصوصیات خنککاری لایهای برای سیکل کاری از ۲۰۱ تا ۱ در نسبتهای دمش نامی از ۵/۰ تا ۲ و فرکانسهای نوسان از ۵ تا ۱۰ هرتز تست شدند. این بررسی نشان داد، اثربخشی خنککاری لایهای بالاتر در نسبتهای دمشی کاهشی به دست میآید و اثر تغییر فرکانس نوسانی قابل صرفنظر است.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Li

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Stenger

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Aga <sup>4</sup> Ekkad

ماک<sup>۲</sup> و همکاران [۲۰] مزایای عملکرد دمش نوسانی با فرکانسهای تا ۱۰ کیلوهرتز را روی پره توربین کم فشار به صورت تجربی بررسی کردند. اثر مکان دمش و فرکانس آن پروفیل فشار و گردشهای جریان حلقوی وسط دهانه برای تعیین آثار لایه مرزی تحت دامنه وسیعی از اعداد رینولدز از ۵۰۰۰۰ تا ۲۰۰۰۰۰ و برای شرایط یکنواخت و جریان داخلی غیر یکنواخت پریودیک استفاده شدند. نتایج نشان داد که دمش نوسانی با نوسانگر سیالی به طور عمدهای پروفیل افتهای پره توربین کم فشار را با مقدار متوسط هوای استفاده شده در دامنه وسیعی از اعداد رینولدز تحت شرایط جریان ورودی یکنواخت و غیر یکنواخت کاهش میدهد.

مولدون و آچاریا<sup>۲</sup>[۲۱] با استفاده از مدل شبیهسازی عددی مستقیم، خنککاری لایهای نوسانی را بررسی کردند. هندسه شامل، یک جت استوانهای با شیب ۳۵ درجه نسبت به جریان اصلی بود. جتها با سیکلهای کاری مختلف از ۲۰/۵ تا ۱، نرخهای دمش از ۲/۳۷۵ تا ۱/۵ و اعداد استروهال از ۲۰/۸ تا ۲۳/۲ نوسانی شدند. در فرکانس بالاتر از ۵/۰ و نسبت دمش ۱/۵، بهبود اثربخشی خنککاری لایهای نوسانی به دلیل کاهش جهش در مقایسه با نمونه پایا در نسبت دمش ۱/۵ حاصل شد.

پیشینه مطالعات محققان بیشتر روی هندسه تخت یا پره کامل در حالت بدون نوسان یا صفحه تخت با نوسان در نسبتهای دمش محدود متمرکز بوده است. تاثیر انحنای سطح بر عملکرد خنککاری لایهای و تفاوت اثربخشی خنک-کاری در سطوح لبه حمله، فشار و مکش پره از یک طرف و وجود ذاتی نوسان جریان هوای تزریق از طرف دیگر، اهمیت بررسی اثر نوسان بر توزیع دما و اثربخشی خنککاری لایهای پره کامل توربین را مشخص میسازد؛ لذا با توجه به تفاوت عملکرد خنککاری لایهای در هندسه پره کامل و صفحه تخت و همچنین لزوم بررسی نوسان بر آن، در این مقاله به بررسی تاثیر نوسان موج سینوسی جریان هوای خنککنده

#### ۲- معادلات حاکم

معادلات پیوستگی و انتقال مومنتوم همراه با معادلات بسته تنش رینولدز و نیز معادله انرژی برای دامنه محاسباتی حل میشوند:

$$\frac{\partial U_i}{\partial x_i} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{DU_i}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_i} \left( v \frac{\partial U_i}{\partial x_j} - \overline{u_i u_j} \right) \tag{(Y)}$$

جایی که مدل های ویسکوزیته ادی یک نسبت تنش-کرنش را به کار می گیرد:

$$\overline{u_{t}u_{j}} = \frac{2}{3}k\delta_{ij} - v_{t}\left(\frac{\partial U_{i}}{\partial x_{j}} + \frac{\partial U_{j}}{\partial x_{i}}\right) \tag{7}$$

$$\rho U_i \frac{\partial I}{\partial x_i} = \frac{\partial}{\partial x_i} \left( \frac{\kappa}{c_p} \frac{\partial I}{\partial x_i} - \rho \overline{u_i T} \right)$$
(f)

جهت مدلسازی اشفتگی، از مدل انتقال تنش برشی SST k – w استفاده شده است که یک تابع ترکیبی را به کار میگیرد که معادله ۵ نزدیک دیواره را حفظ میکند، در حالی که با معادله ۶ دور از دیواره جفت میشود. جزییات بیشتر مدل به وسیله منتر<sup>۳</sup> بیان شده است[۲۲].

#### ۳- هندسه، مش و مدل محاسباتی

هندسه مساله شامل پره NACA C3X است که شامل، یک ردیف سوراخ تزریق در لبه حمله و یک ردیف سوراخ روی هریک از سطوح مکش و فشار پره است. قطر سوراخهای تزریق یکسان و برابر ۲ میلیمتر است. نسبت طول به قطر برای لبه حمله، سطح فشار و مکش به ترتیب برابر ۵/۵، ۵/۹ و ۶/۱ است. زوایه تزریق نسبت به سطح برای لبه حمله برابر ۹۰ درجه و برای سطوح فشار و مکش، برابر ۲۵ درجه در نظر گرفته شده است. سه پلنوم جهت تزریق هوای خنککننده هر بخش، در نظر گرفته شده است. شکل ۱ هندسه پره، ناحیه محاسباتی و ابعاد آن و شرایط مرزی را برحسب ضریبی از قطر سوراخ تزریق هوای خنککننده (D) نشان میدهد.

<sup>3</sup> Menter

بر اثربخشی خنککاری لایهای لبه حمله و سطوح فشار و مکش یک پره کامل توربین پرداخته میشود.

Mack

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Muldoon and Acharya

جهت المانبندی هندسه از مش با سلولهای شش وجهی ساختاریافته استفاده شده است. شکل ۲ مش ناحیه محاسباتی و نواحی نزدیک به سوراخهای تزریق پره را نشان میدهد.

جهت بررسی استقلال شبکه، سه مش مختلف با تعداد ۲۵۰۲۵۰۰، ۴۳۴۵۷۰۰ و ۶۶۵۴۹۰۰ سلول محاسباتی در نظر گرفته شد.

اثربخشی خنککاری لایهای خط مرکزی در حالت پایا برای سه شبکه مذکور، در شکل ۳ نشان داده شده است.

اثربخشی خنک کاری لایهای نسبت "اختلاف دمای جریان اصلی و دمای دیواره" به "اختلاف دمای جریان اصلی و جریان خنک کننده" است که هرچه این مقدار به ۱ نزدیک تر باشد، نشان دهنده آن است که فیلم خنک کننده بهتر سطح را پوشانده و دمای دیواره پره کاهش بیشتری داشته است.

رابطه اثربخشی خنککاری لایهای به صورت زیر تعریف میشود:

$$\eta = \frac{T_{\infty} - T_{aw}}{T_{\infty} - T_c}$$

که در این رابطه  $\eta$  اثربخشی خنککاری لایهای،  $T_{\infty}$  دمای هوای جریان اصلی،  $T_{aw}$  دمای آدیاباتیک دیواره که از شبیه-سازی یا اندازه گیری به دست می آید و  $_{T}$  نیز، دمای سیال تزریق است. دمای آدیاباتیک دیواره دمای دیواره پره توربین است؛ در حالتی که شار حرارتی دیواره صفر باشد. این دما مربوط به دیواره است و رابطه اثربخشی بر مبنای آن تعریف می شود.

همانطور که مشاهده میشود، تفاوت مقادیر اثربخشی برای هندسههای با تعداد سلولهای محاسباتی ۴۳۴۵۷۰۰ و ۶۶۵۴۹۰۰ در فواصل مختلف کمتر از دو درصد است، در نتیجه مش با تعداد سلولهای ۴۳۴۵۷۰۰ جهت تحلیلهای بعدی استفاده گردید.



شکل ۱- هندسه پره، ناحیه محاسباتی و شرایط مرزی



شکل ۲- شبکه محاسباتی اطراف پره و نزدیک به سوراخهای تزریق سطوح پره

جریان موج سینوسی به صورت زیر تعریف میشود.  $u_{coolant} = u_a + Au_a Sin(\omega t)$ که در این رابطه  $u_a$  سرعت متوسط و  $Au_a$  دامنه نوسان است. سرعت متوسط و دامنه نوسان در نسبتهای دمش مختلف در جدول ۱ آمده است.

جدول ۱- دامنه و سرعت متوسط جریان نوسانی سینوسی

سرعت متوسط ( <u>m</u> )	دامنه	نسبت دمش
۱.	١.	• /۵
۱۵	۱۵	• /Y ۵
۲۰	۲.	١
٣٠	٣٠	۱/۵
۴.	۴۰	٢
۵۰	۵۰	$r/\Delta$



با توجه به این که مساله اصلی، جریان نوسانی و در نتیجه ناپایاست، لازم است استقلال از گام زمانی برای نتایج شبیه سازی انجام شود. برای مساله جریان نوسانی سینوسی، تعداد سیکل یا تناوب زمانی آن قدر ادامه یافت تا نتایج تحلیل برای یک تناوب، با نتایج تناوب قبل از آن تفاوت نداشته باشد. تفاوت بین توزیع اثر بخشی سطح پره در سیکل هشتم و نهم، کمتر از ۲۰۰۵ درصد بود. بین سیکل نهم و دهم، میزان تفاوت برابر صفر بود.

برای جریان اصلی، سرعت جریان برابر ۲۰ m/s در نظر گرفته شد و سرعت جریان هوای خنککننده بر اساس نسبتهای دمش۵/۰۰ ۵/۰۱ ۱، ۵/۱۰ ۲ و۵/۲ تغییر می کرد. دمای جریان اصلی ۳۵۰/۱۵k و دمای سیال خنککننده ۳۰۰/۱۵k بود. نسبت دانسیته ۱/۱۶۶ بود. شدت توربولانس برای هر دو جریان اصلی و خنککننده ۵ درصد در نظر گرفته شد.

شرط مرزی پروفیل سرعت نوسانی سینوسی به صورت کدنویسی UDF در نرمافزار فلوئنت انجام شده است. مدلها و مقادیر پارامترهای به کار رفته در حل عددی در جدول ۲ آمده است.

## ۴– تحلیل نتایج

در شکل ۴، توزیع فشار روی سطح پره و همچنین توزیع دمای سطح برای حالت پایا با نتایج تجربی هیلتون و همکاران[۲۳] و تحلیل عددی ژائوکینگ و ونگ [۱۵] مقایسه شده است. همانطور که مشاهده میشود، نتایج مدل عددی به کار گرفته شده در مطالعه حاضر، مطابقت خوبی با نتایج تجربی و عددی محققان دارد. حداکثر تفاوت خوبی با نتایج تجربی و عددی محققان دارد. مداکثر تفاوت همکاران [۲۳]، برابر ۸/۳۱٪ و با نتایج عددی ژائوکینگ و دمای سطح در مطالعه حاضر با نتایج تحربی هیلتون و دمای سطح در مطالعه حاضر با نتایج عددی ژائوکینگ و همکاران [۲۳] برابر ۳/۷٪ و با نتایج عددی ژائوکینگ و همکاران [۲۳] برابر ۳/۷٪ و با نتایج عددی ژائوکینگ و شمکاران [۲۳] برابر ۳/۷٪ و با نتایج عددی ژائوکینگ و

## ۴-۱- جریان پایا

در شکل ۵ کانتورهای توزیع دمای پره برای حالت جریان پایا در نسبتهای دمش مختلف نشان داده شده است. ابعاد





شکل ۶ خطوط جریان هوای اصلی و خنککننده را روی سطح پره برای دو نسبت دمش ۰/۵ و ۲ نشان می-

عددى		
3D	بعد (Dimension)	
Pressure Based	حل کننده	
Implicit	روش فرمول بندى	
Simple C	الگوريتم كوپلينگ سرعت فشار	
$SST k - \omega$	مدل توربولانسى	
Standard, Second Order	گسسته سازی فشار	
Second Order Upwind	گسسته سازی مومنتوم، توربولانس و انرژی	
Unsteady	زمان	
جریان پایا و نوسانی سینوسی	جریانهای مورد بررسی	
۲۰ Time Step	تعداد گام زمانی در یک دوره تناوب	
۵·Hz	فركانس	
•/۵, •/۷۵, ۱, ۱/۵, ۲, ۲/۵	نسبت دمش	
Adiabatic Wall	شرط مرزی دیوارهها	

نشان داده شده در شکل به متر است. همان طور که مشاهده می شود، با افزایش نسبت دمش، به دلیل جدا شدن فیلم خنک کننده از روی سطوح مختلف پره، دمای سطح پره در بخش های لبه حمله و سطوح فشار و مکش افزایش می یابد و همچنین با افزایش نسبت دمش به دلیل نفوذ جریان خنک کننده به داخل جریان هوای اصلی، دمای جریان اصلی کاهش می یابد. پوشش فیلم خنک کاری روی سطح فشار نسبت به لبه حمله و سطح مکش بیشتر است. در اصلی کاهش می یابد. پوشش فیلم خنک کاری روی سطح کامی نزدیک به مقطه سکون، سرعت جریان اصلی نزدیک به صفر است، بنابراین تشکیل لایه خنک-کننده در این بخش آسان نیست [۵۵]. برای نسبت دمش ۵/۰، دمای سطح پایین دست سوراخ تزریق در لبه حمله و سطح فشار نسبت به نسبتهای دمش دیگر کمتر و در

## جدول ۲-مدلها و مقادیر پارامترهای به کار رفته در حل

دهد. همان طور که مشاهده می شود، برای نسبت دمش ۸/۰در مقایسه با نسبت دمش ۲ روی سطوح لبه حمله و بخش فشار خطوط جریان هوای تزریق به سطح چسبیده، لذا اثربخشی خنک کاری لایه ای در نسبت دمش ۸/۰ بیشتر است. در سطح مکش در پایین دست سوراخ تزریق جریان

ثانویهای ایجاد می شود که هسته اصلی آن در نسبت دمش ۲ در مقایسه با نسبت دمش ۵/۰ به سوراخ تزریق نزدیک تر است و باعث اختلاط بیشتر جریان هوای اصلی و خنک-کننده شده و به همین دلیل، بازده خنککاری لایهای در سطح مکش نیز برای نسبت دمش ۲ کمتر است.













مکانیک سازهها و شارهها/ سال ۱۳۹۸/ دوره ۹/ شماره ۲







شکل ۶- خطوط جریان هوای اصلی و خنک کننده روی سطح پره الف) نسبت دمش ۵/۰ و ب) نسبت دمش ۲

## ۴-۲- جریان موج سینوسی

برای جریان موج سینوسی توزیع دمای سطح پره در گام-های مختلف زمانی برای یک تناوب کامل موج سینوسی برای نسبت دمش ۵/۰ در شکل ۷ نشان داده شده است. همان طور که مشاهده میشود، توزیع دما در فواصل زمانی مختلف در پایین دست سوراخ تزریق، برای بخشهای لبه حمله و سطوح مکش و فشار پره، تغییر می کند. به دلیل اینکه جریان اصلی در سمت فشار شتاب می گیرد، هوای خنک کاری در پایین دست سوراخ تزریق، بلند می شود و در بخشهای پایین تر بوسیله جریان اصلی به روی سطح هل داده می شود، شکل مقعر بخش فشار این اثر را تقویت می-کند[۵–۱۲]. همان طور که از شکل ۷ مشاهده می شود، در

ابتدای سیکل (n=t) جریان تزریق به دلیل تغییرات تدریجی از گام زمانی قبل روی سطح وجود دارد. در ادامه با افزایش دبی خنککننده سطح خنکتر شده و با تشکیل لایه خنککننده روی سطوح پره میزان دمای سطح در ادامه سیکل، به کمترین مقدار خود میرسد. با کاهش دبی جریان در نیم سیکل دوم تناوب، دمای سطح شروع به افزایش میکند و این فرایند در تناوبهای بعدی تکرار میشود.

در شکل ۸ توزیع اثربخشی روی سطح پره برای نسبت دمش ۰/۵ نشان داده شده است. تغییرات توزیع اثربخشی به تغییرات دبی جریان سیال خنککننده در یک سیکل زمانی مرتبط است. تغییر دبی سیال خنککننده در یک



۵۰Hz شکل ۷− توزیع دمای سطوح مختلف پره در گامهای زمانی مختلف یک تناوب زمانی جریان نوسانی سینوسی با فرکانس ۵۰Hz و نسبت دمش ۵/۸



دمش ۵/۵

سيكل، باعث تغيير اندازه جفت ورتكس ناهمسان گرد می شود؛ در نتیجه تغییر توزیع دمای سطح در هر گام زمانی را در پی دارد. همانطور که از شکل ۸ مشخص است، در نیم سیکل اول با افزایش دبی سیال خنککاری اندازه جفت ورتکس ناهمسان گرد نیز افزایش یافته و به تبع آن جریان سیال خنککننده به میزان بیشتری به جریان اصلی وارد می شود. در ادامه با کاهش دبی سیال خنک-کننده، اندازه جفت ورتکس نیز کاهش یافته، در اواسط نیم سیکل دوم به کوچکترین مقدار خود میرسد. در ادامه با افزایش دبی سیال خنککاری اندازه جفت ورتکس نیز بزرگتر شده و توزیع دما محدوده وسیعتری را تحت تاثیر قرار مىدهد. بايد توجه داشت، به دليل تغييرات تدريجي دبی جریان سیال خنککننده در جریان موج سینوسی، اندازه جفت ورتکس ناهمسان گرد نیز به صورت تدریجی تغيير كرده و توزيع دماى سطح و به تبع آن توزيع اثربخشی روی لبه حمله و سطوح مکش و فشار را تحت تاثير قرار مىدھد.

برای جریان موج سینوسی، توزیع دمای سطح پره در گامهای مختلف زمانی برای یک تناوب کامل موج سینوسی برای نسبت دمش ۱ در شکل ۹ نشان داده شده است. با افزایش نسبت دمش به ۱ جریان هوای خنککننده بیشتری به داخل جریان اصلی نفوذ کرده، لذا ناحیه وسیعتری از جریان اصلی در مقایسه با نسبت دمش ۵/۰ تحت تاثیر جریان هوای خنککننده قرار میگیرد. با افزایش نسبت دمش و جداشدن هوای خنککننده از سطح در نواحی نزدیک به پاییندست سوراخ تزریق در بخش فشار، سیال خنککننده در ناحیه دور از سوراخ دوباره به سطح چسبیده و این سطوح را خنک مینماید. همان طور که از شکل مشخص است، برای بخشهای لبه حمله و سطح مکش، جدایش جریان هوای خنککننده در نواحی پایین تر سوراخ تزریق دوباره به سطح نمی چسبد و جریان

در شکل ۱۰ توزیع اثربخشی روی سطح پره برای نسبت دمش ۱ نشان داده شده است. در این حالت میزان اثربخشی در بخشهای مختلف پره در یک تناوب مرتبا تغییر میکند. اثربخشی در پاییندست سوراخ تزریق لبه حمله به دلیل ورود جریان هوای خنککننده به جریان

اصلی و عدم تشکیل مناسب لایه خنککننده روی سطح، در مقایسه با نسبت دمش ۵/۰کاهش پیدا میکند.

برای جریان موج سینوسی، توزیع دمای سطح پره در گامهای مختلف زمانی برای یک تناوب کامل موج سینوسی برای نسبت دمش ۲/۵ در شکل ۱۱ نشان داده شده است. همان طور که از شکل مشخص است، در این نسبت دمش، هوای خنک کننده کاملا به داخل جریان اصلی نفوذ کرده، نه تنها پوشش خنک کاری سطح در بخشهای لبه حمله و سطوح مکش و فشار به خوبی تشکیل نمیشود، بلکه دیفیوژن هوای سرد به جریان اصلی باعث کاهش دمای هوای جریان اصلی و به تبع آن کاهش بازده حرارتی توربین میشود. البته پایین دست بخش مکش پره برخلاف سطوح لبه حمله و فشار برای نسبت دمش ۲/۵، پوشش هوای خنک کننده روی سطح در مقایسه با نسبت دمش -

علت این پدیده این است که در بخش مکش، سرعت جریان اصلی از بخشهای لبه حمله و بخش فشار بیشتر است و نسبت دمش محلی روی این سطح، کمتر از دو بخش دیگر است. در نسبتهای دمش پایین، در بخش مکش همه هوای خنککننده به دیواره میچسبد و با افزایش نسبت دمش، خنککننده بیشتری به دیواره می-چسبد؛ بنابراین اثربخشی خنککاری لایهای بهبود مییابد.

در شکل ۱۲، توزیع اثربخشی روی سطح پره برای نسبت دمش ۲/۵ نشان داده شده است. همان طور که مشخص است، توزیع اثربخشی روی سطح فشار نسبت به دو سطح دیگر بیشتر است. مقادیر اثربخشی روی سطوح لبه حمله، سطح فشار و فواصل ابتدایی پاییندست سطح مکش در نسبت دمش ۲/۵ در مقایسه با نسبتهای دمش مکش مقدار اثربخشی در نسبت دمش ۲/۵ در مقایسه با دیگر، کمتر است. در فواصل دوردست پاییندست بخش مکش مقدار اثربخشی در نسبت دمش ۲/۵ در مقایسه با دیگر نسبتهای دمش، بیشتر است. در نسبتهای دمش اثربخشی در فواصل ابتدایی پاییندست سوراخ تزریق، اثربخشی در فواصل دورتر به دلیل تغییر انحنای سطح، امکان اتصال دوباره فیلم خنک کننده به سطح وجود دارد؛ لذا در فواصل دورتر پاییندست سوراخ تزریق در بخش



شکل ۹- توزیع دمای سطوح مختلف پره در گامهای زمانی مختلف یک تناوب زمانی جریان نوسانی سینوسی با فرکانس ۵۰Hz و



شکل ۱۰- توزیع اثربخشی پره در گامهای زمانی مختلف یک تناوب زمانی جریان نوسانی سینوسی با فرکانس ۵۰Hz و نسبت دمش ۱



شکل ۱۱- توزیع دمای سطوح مختلف پره در گامهای زمانی مختلف یک تناوب زمانی جریان نوسانی سینوسی با فرکانس ۵۰Hz و



دمش ۲/۵

شکل ۱۳ مقایسه توزیع دما و اثربخشی خط مرکزی را برای یک تناوب کامل جریان سینوسی برای نسبتهای دمش مختلف روی پاییندست لبه حمله پره نشان میدهد. در لبه سوراخ تزریق، مقدار متوسط اثربخشی برابر  $\gamma / \gamma$ ، است؛ اما در فاصله 20.0  $> x^X/c_{ax} > 0.01$ ، مقدار اثربخشی با شیب زیادی کاهش مییابد و به حدود 1/، میرسد. در بازه 20.0  $> x^X/c_{ax} > 0.03$ ، مقدار متوسط اثربخشی تغییرات اندکی دارد. متوسط توزیع اثربخشی خط مرکزی روی سطح پاییندست سوراخ تزریق لبه حمله در نسبت دمش 1/3، بیشترین مقدار و در نسبت دمش 1/3. نسبت دمش میرابر 1/37. است.

شکل ۱۴ مقایسه توزیع دما و اثربخشی خط مرکزی را برای یک تناوب کامل جریان سینوسی برای نسبتهای



شکل ۱۳ - توزیع دما و اثربخشی لبه حمله پره در نسبتهای دمش مختلف یک تناوب زمانی جریان نوسانی سینوسی با فرکانس ۵۰Hz

دمش مختلف روی پاییندست سطح فشار پره نشان میدهد.

همانطور که مشخص است، روی سطح فشار با افزایش نسبت دمش، دمای سطح افزایش و به دنبال آن اثربخشی خنککاری لایهای کاهش مییابد.

در لبه سوراخ تزریق، مقدار متوسط اثربخشی برابر  $\sqrt{2}$  در لبه سوراخ تزریق، مقدار متوسط اثربخشی برابر  $\sqrt{2}$  د.0.3 مقدار آن در اثربخشی به سرعت کاهش مییابد و بیشترین مقدار آن در  $\frac{x}{C_{ax}} = 0.4$  برای نسبت دمش ۵/۵ و برابر ۲/۲ است. در بازه  $\sqrt{2}$  مقدار متوسط اثربخشی با بازه  $\sqrt{2}$  د.097 مقدار متوسط اثربخشی با شیب ملایمی کاهش مییابد.

در این حالت بیشترین مقدار متوسط اثربخشی خط مرکزی در نسبت دمش ۵/۰ و کمترین مقدار آن در نسبت دمش ۲/۵ به دست آمد. اختلاف بین کمترین و بیشترین مقدار متوسط اثربخشی روی سطح فشار برابر ۲۵/۵۷٪ است.



شکل ۱۴- توزیع دما و اثربخشی بخش فشار پره در نسبتهای دمش مختلف یک تناوب زمانی جریان نوسانی سینوسی با فرکانس ۵۰Hz

شکل ۱۵ مقایسه توزیع دما و اثربخشی خط مرکزی را برای یک تناوب کامل جریان سینوسی برای نسبتهای دمش مختلف روی پاییندست سطح مکش پره نشان می-دهد. برای سطح مکش، دمای سطح و به تبع آن توزیع اثربخشی خنککاری لایهای جریان نوسانی سینوسی، تغییرات کمتری را نسبت به سطح فشار در نسبتهای دمش مختلف دارد.





در لبه سوراخ تزریق، مقدار متوسط اثربخشی برابر ۱۸۸۴ است؛ اما در فاصله ۰٫۸۴ < ۰٫۸4 مقدار اثربخشی به سرعت کاهش مییابد و بیشترین مقدار آن در

 $x_{/C_{ax}} = 0.48$  برای نسبت دمش ۵/۰ و برابر ۲/۰۹ است. در بازه  $x_{/C_{ax}} = 0.48$ ، نرخ کاهش متوسط اثربخشی کمتر است و در انتهای بازه به کمتر از ۲۰/۳ میرسد.

متوسط اثربخشی خط مرکزی در نسبت دمش ۱، بیشترین مقدار و در نسبت دمش ۵/۰، کمترین مقدار را دارد و اختلاف این دو ۱۷/۰۱٪ است. در نسبتهای دمش بالا، فیلم خنک کننده در فواصل نزدیک، از سطح جدا میشود و در فواصل دوردست پاییندست سوراخ تزریق بخش مکش دوباره به سطح میچسبد؛ لذا در فواصل دوردست نسبت دمش ۲/۵ بیشترین اثربخشی را داشت.

در این بخش، اثر عدد رینولدز جریان اصلی روی اثربخشی خط مرکزی برای جریان نوسانی موج سینوسی، بررسی میشود. سه عدد رینولدز ۲۷۳۲۶، ۲۴۶۵۲ و ۱۱۱۹۷۸ مورد بررسی قرار گرفتند. شکل ۱۶ توزیع اثربخشی روی لبه حمله و سطوح فشار و مکش پره در اعداد رینولدز مختلف برای نسبت دمش ۱ را نشان میدهد. همان طور که مشاهده میشود، در بخش فشار پره، تغییر عدد رینولدز جریان اصلی بیشترین تاثیر را روی توزیع اثربخشی دارد. در بخشهای لبه حمله و سطح مکش متوسط اثربخشی خط مرکزی در عدد رینولدز ۲۴۵۵۲ بیشترین مقدار را دارد؛ ولی در سطح فشار برای عدد رینولدز ۱۱۱۹۷۸، بیشترین مقدار متوسط اثربخشی خط مرکزی به دست آمد.

## ۶- نتیجهگیری

در این مقاله، تأثیر تزریق هوای خنککننده نوسانی موج سینوسی بر خنککاری لایه ای لبه حمله، سطح فشار و مکش یک پره توربین به صورت عددی بررسی شد. از روش حجم محدود برای حل معادلات جریان و از مدل توربولانسی SST  $k - \omega$  جهت در نظر گرفتن اثرات آشفتگی استفاده گردید.

نتایج نشان داد، در حالت جریان پایا برای نسبت دمش ۰۰/۵ دمای سطح پاییندست سوراخ تزریق در لبه حمله و سطح فشار نسبت به نسبتهای دمش دیگر کمتر و در نتیجه متوسط اثربخشی خنککاری لایهای در این نسبت دمش بیشتر از دیگر نسبت دمشهاست. برای سطح مکش،



ای بخشهای لبه حمله، فشار و مکش پره

مقادیر متوسط اثربخشی در این ناحیه برای نسبت دمش ۱ بیشتر است. در نسبتهای دمش بالا، مقدار متوسط اثربخشی سطوح مختلف در مقایسه با نسبتهای دمش پایین و متوسط، کاهش مییابد.

تغییر دبی سیال خنککننده در یک سیکل جریان نوسانی موج سینوسی، سبب تغییر اندازه جفت ورتکس ناهمسان گرد می شود؛ در نتیجه تغییر توزیع دمای سطح و به تبع آن توزیع اثربخشی در هر گام زمانی را در پی دارد. متوسط توزیع اثربخشی خط مرکزی خنککاری لایه ای در حالت نوسانی روی سطح پایین دست سوراخ تزریق لبه حمله در نسبت دمش ۲۰/۵۰، برای سطح فشار در نسبت مقدار را داشت. تغییر عدد رینولدز جریان اصلی در بخش فشار پره، بیشترین تاثیر را روی توزیع اثربخشی داشت و بخش های لبه حمله و سطح مکش تغییرات اندکی با تغییر عدد رینولدز داشتند.

### ۵- علایم، نشانهها و ارقام

Ζ

قطر سوراخ، m	D
ضریب رسانش هوا، J/kg k	k
طول سوراخ، m	L
فشار، Pa	Р
زمان، s	t
دما، K	Т
سرعت، m/s	и
فاصله از لبه سوراخ تزریق در راستای جریان اصلی، m	x
مختصات نرمال بر دیوار، m	y

- مختصات نرمال بر دیوار، m
- مختصات جانبی، m

[5] Ochrymiuk T (2016) Numerical prediction of film cooling effectiveness over flat plate using variable turbulent prandtl number closures. J Therm Sci 25(3): 280-286.

[۶] تجلی س م، محمدی ا، منتظری م (۱۳۹۲) مدلسازی و

شاردها ۲۰۱–۸۹:(۴).

- [7] Park JS, Lee DH, Rhee DH, Kang SH, Cho HH (2014) Heat transfer and film cooling effectiveness on the squealer tip of a turbine blade. Energy 72: 331-343.
- [8] Lutum E, Von Wolfersdorf J, Semmler K, Dittmar J, Weigand B (2001) An experimental investigation of film cooling on a convex surface subjected to favourable pressure gradient flow. Int J Heat Mass Tran 44(5): 939-951.
- [9] Guo X, Schröder W, Meinke M (2016) Largeeddy simulations of film cooling flows. Comput Fluids 35(6):587-606.
- [10] Qin Y, Chen P, Ren J, Jiang H (2016) Effects of wall curvature and streamwise pressure gradient on film cooling effectiveness. App Therm Eng 107: 776-784.
- [11] Colban W, Gratton A, Thole KA, Haendler M (2006) Heat transfer and film-cooling measurements on a stator vane with fan-shaped cooling holes. J Turbomach 128(1): 53-61.
- [12] Gao Z, Narzary DP, Han JC (2009) Filmcooling on a gas turbine blade pressure side or suction side with compound angle shaped holes. J Turbomach 131(1): 11-19.
- [13] Liu K, Yang SF, Han JC (2012) Influence of coolant density on turbine blade film-cooling with axial shaped holes. Asme Turbo Expo 757-767.
- [14] Li G, Deng H (2011) Experimental investigation on film cooling performance of pressure side in annular cascades. J Therm Sci 20(2): 119.
- [15] Zhaoqing K, Wang J (2015) Numerical investigations of pulsed film cooling on an entire turbine vane. App Therm Eng 87: 117-126.
- [16] Stenger D, Ghia U, Ou S, Thornburg H (2010) numerical simulation of continuous and pulsed film cooling on a turbine-blade leading-edge model, including surface conductance. In48th AIAA Aero Sciences 1474.
- [17] Aga V, Mansour M, Abhari RS (2009) aerothermal performance of streamwise and compound angled pulsating film cooling jets. J Turbomach 131(4): 041015.

[۱۸] حسینی بغدادآبادی س م، زیرک س، رجبی زرگرآبادی م

موج سینوسی با توجه به تغییر پارامترهای تزریق خنککننده.

مهندسی مکانیک مدرس ۲۰۰–۱۹۱ :(۱)۱۹.

$$m^2/_S$$
 ويسكوزيته سينماتيک،  $v$ 

فاز 
$$\phi$$

 $^{kg}/_{m^3}$ دانسیته، ho

Hz فركانس، ש

δ دلتای کرونکر

زيرنويسها

a دامنه

aw آدياباتيک ديواره

سيال تزريق *C* 

خنککننده

#### 8- مراجع

coolant

 [۱] حسینعلی پور س م، شهبازیان ح، قبادی م، نوروزی م ص (۱۳۹۷) آنالیز سیالاتی-حرارتی اثرات دوران و بویانسی دورانی در

خنککاری داخلی پرههای توربین گاز. مطالعه آزمایشگاهی *مجله علمی و پژوهشی مکانیک سازهها و* شارهها ۲۸۸–۲۷۷ (۳)۸

[2] Tan X, Zhou X, Shan Y, Zhang J (2019) Analysisof heat transfer on film cooling performance in a flat plate. Energy Proced 158: 4154-4159.

- [3] Silieti M, Kassab AJ, Divo E (2009) Film cooling effectiveness: comparison of adiabatic and conjugate heat transfer CFD models. Int J Therm Sci 48(12): 2237-2248.
- [4] Karcz MI (2006) Mean and turbulent thermal fields due to film cooling via an eddy heat diffusivity closure. Task Quarterly 10(4): 377-390.

- [22] Menter FR, Kuntz M, Langtry R (2003) Ten years of industrial experience with the SST turbulence model. Turbulence Heat Mass Trans 4(1): 625-632.
- [23] Hylton LD, Mihelc MS, Turner ER, Nealy DA, York RE (1983) Analytical and experimental evaluation of the heat transfer distribution over the surfaces of turbine vanes. NACA, Report No. CR-168015.
- [19] Ekkad SV, Ou S, Rivir RB (2004) A transient infrared thermography method for simultaneous film cooling effectiveness and heat transfer coefficient measurements from a single test. J Turbomach 126(4): 597-603.
- [20] Mack M, Niehuis R, Fiala A, Guendogdu Y (2013) Boundary layer control on a low pressure turbine blade by means of pulsed blowing. J Turbomach 135(5): 051023.
- [21] Muldoon F, Acharya S (2010) Direct numerical simulation of pulsed jets-in-crossflow. Comput Fluids 39(10): 1745-1773.